### С. А. ДУШКИН, В. Б. ИВАНСКИЙ, А. М. КУРОВ<sup>1</sup>, В. А. ОДИНЕЦ, к. ф.-м. н. А. Н. ОРОБИНСКИЙ

Украина, г. Харьков, ННЦ «Институт метрологии», <sup>1</sup>Институт медицинской радиологии им. С. П. Григорьева АМНУ E-mail: orobin@mail.ru, imr@online.kharkiv.net Дата поступления в редакцию 02.04 2010 г. — 21.03 2011 г. Оппонент к. т. н. Б. А. ДЕМЬЯНЧУК (ОНУ им. Мечникова, г. Одесса)

# ПОГРЕШНОСТИ ПРИ ИЗМЕРЕНИИ ХАРАКТЕРИСТИК РЕНТГЕНОВСКИХ УСТАНОВОК

Рассчитаны погрешности при измерении средней энергии, коэффициента гомогенности, первого и второго слоя половинного ослабления рентгеновских установок. Проведено сравнение погрешностей с требованиями стандартов.

Рентгеновские установки (**РУ**) в медицинских учреждениях подразделяются на терапевтические для лечения заболеваний; диагностические — для выявления заболеваний, обследования при различных травмах и т. д.; метрологические — для настройки, аттестации и поверки дозиметров рентгеновского излучения.

Основными характеристиками РУ являются средняя энергия рентгеновского излучения, коэффициент гомогенности, первый слой половинного ослабления (СПО1) и второй слой половинного ослабления (СПО2) [1]. В каждой области применения РУ имеют свои особенности.

Терапевтические и диагностические РУ работают при известной средней энергии, коэффициенте гомогенности и мощности дозы (**МД**) рентгеновского излучения (здесь под дозой понимают индивидуальный эквивалент дозы  $H_p(0,07)$  и поглощенную дозу в воде  $D_w$ ), причем для лечения и диагностики разных частей тела человека выбирают соответствующую среднюю энергию, коэффициент гомогенности и МД.

Метрологические РУ работают в заданных диапазонах средних энергий, коэффициентов гомогенности и МД (здесь под дозой понимают  $H_p(0,07)$ ,  $D_w$ , экспозиционную дозу X, амбиентный эквивалент дозы  $H^*(0,07)$  и керму в воздухе K).

Для обеспечения радиационной безопасности людей при их лечении и диагностике рентгеновские установки должны иметь строго заданные характеристики в зависимости от области применения, поскольку какие-либо отклонения могут привести или к переоблучению человека, вызывающему лучевые поражения, или к недооблучению, что приводит к рецидивам онкологических заболеваний.

Метрологические РУ должны иметь характеристики, обеспечивающие заданные диапазоны средней энергии, коэффициента гомогенности и мощности доз для настройки, аттестации и поверки дозиметров рентгеновского излучения, с помощью которых измеряют дозы рентгеновского излучения, необходимые для лечения и диагностики, и проводится дозиметрический контроль пациентов и медицинского персонала.

Поэтому при конструировании и производстве РУ необходимо измерять МД, СПО1, который определяет среднюю энергию, и СПО2, который совместно с СПО1 определяет коэффициент гомогенности.

Для измерения МД в настоящее время применяют высокоточные дозиметры рентгеновского излучения, например PTW-UNIDOS.

Измерению характеристик рентгеновского излучения посвящен ряд работ. Например, в [2, с. 8] выполнены измерения СПО1 для одной энергии с погрешностью менее 10%, в [3, с. 263—265] — расчет и измерения характеристик РУ РАМТАК НF160: средней энергии, коэффициента гомогенности, СПО1 и СПО2; в [4, с. 13] приведены результаты измерений СПО1 РУ РАМТАК HF160. В [3, 4] получено соответствие характеристик РУ РАМТАК HF160 требованиям, приведенным в [5, табл. 4]. Однако в литературе отсутствует анализ составляющих погрешностей измерений и не приведены выражения для их расчета.

В настоящей работе определены выражения для расчета погрешностей при измерении средней энергии рентгеновского излучения, коэффициента гомогенности, СПО1 и СПО2.

### Погрешности при измерении СПО1 и $d_{1/4}$

Среднюю энергию, коэффициент гомогенности, СПО1 и СПО2 можно измерить при помощи дозиметра рентгеновского излучения [5, с. 18].

Процесс измерения включает в себя два этапа — сначала проводят прямые измерения МД или кермы в воздухе (*K*) рентгеновского излучения при различных дополнительных фильтрах из алюминия или меди, затем выполняют обработку результатов измерений: строят зависимость  $K=f(d_{\phi})$  или  $K/K_0=f(d_{\phi})$  ( $K_0$  — керма в воздухе до фильтра;  $d_{\phi}$  — толщина дополнительного фильтра), по которой определяют толщину  $d_{1/2}$ =СПО1 при  $K=0,5K_0$  и  $d_{1/4}$  при  $K=0,25K_0$ ; вычисляют СПО2= $d_{1/4}-d_{1/2}$  и коэффициент гомогенности h=СПО1/СПО2. Среднюю энергию  $\overline{E}$  определяют по зависимости  $\overline{E} = f(d_{1/2Al,Cu})$ , где  $d_{1/2Al,Cu}$  — табулированные значения СПО для Al и Cu.

Абсолютная погрешность при определении СПО1  $(d_{1/2})$  и  $d_{1/4}$  определяется следующими погрешностями:

— погрешностью при измерении кермы в воздухе рентгеновского излучения —  $\Delta_K d_{1/2}$  и  $\Delta_K d_{1/4}$ ;

#### МЕТРОЛОГИЯ. СТАНДАРТИЗАЦИЯ

— погрешностью установки напряжения на аноде рентгеновской трубки —  $\Delta_U d_{1/2}$  и  $\Delta_U d_{1/4}$ ;

— погрешностью, связанной с нестабильностью напряжения на аноде и тока анода рентгеновской трубки, —  $\Delta_{\rm H} d_{1/2}$  и  $\Delta_{\rm H} d_{1/4}$ ;

— погрешностью аппроксимации зависимости  $K/K_0 = f(d_{\phi}) - \Delta_a d_{1/2}$  и  $\Delta_a d_{1/4}$ ; — погрешностями при измерении толщины  $d_i$  до-

— погрешностями при измерении толщины  $d_i$  дополнительных фильтров, необходимых для измерения СПО1 и  $d_{1/4}$ , —  $\Delta_{-}d_{1/2}$ ,  $\Delta_{+}d_{1/2}$ ,  $\Delta_{-}d_{1/4}$  и  $\Delta_{+}d_{1/4}$  (как правило,  $\Delta_{-}d_{1/2} = \Delta_{+}d_{1/2} = \Delta_{-}d_{1/4} = \Delta_{+}d_{1/4} = \Delta_{\Phi}$ ).

Для измерения СПО1 и  $d_{1/4}$  применяют четыре дополнительных фильтра (СПО1 —  $d_1$  и  $d_2$ ;  $d_{1/4}$  —  $d_3$  и  $d_4$ ). В ситуациях когда отсутствуют фильтры заданной толщины, каждый из четырех фильтров может быть составлен из нескольких фильтров. Тогда при построении зависимости  $K/K_0 = f(d_{\phi})$  используют значения  $d_1$ ,  $d_2$ ,  $d_3$  и  $d_4$ , а при расчете погрешностей необходимо учитывать погрешности при измерении толщины каждого фильтра.

При суммировании погрешностей считаем, что они изменяются нерегулярным образом, оставаясь в границах допускаемой основной погрешности, поэтому их можно считать условно постоянными. Для суммирования погрешностей применяем квазистатистический метод [6, с. 71—72].

Суммарную абсолютную погрешность при измерении СПО1 представим в виде

$$\Delta d_{1/2} = \Delta C \Pi O I = k \left( \left( \Delta_K d_{1/2} \right)^2 + \left( \Delta_U d_{1/2} \right)^2 + \left( \Delta_{\mu} d_{1/2} \right)^2 + \left( \Delta_{\mu} d_{1/2} \right)^2 + \left( \Delta_a d_{1/2} \right)^2 + m_{1/2} \left( \Delta_{\phi} \right)^2 \right)^{1/2},$$
(1)

где *k* — коэффициент, который зависит от доверительной вероятности *P*, *k* =1,1 при *P* = 0,95 [7, раздел 4];

*m*<sub>1/2</sub> — количество фильтров, необходимых для измерения СПО1.

Разделив (1) на  $d_{1/2}$ , перейдем от абсолютной погрешности к относительной при P = 0.95:

$$\delta d_{1/2} = \delta C \Pi O I = 1, 1 \left( \left( \delta_K d_{1/2} \right)^2 + \left( \delta_U d_{1/2} \right)^2 + \left( \delta_{\rm H} d_{1/2} \right)^2 + \left( \delta_{\rm H} d_{1/2} \right)^2 + \left( \delta_a d_{1/2} \right)^2 + m_{1/2} \left( \Delta_{\Phi} / d_{1/2} \right)^2 \right)^{1/2}; \qquad (2)$$

Аналогично представим суммарную относительную погрешность при измерении  $d_{1/4}$ :

$$\delta d_{1/4} = 1, 1 \left( \left( \delta_K d_{1/4} \right)^2 + \left( \delta_U d_{1/4} \right)^2 + \left( \delta_{\rm H} d_{1/4} \right)^2 + \left( \delta_a d_{1/4} \right)^2 + m_{1/4} \left( \Delta_{\phi} / d_{1/4} \right)^2 \right)^{1/2};$$
(3)

где  $m_{1/4}$  — количество фильтров, необходимых для измерения  $d_{1/4}$ .

Определим составляющие погрешностей при измерении СПО1 и  $d_{1/4}$ .

### Погрешность, связанная с погрешностью при измерении кермы в воздухе рентгеновского излучения

Керма в воздухе рентгеновского излучения, прошедшего через фильтр, с заданной средней энергией, равна  $K = K_0 \cdot \exp(-\mu d_{\rm d})$ , где  $\mu$  — коэффициент ослабления рентгеновского излучения с заданной средней энергией в материале, из которого сделан фильтр [8, с. 218]. Тогда  $d_{\hat{o}} = \ln(K_0/K)/\mu$ , откуда относительные погрешности при измерении  $d_{1/2}$  и  $d_{1/4}$  можно определить как

$$\delta_{K}d_{1/2} \cong \sqrt{4(\delta_{cn}K)^{2} + (\delta\mu)^{2}};$$
  

$$\delta_{K}d_{1/4} \cong \sqrt{(\delta_{cn}K)^{2} + (\delta\mu)^{2}},$$
(4)

где  $\delta_{cn} K$  — случайная относительная погрешность дозиметра при измерении кермы в воздухе;

 δμ — изменение коэффициента ослабления за счет изменения средней энергии.

При заданной средней энергии (E = const)  $\mu = \text{const}$ , т. е.  $\delta\mu = 0$ . Значит, относительные погрешности при измерении  $d_{1/2}$  и  $d_{1/4}$  из (4) можно представить как

$$\delta_{K} d_{1/2} \cong 2\delta_{cn} K, \delta_{K} d_{1/4} \cong \delta_{cn} K.$$
(5)

### Погрешность, связанная с погрешностью установки напряжения на аноде рентгеновской трубки

При изменении напряжения на аноде рентгеновской трубки изменяется средняя энергия [1].

Из (4) при  $\delta_{cn}K=0$  (*K*=const) найдем  $\delta_U d_{1/2} = \delta_U d_{1/4} = = \delta \mu_{\bar{E}}$ . Погрешность, связанная с погрешностью установки напряжения на аноде рентгеновской трубки ( $\delta U_a$ ), определяется изменением коэффициента ослабления материала, из которого сделаны фильтры, необходимые для измерения СПО, в зависимости от средней энергии.

Изменение  $\mu$  можно определить, зная изменение средней энергии ( $\delta_U \overline{E}$ ) в зависимости от  $\delta U_a$ . Зависимости  $\delta_U \overline{E} = f(\delta U_a)$  для РУ РАМТАК HF160 [3, с. 263—265] в диапазоне  $\overline{E} = 23$ —120 кэВ построим на основе расчетов, приведенных в [1].

Как видно из **рис. 1**,  $|\delta_U \overline{E}| \le 0.8\%$  при  $|\delta U_a| \le 1\%$ . Здесь Q1 - Q7 — режимы работы РУ РАNTAK HF160, которые зависят от применяемых фильтров и  $U_a$ .



Технология и конструирование в электронной аппаратуре, 2011, № 3



Зная  $\delta_U \overline{E}$  и зависимости  $d_{1/2 \text{ Al, Cu}} = f(\overline{E})$  [1], относительные положительную и отрицательную погрешности  $\delta_U d_{1/2}$  определим как

$$\delta_U d_{1/2\pm} = 100 \left( d_{1/2} \left( \bar{E} \right) - d_{1/2} \left( \bar{E} \pm \Delta_U \bar{E} \right) \right) / d_{1/2} \left( \bar{E} \right), \quad (6)$$
  
rae  $\Delta_U \bar{E} = \bar{E} \cdot \delta_U \bar{E}$ .

Зависимости  $\delta_U d_{1/2 \text{ Al, Cu}} = f(\bar{E})$  при  $\delta_U \bar{E} = 0,8\%$ , рассчитанные по выражениям (6) для Al и Cu численным методом, приведены на **рис. 2** и **3**, соответственно.

За относительную погрешность  $\delta_U d_{1/2}$  принимаем максимальное из всех значений  $\delta_U d_{1/2+}$  и  $|\delta_U d_{1/2-}|$ , т. е.  $\delta_U d_{1/2} = \max \{ \delta_U d_{1/2+}; |\delta_U d_{1/2-}| \}.$ 

### Погрешности, связанные с нестабильностями напряжения на аноде и тока анода рентгеновской трубки

Нестабильности напряжения на аноде и тока анода рентгеновской трубки приводят к изменению кермы в воздухе. Следовательно, погрешности, связанные с нестабильностями, можно определить из (5) как

$$\delta_{H}d_{1/2} = 2 \cdot \delta_{H1/2}K;$$

$$\delta_{H}d_{1/4} = \delta_{H1/4}K,$$
(7)
$$\text{где } \delta_{H1/2}K = |(K_{01/2} - K_{01})/K_{01}|, K_{01/2} = (K_{01} + K_{02})/2,$$

$$\delta_{H1/4}K = |(K_{01/4} - K_{01})/K_{01}|, K_{01/4} = (K_{01} + K_{03})/2.$$

$$\text{Здесь } K_{01}, K_{02}, K_{03} - \text{ керма в воздухе перед измерением СПО1 и } d = 623 \text{ дополни-}$$

нием СПО1, после измерения СПО1 и  $d_{1/4}$  без дополнительных фильтров, соответственно. Погрешность аппроксимации зависимости  $K/K_0 = f(d_{\phi})$ 

Рассмотрим интервал  $[d_1, d_2]$  зависимости  $K/K_0 = f(d_{\phi})$  при измерении СПО1 (**рис. 4**).

Считаем, что 
$$\frac{\kappa}{K_0} = \exp\left(-\mu d_{\phi}\right)\Big|_{d_{\phi}=[d_1, d_2]}$$

Данную зависимость аппроксимируем прямой:

$$\frac{K}{K_0}\Big|_{d_{\Phi} = [d_1, d_2]} = kd + b \text{ (рис. 4).} 
Определим коэффициенты k и b:} 
k = [exp(-\mu d_2) - exp(-\mu d_1)]/(d_2 - d_1); 
b = [d_2 exp(-\mu d_1) - d_1 exp(-\mu d_2)]/(d_2 - d_1).$$
(8)

Подставив (8) в уравнение прямой, найдем d при  $K/K_0=0,5$ :

$$d = \frac{0.5 - b}{k} =$$
  
=  $\frac{d_2 - d_1 - 2d_2 \cdot \exp(-\mu d_1) + 2d_1 \cdot \exp(-\mu d_2)}{2 \cdot \left[\exp(-\mu d_2) - \exp(-\mu d_1)\right]}.$  (9)

Зададим  $d_1 = d_{1/2} - \tilde{d}$  и  $d_2 = d_{1/2} + \tilde{d}$ , где  $\tilde{d} = \eta d_{1/2}$ . Подставив  $d_1$  и  $d_2$  в (9), после математических преобразований с учетом того, что  $\exp(-\mu d_{1/2})=0,5$ ,  $\exp(\mu \tilde{d}) = 2^{\eta}, \exp(-\mu \tilde{d}) = 2^{-\eta}, \mu = \frac{\ln 2}{d_{1/2}},$  получим

$$d = d_{1/2} \eta \left( 2^{\eta+1} - 2^{2\eta} - 1 \right) / \left( 1 - 2^{2\eta} \right) + d_{1/2}.$$
 (10)

Погрешность при измерении  $d_{1/2}$  за счет аппроксимации определим как  $\delta_a d_{1/2} = d/d_{1/2} - 1$ . Подставив в это выражение формулу (10), получим

$$\delta_a d_{1/2} = \eta \left( 2^{\eta+1} - 2^{2\eta} - 1 \right) / \left( 1 - 2^{2\eta} \right). \tag{11}$$

Аналогично рассмотрим интервал  $[d_3, d_4]$  при измерении  $d_{1/4}$  (рис. 4). Зададим  $d_3 = d_{1/4} - \overline{d}$  и  $d_4 = d_{1/4} + \overline{d}$ , где  $\overline{d} = \overline{\eta} d_{1/4}$ .

С учетом того, что  $\exp(-\mu d_{1/4})=0,25$ ,  $\exp(\mu \overline{d})=2^{2\overline{\eta}} \mu \exp(-\mu \overline{d})=2^{-2\overline{\eta}}$ ,  $\mu = \ln 4/d_{1/4}$ , получим



### МЕТРОЛОГИЯ. СТАНДАРТИЗАЦИЯ

$$\delta_a d_{1/4} = \overline{\eta} \left( 2^{2\overline{\eta}+1} - 2^{4\overline{\eta}} - 1 \right) / \left( 1 - 2^{4\overline{\eta}} \right). \tag{12}$$

Подставив первые выражения (5) и (7), (11) в (2) и вторые выражения (5) и (7), (12) в (3), получим выражения для вычисления  $\delta$ СПО1 и  $\delta d_{1/4}$ 

$$\delta C \Pi O I = 1, 1 \left( 4 \left[ \left( \delta_{c \pi} K \right)^2 + \left( \delta_{\pi 1/2} K \right)^2 \right] + \left( \delta_U d_{1/2} \right)^2 + \left( \frac{\eta \left( 2^{\eta + 1} - 2^{2\eta} - 1 \right)}{1 - 2^{2\eta}} \right)^2 + m_{1/2} \left( \frac{\Delta_{\phi}}{C \Pi O I} \right)^2 \right)^{1/2}; \qquad (13)$$

$$\delta d_{1/4} = 1, 1 \left( \left( \delta_{c_{\pi}} K \right)^2 + \left( \delta_{H^{1/4}} K \right)^2 + \left( \delta_U d_{1/2} \right)^2 + \left( \frac{\overline{\eta} \left( 2^{2\overline{\eta}+1} - 2^{4\overline{\eta}} - 1 \right)}{1 - 2^{4\overline{\eta}}} \right)^2 + m_{1/4} \left( \frac{\Delta_{\Phi}}{d_{1/4}} \right)^2 \right)^{1/2}.$$

# Погрешность при измерении средней энергии рентгеновского излучения

Относительная погрешность при измерении средней энергии определяется следующими погрешностями:

— погрешностью, связанной с погрешностью при

измерении СПО1, —  $\delta \overline{E}_{d1/2}$ ;

— погрешностью табулированных значений СПО

для Al и Cu —  $\delta E_{0d1/2}$ .

Суммарную относительную погрешность при измерении средней энергии при *P*=0,95 запишем в виде [6, с. 72]

$$\delta \overline{E} = 1, 1 \sqrt{\left(\delta \overline{E}_{d1/2}\right)^2 + \left(\delta \overline{E}_{0d1/2}\right)^2}.$$
 (14)

# Погрешность, связанная с погрешностью при измерении СПО1

Относительные положительную и отрицательную погрешности при измерении  $\overline{E}$  в зависимости от  $d_{1/2Al,Cu}$  и  $\delta d_{1/2Al,Cu}$  определим как

$$\delta \overline{E}_{\pm} = 100 \left( \overline{E} \left( d_{1/2} \pm \Delta d_{1/2} \right) - \overline{E} \left( d_{1/2} \right) \right) / \overline{E} \left( d_{1/2} \right), \quad (15)$$

где  $\Delta d_{1/2} = d_{1/2} \cdot \delta d_{1/2}$ .

### Зависимости $\overline{E} = f(d_{1/2})$ (рис. 5) представим в виде

$$\overline{E}\left(d_{1/2Al,Cu}\right) = \begin{cases} \beta 0_0 \cdot d + \beta 1_0, \text{ если } \mathbf{d}_0 \leq d \leq d_1; \\ \beta 0_1 \cdot d + \beta 1_1, \text{ если } \mathbf{d}_1 \leq d \leq d_2; \\ \dots \\ \beta 0_n \cdot d + \beta 1_n, \text{ если } \mathbf{d}_{n-1} \leq d \leq d_n, \end{cases}$$
(16)

где  $\beta 0_n = -\frac{\alpha 0_n}{\alpha 1_n}$ ;  $\beta 1_n = \frac{1}{\alpha 1_n}$ ;  $\alpha 0_n$  и  $\alpha 1_n$  были определены в диапазоне энергии от 1 до 300 кэВ при *n*=80 в [1].



Зависимости  $\delta \overline{E} = f(d_{1/2 \text{ Al}, Cu})$  при известном значении  $\delta d_{1/2}$ , рассчитанные по выражениям (15) для Al и Cu численным методом, приведены на **рис. 6** и 7, соответственно.

За относительную погрешность при измерении средней энергии  $\delta \overline{E}$  принимаем максимальное значение из  $\delta \overline{E}_{+}$  и  $|\delta \overline{E}_{-}|$ , т. е.  $\delta \overline{E} = \max \{\delta \overline{E}_{+}; |\delta \overline{E}_{-}|\}$ .

### Погрешность, связанная с погрешностью табулированных значений СПО для Al и Cu

С учетом того, что  $d_{1/2} = \frac{\ln 2}{\mu}$ , относительную погрешность табулированных значений СПО ( $d_{01/2}$ ) представим в виде  $\delta_0(d_{01/2}) = \delta(\mu)$ , (17)

#### МЕТРОЛОГИЯ. СТАНДАРТИЗАЦИЯ

- где δ(μ) погрешность при измерении линейного коэффициента ослабления рентгеновского излучения;
  - $\mu(E)$  линейный коэффициент ослабления для энергий, меньших 1500 кэВ [8, с. 220],  $\mu(E)=\tau(E)+$  $+\sigma_{\text{ког}}(E)+\sigma_{\text{неког}}(E).$

Погрешность  $d_{01/2}$  с учетом (17) представим в виде

$$\delta_{0}\left(d_{01/2}\right) = \left[\delta\tau(E)\right]^{2} \left[\frac{\tau(E)}{\mu(E)}\right]^{2} + \left[\delta\sigma_{\text{KOT}}\left(E\right)\right]^{2} \times \left[\frac{\sigma_{\text{KOT}}\left(E\right)}{\mu(E)}\right]^{2} + \left[\delta\sigma_{\text{HEKOT}}\left(E\right)\right]^{2} \left[\frac{\sigma_{\text{HEKOT}}\left(E\right)}{\mu(E)}\right]^{1/2}.$$
(18)

Зависимости (18) для Al и Cu в диапазоне энергий от 1 до 300 кэВ, рассчитанные численным методом, приведены на **рис. 8.** 



Погрешность  $\delta \overline{E}_{0d1/2}$  определяется по зависимостям  $\delta \overline{E} = f(d_{1/2 \text{ Al, Cu}})$  при  $\delta_0(d_{01/2}) = \text{const}$  (рис. 6 и 7).

# Погрешности при измерении СПО2 и коэффициента гомогенности

С учетом выражений для определения СПО2 и *h* относительные погрешности при их измерении представим в виде

$$\delta C\Pi O2 = \frac{\sqrt{(\Delta C\Pi O1)^{2} + (\Delta d_{1/4})^{2}}}{d_{1/4} - C\Pi O1} = \frac{\sqrt{h^{2} (\delta C\Pi O1)^{2} + (1+h)^{2} (\delta d_{1/4})^{2}}}{\delta h = \sqrt{(\delta C\Pi O1)^{2} + (\delta C\Pi O2)^{2}} = \frac{\sqrt{(1+h^{2})(\delta C\Pi O1)^{2} + (1+h)^{2} (\delta d_{1/4})^{2}}}{\delta d_{1/4}}.$$
(19)

## Анализ составляющих погрешностей

Все погрешности при измерении СПО1,  $\overline{E}$ , СПО2 и *h* в формулах (13), (14) и (19) выражены через  $\delta$ СПО1 и  $\delta d_{1/4}$ . Определим, как можно их уменьшить. Априорно известны погрешности  $\delta_{K}$ ,  $\delta_{U}$ ,  $\delta_{a}$ , и  $\Delta_{\phi}$ ;

погрешности  $\delta_{\rm H}$  определяются при измерении. Определим критерии, при которых можно пренебречь погрешностями  $\delta_a$  и  $\Delta_{\phi}$  по сравнению с погрешностями  $\delta_K$  и  $\delta_U$ . Чтобы можно было пренебречь погрешностью  $\delta_a d_{1/2}$  в (2) и  $\delta_a d_{1/4}$  в (3) согласно требованиям [9, п. 1.2.3], должны выполняться неравенства

$$\delta_a d_i \leq \frac{1}{3} \sqrt{\left(\delta_K d_i\right)^2 + \left(\delta_U d_i\right)^2}$$
, где *i*=1/2, 1/4. После

подстановки в эти неравенства первого выражения (5) и (11), второго выражения (5) и (12) получим

$$\frac{3\eta \left(2^{\eta+1} - 2^{2\eta} - 1\right)}{1 - 2^{2\eta}} \leq \delta l; 
\frac{3\overline{\eta} \left(2^{2\overline{\eta}+1} - 2^{4\overline{\eta}} - 1\right)}{1 - 2^{4\overline{\eta}}} \leq \delta 2,$$
(20)

где 
$$\delta l = \sqrt{4(\delta_{cn}K)^2 + (\delta_U d_{1/2})^2}$$
,  
 $\delta 2 = \sqrt{(\delta_{cn}K)^2 + (\delta_U d_{1/2})^2}$ .

Неравенства (20) — трансцендентные, решения которых найдем из зависимостей  $\delta l = f(\eta) u \ \delta 2 = f(\overline{\eta})$ (рис. 9).

Следовательно, чтобы можно было пренебречь аппроксимацией зависимости  $K/K_0 = f(d_{\phi})$  прямыми линиями при определении  $d_{1/2}$  и  $d_{1/4}$ , толщина дополнительных фильтров должна выбираться с учетом  $\eta$  и  $\bar{\eta}$ , которые определяются из неравенств (20) с учетом погрешностей  $\delta 1$  и  $\delta 2$ , т. е.

$$d_{1} = C\Pi OI \cdot (1 - \eta); d_{2} = C\Pi OI \cdot (1 + \eta); d_{3} = d_{1/4} (1 - \overline{\eta}); d_{4} = d_{1/4} (1 + \overline{\eta}).$$
(21)

Чтобы можно было пренебречь погрешностями при измерении толщины дополнительных фильтров ( $\Delta_{tb}$ ), должны выполняться неравенства [9, п. 1.2.3]

$$\sqrt{m_{1/2}} \left( \frac{\Delta_{\phi}}{C\Pi ol} \right) \leq \frac{1}{3} \sqrt{4 \left( \delta_{c\pi} K \right)^2 + \left( \delta_U d_{1/2} \right)^2}; \\
\sqrt{m_{1/4}} \left( \frac{\Delta_{\phi}}{d_{1/4}} \right) \leq \frac{1}{3} \sqrt{\left( \delta_{c\pi} K \right)^2 + \left( \delta_U d_{1/2} \right)^2},$$
(22)



из которых найдем

$$C\Pi OI \ge C\Pi OI_{\min} = \frac{3\sqrt{m_{1/2}\Delta_{\phi}}}{\sqrt{4(\delta_{cn}K)^{2} + (\delta_{U}d_{1/2})^{2}}};$$

$$d_{1/4} \ge d_{1/4\min} = \frac{3\sqrt{m_{1/4}}\Delta_{\phi}}{\sqrt{(\delta_{cn}K)^{2} + (\delta_{U}d_{1/2})^{2}}}.$$
(23)

С учетом условий (20) и (22) выражения (13) запишем в виде

$$\delta C\Pi O1 \cong 1, 1 \sqrt{4 \left[ \left( \delta_{cn} K \right)^2 + \left( \delta_{H^{1/2}} K \right)^2 \right] + \left( \delta_U d_{1/2} \right)^2 ;} \\ \delta d_{1/4} \cong 1, 1 \sqrt{\left( \delta_{cn} K \right)^2 + \left( \delta_{H^{1/4}} K \right)^2 + \left( \delta_U d_{1/2} \right)^2 }.$$

Таким образом, порядок выполнения измерений и расчета погрешностей при измерении СПО1, СПО2, средней энергии и коэффициента гомогенности, следующий.

1) Рассчитать среднюю энергию, СПО1, СПО2 и *h* согласно [1].

2) Определить  $\delta_U \overline{E}$ , зная  $\delta U_a$  (рис. 1) и погрешность  $\delta_{U}d_{1/2}$  (рис. 2 или 3).

3) Зная погрешности  $\delta_{c\pi} K$  и  $\delta_U d_{1/2}$ , по зависимостям  $\delta 1 = f(\eta)$  и  $\delta 2 = f(\overline{\eta})$  (рис. 9) определить коэффициенты  $\eta$  и  $\overline{\eta}$ .

4) Зная  $\eta$  и  $\overline{\eta}$ , из (21) определить  $d_1, d_2, d_3$  и  $d_4$ . 5) Измерить зависимость  $K=f(d_1, d_2, d_3, d_4)$ , по которой определить СПО1 и  $d_{1/4}$ . Вычислить СПО2 и h.

6) Зная СПО1, по зависимости (16) определить  $\bar{E}$ .

7) Проверить соблюдение неравенств (23). Если неравенства соблюдаются, погрешности бСПО1 и  $\delta d_{1/4}$  определить по формулам (24), если не соблюдаются — по (13).

8) Зная  $\overline{E}$ , определить  $\delta(d_{1/2 \text{ Al, Cu}})$  (рис. 8); по зависимостям  $\delta \overline{E} = (d_{1/2Al,Cu})$  при  $\delta_0(d_{01/2Al,Cu})$ =const (рис. 6 или 7) определить  $\delta \overline{E}_{0d1/2}$ . 9) Зная СПО1 и  $\delta CПО1$ , определить  $\delta \overline{E}_{d1/2}$  по за-висимостям  $\delta \overline{E} = f(d_{1/2Al,Cu})$  (рис. 5 или 6). 10) По выражению (14) определить погрешность  $\delta \overline{E}$ .

11) По выражениям (19) определить погрешности δСПО2 и δh.

При этом необходимо отметить что:

- измерения выполняют при малых значениях мощности рентгеновской трубки с целью снижения нестабильности кермы в воздухе, но при этом керма в воздухе должна быть такой, чтобы случайная погрешность при ее измерении была минимальной;

 – чистота материалов дополнительных фильтров должна быть не хуже 0,999 [5, с. 16].

Экспериментальные исследования с учетом изложенных требований были проведены на РУ РАМТАК HF160 [3], которая по классификации [5, табл. 4] относится к установкам с узким спектром (серия N).

Анализ полученных данных показывает, что рассчитанные значения и значения СПО1, СПО2,  $\overline{E}$  и h рентгеновского излучения, приведенные в [5, табл. 4], согласуются с результатами измерений в пределах погрешностей при их измерении и удовлетворяют требованиям, приведенным в [5], что позволяет сделать вывод о корректности расчета. При этом погрешности расчета средней энергии рентгеновского излучения и коэффициента гомогенности, полученные в [1], были уточнены:  $|\delta E_{\Sigma p}| \le 3,0\%$  и  $|\delta h_{\Sigma p}| \le 8,0\%$  при  $0,9 \le h \le 1$ .

### Выводы

1. Погрешности при измерении коэффициента гомогенности, СПО1 и СПО2 определяются погрешностями при измерениях кермы в воздухе и толщины дополнительных фильтров, погрешностью аппроксимации зависимости кермы в воздухе от толщины дополнительных фильтров, нестабильностями напряжения на аноде и тока анода рентгеновской трубки и погрешностью установки напряжения на аноде.

2. Погрешность при измерении средней энергии определяется погрешностями при измерении СПО1 и коэффициента ослабления для алюминия или меди.

3. При условии, что

 случайная погрешность дозиметра рентгеновского излучения не превышает 0,5%;

погрешность микрометра не превышает 4 мкм;

 погрешность, связанная с нестабильностями напряжения на аноде и тока анода рентгеновской трубки, и погрешность установки напряжения на аноде не превышает 1% каждая;

при правильном выборе толщины дополнительных фильтров погрешности при измерении характеристик рентгеновских установок составляют:  $|\delta C\Pi O1_{\mu\eta\mu}| < 3\%$ ,  $|\delta C\Pi O2_{\mu\eta\mu}| < 7\%$ ,  $|\delta \overline{E}_{\mu\eta\mu}| < 2\%$  и  $|\delta h_{\mu\eta\mu}| < 8\%$ .

#### ИСПОЛЬЗОВАННЫЕ ИСТОЧНИКИ

1. Душкин С. А., Куров А. М., Одинец В. А., Оробинский А. Н. Расчет характеристик рентгеновского излучения // Технология и конструирование в электронной аппаратуре.— 2008.— № 6.— C. 60-64.

2. Cranley K. Measurement of the performance characteristics of diagnostic X-Ray systems used in medicine. Part I. X-Ray tubes and generators (Second edition) .- Belfast: Institution of physics and engineering in medicine and biology, 1996.- Report No 32.

3. Душкин С. А., Куров А. М., Одинец В. А., Оробинский А. Н. Исследования метрологических характеристик установки рентгеновской типа PANTAK HF160 / Тр. VI Межд. научн.-техн. конф. «Метрология и измерительная техника».— Харьков.— 2008.-T. 2.— C. 261—265.

4. Пилипенко М. І., Корнєєва В. В. Перспективи забезпечення в Україні єдності вимірювань ікс-проміння в медицині // Український радіологічний журнал.— 2003.— № 11— С. 11—16.

5. ДСТУ ISO 4037-1:2006. Стандартні рентгенівське та гамма-випромінення для калібрування дозиметрів і вимірювачів потужності дози та для визначення їх чутливості в залежності від енергії фотонів. Частина 1. Характеристики випромінень та методи, що їх створюють.

6. Грановский В. А., Сирая Т. Н. Методы обработки экспериментальных данных при измерениях. — Л.: Энергоатомиздат, 1990.

7. ДСТУ ГОСТ 8.207:2008. ГСИ. Прямые измерения с многократными наблюдениями. Методы обработки результатов наблюдений. Основные положения

8. Немец О. Ф., Гофман Ю. В. Справочник по ядерной физике.-Киев: Наукова думка, 1975.

9. ГОСТ 25935-83. Приборы дозиметрические. Методы измерения основных параметров.