## Я.О. Романкевич, О.А. Гаранина, О.В. Романкевич

## Изотерма абсорбции паров растворами

(Представлено членом-корреспондентом НАН Украины Ю. Ю. Керчой)

Розрахунок сорбції в низькомолекулярних системах з використанням параметра зміни парціальної мольної ентальпії при розчиненні дозволяє описувати всю ізотерму абсорбції, включаючи ділянку капілярної конденсації.

Как известно, природа сорбции воды полимерами, например целлюлозой, является предметом пристального изучения ввиду большого практического значения [1]. Изотерму адсорбции условно разделяют на три участка: ленгмюровский, БЭТ (Брунауэр—Эммет—Тейлор) и капиллярной конденсации. Использование представления об образовании сольватов [2–4] позволило получить для давления паров над растворами при абсорбции уравнения, аналогичные по форме уравнениям Ленгмюра и БЭТ. Однако эти уравнения не могут описать всю изотерму абсорбции паров раствором, включая участок, который при адсорбционных исследованиях часто относится к капиллярной конденсации.

В работе предложено уравнение для описания давления паров над растворами, включая третий участок изотермы сорбции в рамках процесса абсорбции. Абсорбция рассматривается как процесс экстракции: распределение растворяемого компонента между двумя фазами в равновесии.

Рассмотрим равновесие при жидкостной экстракции — раствор низкомолекулярного соединения, находящийся в равновесии с экстрактом. Химический потенциал растворяемого вещества в растворе ( $\mu_S$ ) и в экстракте ( $\mu_E$ ) равен химическому потенциалу растворяемого вещества в чистом виде ( $\mu_0$ ) плюс изменение химического потенциала при растворении ( $\Delta \mu_i$ ) в исходном растворе или в экстракте:

$$\mu_S = \mu_0 + \Delta \mu_S = \mu_0 + \Delta h_S - T \Delta s_S,$$

$$\mu_E = \mu_0 + \Delta \mu_E = \mu_0 + \Delta h_E - T \Delta s_E,$$
(1)

где  $\Delta h_i$  и  $\Delta s_i$  — изменения парциальных мольных энтальпии и энтропии при растворении соответственно.

Изменение парциальной мольной энтропии растворенного вещества при образовании идеального и регулярного растворов:  $\Delta s_i = -R \ln x_i$  ( $x_S$  и  $x_E$  — мольные доли растворенного вещества в растворе и в экстракте при равновесии соответственно). Для реального раствора введем фактор эффективности  $\gamma_{9\phi}$ , чтобы изменения парциальной мольной энтропии растворенного вещества в реальном растворе и в экстракте описывались уравнениями  $\Delta s_S = -R \ln(\gamma_{9\phi} s_S)$  и  $\Delta s_E = -R \ln(\gamma_{9\phi} s_E)$ . Тогда при равновесии исходного раствора и экстракта получаем

$$\mu_E - \mu_S = \Delta h_E + RT(\ln \gamma_{\text{ad}E} + \ln x_E) - \Delta h_S - RT(\ln \gamma_{\text{ad}S} + \ln x_S) = 0$$
(2)

и термодинамическая константа распределения при экстракции (K) описывается так:

$$K = \frac{x_E}{x_S} = \frac{\gamma_{\ni \Phi S}}{\gamma_{\ni \Phi E}} \exp\left[\frac{-(\Delta h_E - \Delta h_S)}{RT}\right]. \tag{3}$$

Мольная доля растворенного вещества в экстракте

$$x_E = \frac{\gamma_{3\Phi S}}{\gamma_{3\Phi E}} \exp\left[\frac{-(\Delta h_E - \Delta h_S)}{RT}\right] x_S. \tag{4}$$

Процесс газожидкостной абсорбции, по сути, аналогичен жидкостной экстракции: сорбируемое вещество распределяется при равновесии между фазами пара (газа) и раствора при абсорбции. Для газовой фазы в данном случае необходим дополнительный учет изменения энтальпии при испарении ( $\Delta h_V$  — изменение мольной энтальпии при испарении). Поскольку мольная доля вещества в паровой фазе равна отношению парциального давления к давлению насыщенного пара, то:

$$\frac{p}{p_0} = \frac{\gamma_{9\Phi S}}{\gamma_{9\Phi E}} \exp\left[\frac{-(\Delta h_E + x_E \Delta h_V - \Delta h_S)}{RT}\right] x_S. \tag{5}$$

Уравнение (5) отличается от уравнения Рауля сомножителем в правой части, который подобен коэффициенту активности растворенного вещества в растворе  $(\gamma_S)$ :  $\gamma_S = (\gamma_{9\Phi S}/\gamma_{9\Phi E}) \times \exp[-(\Delta h_E + x_E \Delta h_V - \Delta h_S)/RT]$ . Экспоненциальный сомножитель в уравнении (5) учитывает межмолекулярное взаимодействие в регулярном или реальном растворе и, возможно, его вклад в величину коэффициента активности. Для идеальной системы тепловые эффекты равны нулю и  $\gamma_{9\Phi S}/\gamma_{9\Phi E} = 1$  и, как следствие, уравнение (5) превращается в уравнение Рауля, коэффициент распределения при экстракции равен единице, как в законе Нернста.

В данной работе расчет величины  $p/p_0$  паров воды над раствором воды в серной кислоте по величинам изменения парциальных мольных энтальпий при растворении воды  $(\Delta h_S = f(x_S))$  использовался для экспериментальной проверки уравнений (3)–(5). Выбор системы серная кислота — вода обусловлен тем, что: 1) данные по интегральным теплотам растворения в системе серная кислота — вода [5, 6] используются в качестве классических примеров процесса растворения с тепловым эффектом; 2) кривая сорбции воды целлюлозой весьма подобна кривой сорбции воды фосфорной и серной кислотами [1]; 3) ввиду практической нелетучести серной кислоты при 291–298 К растворы воды в серной кислоте могут рассматриваться в качестве модели полимера, абсорбирующего воду.

Принимая  $\gamma_{9\Phi S}/\gamma_{9\Phi E}\approx 1$  и  $\Delta h_E+x_E\Delta h_V\ll \Delta h_S$ , получаем для давления паров воды над раствором воды в серной кислоте при 291–298 К:

$$\frac{p}{p_0} = \exp\left[\frac{\Delta h_S}{RT}\right] x_S. \tag{6}$$

Для определения величины  $\Delta h_S$  при растворении по зависимости изменения интегральной энтальпии растворения m молей воды в 1 моль серной кислоты ( $\Delta H = f(m)$ ) определялись величины частной производной  $\Delta h_S = \partial (\Delta H)/\partial m$  при постоянстве числа молей серной кислоты, температуры и давления. Дифференцирование эмпирической формулы Томсена [7] для растворов воды в серной кислоте при 291 К приводит к величине  $\Delta h_S$ :

$$\Delta h_S = \frac{\partial(\Delta H)}{\partial m} = -\frac{134,4123}{(m+1,7983)^2}$$
 кДж/моль H<sub>2</sub>O. (7)

Данные [7, c. 617, 629] по зависимости интегральной энтальпии растворения воды в серной кислоте при 291 K описываются эмпирическим уравнением (коэффициент корреля-

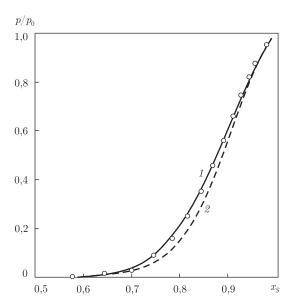


Рис. 1. Давление паров воды над раствором воды в серной кислоте в зависимости от мольной доли воды. Кривые 1 и  $2-\Delta h_S$ , по уравнениям (8) и (7) соответственно; сферы — эксперимент при 293 К [7, с. 333–334]

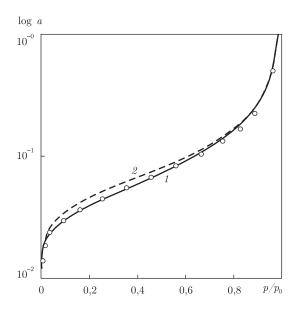


Рис. 2. Сорбция паров воды серной кислотой: a — количество грамм-молей воды на 1 грамм серной кислоты. Кривые 1 и 2 —  $\Delta h_S$ , по уравнениям (8) и (7) соответственно; сферы — эксперимент при 293 К [7, c. 333-334]

ции 0,996), которое после дифференцирования имеет следующий вид:

$$\Delta h_S = \frac{\partial(\Delta H)}{\partial m} = \frac{1}{m}(-22,461 + 8,386 \ln m - 1,0336 \ln^2 m + 0,0362 \ln^3 m). \tag{8}$$

На рис. 1 приведены величины  $p/p_0$  паров воды над растворами воды в серной кислоте при 291 K, рассчитанные по уравнению (6). Результаты расчета величин  $p/p_0 = f(x_S)$  позволяют перейти к изотерме сорбции воды серной кислотой во всем интервале составов в традиционных координатах, используемых при сорбционных исследованиях (рис. 2).

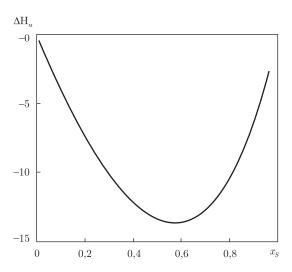


Рис. 3. Зависимость интегральной энтальпии растворения в расчете на моль смеси серная кислота — вода (по S. Glasstone,  $\kappa Дж/моль$ ) от мольной доли воды

Для раствора воды в серной кислоте априори нет капилляров с каким-то распределением по размерам. С позиций термодинамики, наличие участка так называемой капиллярной конденсации для сорбции воды серной кислотой объясняется наличием концентрационной зависимости изменения парциальной мольной энтальпии при растворении. С позиций механизма процесса, появление участка "капиллярной конденсации" обусловлено переходом от раствора воды в серной кислоте с наличием гидратов молекул серной кислоты к раствору серной кислоты в воде с образованием сольватов другого состава и структуры. Подобное качественное изменение характера раствора иллюстрирует зависимость изменения интегральной энтальпии растворения воды в серной кислоте в расчете на моль смеси как функции мольной доли воды в растворе (рис. 3).

Таким образом, предлагаемый в работе расчет сорбции в низкомолекулярных системах с использованием величины изменения парциальной мольной энтальпии при растворении позволяет описать всю изотерму абсорбции, включая участок "капиллярной конденсации".

- 1.  $\Pi$ алков C.  $\Pi$ .,  $\Phi$ айнберг  $\Theta$ . 3. Взаимодействие целлюлозы и целлюлозных материалов с водой. Москва: Химия, 1976. 232 с.
- 2. *Романкевич О. В.* Изотерма абсорбции при образовании сольватов сорбат − полимер // Доп. НАН України. -2006. -№ 4. С. 148-151.
- 3. *Романкевич О. В.* Уравнение абсорбции паров низкомолекулярных веществ их растворами // Там само. -2007. -№ 1. С. 152-156.
- Романкевич О. В. Абсорбция паров низкомолекулярных веществ набухающими аморфными полимерами // Современные волокнистые материалы, перспективы получения и использования. – С.-Петербург: С.-Петербург. гос. ун-т технол. и дизайна, 2007. – С. 89–93.
- 5. Ott J. B. B., Boerio-Goates J. Chemical Thermodynamics: Principles and Application. Amsterdam: Elsevier, 2000. 664 p.
- 6. Васильев В. П. Термодинамические свойства растворов электролитов. Москва: Высш. шк., 1982. 320 с.
- 7. Справочник химика. Т. 3. Москва; Ленинград: Химия, 1965. 1008 с.

Киевский национальный университет технологий и дизайна

Поступило в редакцию 06.04.2009

## Ya. O. Romankevich, O. A. Garanina, O. V. Romankevich

## Isotherm of absorption of vapors by solutions

The calculation of the absorption in low-molecular systems with the use of a change of the partial molar enthalpy at the dissolution allows one to describe the whole isotherm of absorption, including a part of capillary condensation.