

## Нижние критические поля текстурированных высокотемпературных сверхпроводников. II. О возможности изучения анизотропии $H_{c1}$

В. А. Финкель

*Национальный научный центр «Харьковский физико-технический институт»,  
Украина, 310108, г. Харьков, ул. Академическая, 1  
E-mail: vasil@kipt.kharkov.ua(to:finkel)*

Статья поступила в редакцию 4 августа 1998 г., после переработки 26 января 1999 г.

Развиты представления о возможности изучения анизотропии нижних критических полей ВТСП на текстурированных образцах путем проведения измерений  $H_{c1}$  при нескольких значениях угла поворота исследуемого образца относительно оси, перпендикулярной направлению внешнего магнитного поля  $\mathbf{H}$ .

Розвинуто уявлення про можливість вивчення анізотропії нижніх критичних полів ВТНП на текстурованих зразках шляхом проведення вимірів  $H_{c1}$  при декількох значеннях кута повороту зразка, що досліджується, навколо вісі, перпендикулярної до напрямку зовнішнього магнітного поля  $\mathbf{H}$ .

PACS: 74.25.-q

Данные о величинах нижнего  $H_{c1}$  и верхнего  $H_{c2}$  критических полей высокотемпературных сверхпроводников (ВТСП) крайне важны для построения электродинамики этого класса материалов и для выяснения природы высокотемпературной сверхпроводимости. При этом, очевидно, представляет интерес измерение не усредненных величин  $H_{c1}$  и  $H_{c2}$  поликристаллического объекта, а значений критических полей в направлении главных осей сложных (тетрагональных или ромбических) решеток, характерных для ВТСП. С величинами критических полей вдоль главной оси ( $H_{c1}^c$ ,  $H_{c2}^c$ ) и в перпендикулярном ей направлении ( $H_{c1}^{ab}$ ,  $H_{c2}^{ab}$ ) непосредственно связаны значения фундаментальных параметров сверхпроводимости (длины когерентности  $\xi$  и глубины проникновения  $\lambda$ ) в тех же направлениях [1,2]:

$$\begin{aligned} H_{c1}^c / H_{c1}^{ab} &= H_{c2}^{ab} / H_{c2}^c = \xi^{ab} / \xi^c = \\ &= \lambda^c / \lambda^{ab} = (m^c / m^{ab})^{1/2}, \end{aligned} \quad (1)$$

где  $m^c$  и  $m^{ab}$  — соответственно компоненты «тензора эффективных масс» электрона в анизотроп-

ной теории Гинзбурга — Ландау вдоль главной оси и в перпендикулярном ей направлении.

Следует иметь в виду, что, хотя значения критических полей ВТСП зависят от направления (и притом очень сильно!), сами критические поля не являются тензорными величинами, и стандартная процедура «приведения тензора к главным осям» [3] в данном случае неприменима. Характер ориентационных зависимостей  $H_{c1}$  и  $H_{c2}$  требует специального рассмотрения. В рамках современных теоретических моделей магнитных свойств анизотропных сверхпроводников второго рода [4,5], развитых еще до открытия явления высокотемпературной сверхпроводимости, но успешно применяемых к ВТСП (см., например, [6–10]), для зависимостей нижнего и верхнего критических полей от угла  $\gamma$  между осью магнитной анизотропии и внешним магнитным полем  $\mathbf{H}$  получены выражения

$$H_{c1}(\gamma) = H_{c1}^c [\cos^2 \gamma + (m^c / m^{ab}) \sin^2 \gamma]^{-1/2}, \quad (2)$$

$$H_{c2}(\gamma) = H_{c2}^c [\sin^2 \gamma + (m^c / m^{ab}) \cos^2 \gamma]^{-1/2}. \quad (3)$$

Казалось бы, единственной реальной возможностью экспериментального изучения анизотропии

критических полей ВТСП является проведение соответствующих измерений на монокристаллах различной ориентации. К сожалению, это не всегда осуществимо, так как далеко не все ВТСП получены в виде монокристаллов (так, синтез монокристаллов с заменой элементов, например  $YBa_2Cu_{3-x}M_xO_{7-\delta}$ , где  $M$  — элемент, замещающий медь в решетке, практически неосуществим); кроме того, часто размеры и форма монокристаллов оказываются неблагоприятными для проведения достаточно корректных измерений  $H_{c1}$  и, тем более,  $H_{c2}$ .

Ранее [11] нами была предложена идея определения анизотропии нижних критических полей ВТСП путем проведения измерений  $H_{c1}$  в трех взаимно перпендикулярных направлениях на текстурированных образцах, т.е. на объектах, обнаруживающих анизотропное поведение электромагнитных свойств. При этом не было необходимости в количественном описании текстуры исследуемого объекта (т.е. в построении полюсных фигур, восстановлении функции распределения зерен по ориентациям и т.п.); реальному текстурированному образцу приводился в соответствие некий монокристалл с теми же критическими полями  $H_{c1}^{ab}$ ,  $H_{c1}^c$ , ось магнитной анизотропии  $c$  которого составляет с осями лабораторной системы координат  $XYZ$  такие углы  $\alpha$ ,  $\beta$  и  $\gamma$ , что значения  $H_{c1}$  вдоль осей  $X$ ,  $Y$  и  $Z$  совпадают со значениями критических полей образца в тех же направлениях. Конечным результатом подобного рассмотрения, получившим в работе [11] экспериментальное подтверждение, явилось получение информации о величинах критических полей  $H_{c1}^{ab}$  и  $H_{c1}^c$  и эйлеровых углов оси магнитной анизотропии кристалла ВТСП в системе координат кристалла как функции отношения эффективных масс  $m^c/m^{ab}$ . Для определения абсолютных значений всех пяти неизвестных величин —  $H_{c1}^{ab}$ ,  $H_{c1}^c$ ,  $\alpha$ ,  $\beta$  и  $\gamma$  — имеющихся данных (три значения  $H_{c1}$  и условие ортогональности системы координат  $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1$ ) оказывается недостаточно.

Целью настоящей работы является разработка алгоритма изучения нижних критических полей высокотемпературных сверхпроводников, позволяющего определять ориентационную зависимость  $H_{c1}$  на основании результатов измерений на текстурированных образцах. Суть развиваемого подхода к исследованию анизотропии критических полей заключается в нахождении величин  $H_{c1}^{ab}$  и  $H_{c1}^c$  по результатам измерений при нескольких ориентациях объекта исследования относительно вектора напряженности внешнего магнит-

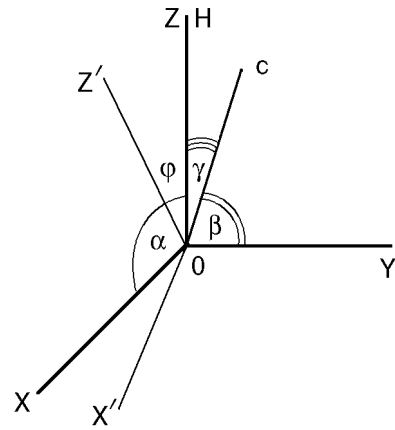


Рис. 1. Схема преобразования осей координат при вращении объекта исследования вокруг оси  $Y$  на угол  $\phi$ .

ного поля  $\mathbf{H}$ , получаемых путем поворота текстурированного образца относительно одной из осей лабораторной системы координат.

Пусть ось магнитной анизотропии (ось  $c$  в случае ВТСП) текстурированного образца (точнее, того «виртуального» кристалла, который приводится в соответствие реальному объекту исследования, см. выше) составляет с осями лабораторной системы координат  $XYZ$  углы  $\alpha$ ,  $\beta$  и  $\gamma$ , внешнее магнитное поле  $\mathbf{H}$  направлено вдоль оси  $Z$ ; направление, в котором производится измерение  $H_{c1}$ , первоначально также совпадает с этой осью (рис. 1). При этом начальное значение нижнего критического поля (при  $\mathbf{H} \parallel Z$ )  $H_{c1}^0(\gamma)$  определяется уравнением (2), которое удобно переписать в виде

$$H_{c1}^0 = H_{c1}^c [m + (1 - m) \cos^2 \gamma]^{-1/2}, \quad (4)$$

где  $m = m^c/m^{ab}$ .

Поворот кристалла относительно оси  $Y$  лабораторной системы координат на угол  $\phi_i$  приводит к преобразованию ориентационных углов  $\alpha$ ,  $\beta$  и  $\gamma$  к новым значениям ( $\alpha_i$ ,  $\beta_i$  и  $\gamma_i$ ) в соответствии с известным из кристаллофизики соотношением (см., например, [12]):

$$\begin{pmatrix} \cos \alpha_i \\ \cos \beta_i \\ \cos \gamma_i \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \alpha \\ \cos \beta \\ \cos \gamma \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \cos \phi_i & 0 & \sin \phi_i \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \phi_i & 0 & \cos \phi_i \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \alpha \cos \phi_i + \cos \gamma \sin \phi_i \\ \cos \beta \\ -\cos \alpha \sin \phi_i + \cos \gamma \cos \phi_i \end{pmatrix}. \quad (5)$$

При этом, естественно, должна измениться и величина критического поля, определенного вдоль оси образца:

$$H_{c1}^i(\gamma_i) = H_{c1}^c [m + (1 - m)(-\cos \alpha \sin \varphi_i + \cos \gamma \cos \varphi_i)^2]^{-1/2}. \quad (6)$$

Обозначим

$$h_i = [H_{c1}^0(\gamma)/H_{c1}^i(\gamma_i)]^2 = [m + (1 - m)(-\cos \alpha \sin \varphi_i + \cos \gamma \cos \varphi_i)^2] / [m + (1 - m) \cos^2 \gamma].$$

Очевидно, что

$$m = \frac{(-\cos \alpha \sin \varphi_i + \cos \gamma \cos \varphi_i)^2 - h_i \cos^2 \gamma}{h_i(1 - \cos^2 \gamma) - 1 + (-\cos \alpha \sin \varphi_i + \cos \gamma \cos \varphi_i)^2}. \quad (7)$$

Как нетрудно показать, исключая  $m$  из двух уравнений типа (7), при  $i = 1, 2$  (т.е. при повороте образца на углы  $\varphi_1$  и  $\varphi_2$  относительно оси  $Y$ ), можно получить уравнение

$$\begin{aligned} & [(h_2 - 1) \sin^2 \varphi_1 - (h_1 - 1) \sin^2 \varphi_2] \cos^2 \alpha + \\ & + 2 [(h_1 - 1) \sin \varphi_2 \cos \varphi_2 - (h_2 - 1) \sin \varphi_1 \cos \varphi_1] \times \\ & \times \cos \alpha \cos \gamma + [(h_2 - 1) \cos^2 \varphi_1 - (h_1 - 1) \cos^2 \varphi_2 + \\ & + h_1 - h_2] \cos^2 \gamma = 0. \end{aligned} \quad (8)$$

Обозначим

$$A_{12} = (h_2 - 1) \sin^2 \varphi_1 - (h_1 - 1) \sin^2 \varphi_2,$$

$$B_{12} = (h_1 - 1) \sin \varphi_2 \cos \varphi_2 - (h_2 - 1) \sin \varphi_1 \cos \varphi_1,$$

$$C_{12} = (h_2 - 1) \cos^2 \varphi_1 - (h_1 - 1) \cos^2 \varphi_2 + h_1 - h_2,$$

и уравнение (8) сводится к квадратному уравнению относительно  $\cos \alpha$ :

$$A_{12} \cos^2 \alpha + 2B_{12} \cos \gamma \cos \alpha + C_{12} \cos^2 \gamma = 0, \quad (9)$$

решением которого служит

$$\cos \alpha = [-B_{12} \pm (B_{12}^2 - A_{12}C_{12})^{1/2}] \frac{\cos \gamma}{C_{12}} = D_{12} \cos \gamma, \quad (10)$$

где  $D_{12} = [-B_{12} \pm (B_{12}^2 - A_{12}C_{12})^{1/2}] / C_{12}$ .

Подставляя значение  $\cos \alpha$  из уравнения (10) и повторяя процедуру исключения  $m$  для  $i = 2, 3$  ( $\varphi_i = \varphi_2, \varphi_3$ ), получаем уравнение, линейное относительно  $\cos^2 \gamma$ , решение которого имеет вид

$$\cos^2 \gamma = \{h_2 (-D_{12} \sin \varphi_3 + \cos \varphi_3)^2 -$$

$$\begin{aligned} & - h_3 (-D_{12} \sin \varphi_2 + \cos \varphi_2)^2 + [(-D_{12} \sin \varphi_2 + \\ & + \cos \varphi_2)^2 - (-D_{12} \sin \varphi_3 + \cos \varphi_3)^2] + h_3 - h_2\} \times \\ & \times [(-D_{12} \sin \varphi_2 + \cos \varphi_2)^4 - (-D_{12} \sin \varphi_3 + \cos \varphi_3)^4]^{-1}. \end{aligned} \quad (11)$$

Очевидно, более важное значение, чем довольно экзотический случай произвольной текстуры образца, имеет случай конической текстуры [13], когда определенное кристаллографическое направление ( $\langle 001 \rangle$ , т.е. ось  $c$  в случае ВТСП) образует вокруг одной из осей образца коническую поверхность с углом полураствора  $\gamma$ . «Предельным» случаем такой текстуры является плоскостная текстура, при которой, к примеру, плоскость  $ab$  параллельна поверхности образца. (Кстати, реальная ситуация при получении керамических ВТСП путем одноосного прессования порошков достаточно близка к этому случаю [14], более сложные типы текстуры реализуются, например, при обработке порошков ВТСП магнитным полем [15].) В таком случае, очевидно,  $\alpha = \beta$  и

$$\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{2}} \cos \beta \sin \gamma, \quad (12)$$

а уравнение для угловой зависимости критического поля (6) существенно упрощается:

$$H_{c1}^i(\gamma) = H_{c1}^c [m + (1 - m) \times \times (-\frac{1}{\sqrt{2}} \sin \gamma \sin \varphi_i + \cos \gamma \cos \varphi_i)^2]^{-1/2}. \quad (13)$$

Это уравнение описывает поверхность  $H_{c1}(\gamma, \varphi)$  в «пространстве эксперимента» ( $\gamma, \varphi, H_{c1}$ ). Для иллюстрации на рис. 2 представлены поверхности  $H_{c1}(\gamma, \varphi)$  для высокотемпературного сверхпроводника с  $H_{c1}^c = 900$  Э и отношениями эффективных масс  $m^c/m^{ab}$ , равными 5, 15 и 50. Поворот объекта исследования относительно оси  $Y$  лабораторной системы координат соответствует движению по этой поверхности вдоль плоской кривой  $\gamma = \text{const}$ .

Не останавливаясь на деталях расчетов, приведем конечный результат. Обозначив

$$\begin{aligned} A_{12} &= (h_2 - 1) (\cos^2 \varphi_1 - \frac{1}{2} \sin^2 \varphi_1) - \\ &- (h_1 - 1) (\cos^2 \varphi_2 - \frac{1}{2} \sin^2 \varphi_2) + h_1 - h_2, \\ B_{12} &= [(h_2 - 1) \sin^2 \varphi_1 - (h_1 - 1) \sin^2 \varphi_2] / 2, \end{aligned}$$

$$C_{12} = \sqrt{2} [(h_2 - 1) \sin \varphi_1 \cos \varphi_1 - (h_1 - 1) \sin \varphi_2 \cos \varphi_2],$$

получаем уравнение с одним неизвестным ( $\gamma$ )

$$A_{12} \cos^2 \gamma + B_{12} = C_{12} \sin \gamma \cos \gamma, \quad (14)$$

сводящееся к простому биквадратному уравнению. Конечное решение имеет вид

$$\cos^2 \gamma = \{- (A_{12} B_{12} - C_{12}^2) \pm [(A_{12} B_{12} - C_{12}^2)^2 - (A_{12}^2 + C_{12}^2) B_{12}^2]^{1/2}\} / (A_{12} + C_{12}). \quad (15)$$

Таким образом, для текстурированного образца или неориентированного монокристалла ВТСП измерение нижнего критического поля при четырех значениях угла поворота ( $\varphi_i = 0, \varphi_1, \varphi_2, \varphi_3$ ) образца относительно одной из осей лабораторной системы координат в случае произвольной текстуры или трех значениях ( $\varphi_i = 0, \varphi_1, \varphi_2$ ) в случае конической текстуры позволяет определить нижние критические поля вдоль главной оси  $H_{c1}^c$  и в перпендикулярном ей направлении  $H_{c1}^{ab}$  и углы, характеризующие ориентацию оси магнитной анизотропии  $c$  в образце.

Результаты математического моделирования подтверждают справедливость развиваемых здесь представлений о возможности изучения анизотропии нижних критических полей высокотемпературных сверхпроводников на основании данных о значениях критических полей при нескольких углах поворота статистически анизотропного (текстурированного) образца относительно одной из осей лабораторной системы координат\*.

В заключение сделаем некоторые существенные, по нашему мнению, замечания.

1. Оптимальным путем реализации развиваемой в работе идеи о возможности изучения анизотропии нижних критических полей ВТСП является, по-видимому, измерение критических токов текстурированных образцов после обработки магнитным полем, ориентированным под различными углами  $\varphi_i$  по отношению к осям образца [11].

2. Развиваемый подход к изучению анизотропии  $H_{c1}$  требует очень тщательного учета размагничивающего фактора (форма образцов предполагается близкой к эллипсоидам вращения), т.е.

пересчета напряженности всех внешних магнитных полей в напряженности «эффективных» полей  $H_{\text{eff}}$  по известному соотношению

$$H_{\text{eff}} = H / (1 - D), \quad (16)$$

где  $D$  — размагничивающий фактор. Значения  $D$  для эллипсоидов хорошо известны [16]. Для рассматриваемой ситуации поворота образца ВТСП относительно оси  $Y$  лабораторной системы координат на угол  $\varphi$  (см. рис. 1) величина  $D_\varphi$  составляет [17]

$$D_\varphi = D_Z \cos^2 \varphi + D_X \sin^2 \varphi, \quad (17)$$

где  $D_Z$  и  $D_X$  — значения  $D$  вдоль осей  $Z$  и  $X$  соответственно\*\*.

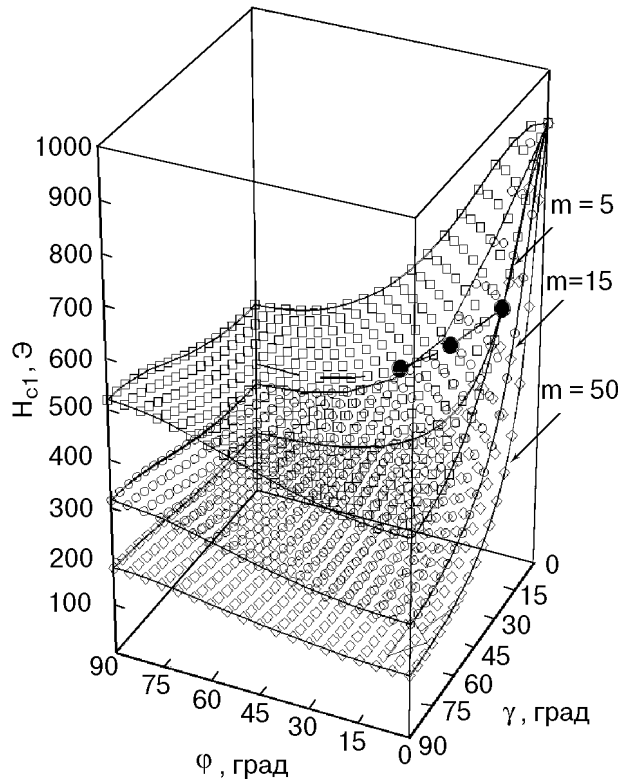


Рис. 2. Зависимости величины нижнего критического поля  $H_{c1}$  от угла  $\gamma$  между направлением магнитного поля  $\mathbf{H}$  и осью магнитной анизотропии ВТСП  $c$  и угла  $\varphi_i$  поворота кристалла относительно оси  $Y$  для различных значений параметра  $m^c/m^{ab}$ . Штриховая линия — сканирование при  $\gamma = \text{const}$  в диапазоне  $0 < \varphi < 90^\circ$ . Черные точки — значения  $H_{c1}(\varphi_i)$ , по которым рассчитывались  $\alpha, \beta, \gamma, H_{c1}^c, H_{c1}^{ab}, m^c/m^{ab}$  (см. текст).

\* Так, нанесенные на поверхность  $m^c/m^{ab} = \text{const}$  (см. рис. 2) для более простого случая конической текстуры (ось магнитной анизотропии  $c$  отклонена от оси  $Z$ , вдоль которой первоначально направлено магнитное поле  $\mathbf{H}$ , на угол  $\gamma$ ) три «экспериментальные» точки дают в результате обработки их по приведенным выше формулам исходные значения:  $\alpha = \beta = 69,3^\circ, \gamma = 30^\circ, H_{c1}^c = 900 \text{ Э}, H_{c1}^{ab} = 402 \text{ Э}, m^c/m^{ab} = 5$ .

\*\* Формула (17), естественно, справедлива только тогда, когда приложенное поле незначительно превышает  $H_{c1}$ , т.е. когда образец (за исключением поверхностного слоя толщиной  $d \sim \lambda$ ) находится в мейснеровской области.

3. Очевидно, что чем сильнее выражена степень статистической анизотропии (текстуры) объекта исследования, тем выше точность определения величин  $H_{c1}^c$  и  $H_{c1}^{ab}$ .

4. При любых значениях  $m^c/m^{ab}$  наиболее сильная угловая зависимость критических полей должна наблюдаться вблизи ориентации  $\mathbf{H} \parallel c$  (это хорошо видно на рис. 2).

5. Хотя выше речь всегда шла о текстуре образца ВТСП, реально при любом способе измерений величины  $H_{c1}$  определяются характером текстуры поверхности, последняя же, как правило, гораздо совершеннее, чем текстура образца в целом [18].

В настоящее время нами проводится экспериментальное изучение анизотропии нижних критических полей на текстурированных образцах ВТСП различного состава.

Работа выполнена при поддержке Международного научного фонда (грант МНОП № QSU082209).

1. Y. Lye, *Int. J. Mod. Phys.* **B3**, 367 (1989); *Comments Cond. Mat. Res.* **16**, 89 (1992).
2. Е. З. Мейлихов, В. Г. Шапиро, *СФХТ* **4**, 1437 (1991).
3. Дж. Най, *Физические свойства кристаллов*, Мир, Москва (1967).
4. А. В. Балацкий, Л. И. Бурлачков, Л. П. Горьков, *ЖЭТФ* **90**, 1478 (1986).
5. D. R. Tilley, *Proc. Phys. Soc.* **85**, 1177 (1965); Е. И. Кац, *ЖЭТФ* **56**, 1675 (1969).
6. W. Pint, M. Prohammer, and E. Schachinger, *Physica* **C162-164**, 801 (1989).
7. C. Yang, J. S. Abell, and C. E. Gough, *IEEE Trans. Supercond.* **3**, 1671 (1993).

8. D. Shaltiel, H. Bill, A. Grayevsky, A. Junod, D. Loby, W. Sadowski, and E. Walker, *Phys. Rev.* **B43**, 13594 (1991).
9. V. V. Moshchalkov, A. A. Zhukov, D. K. Petrov, V. I. Voronkova, and V. K. Yanovskii, *Physica* **C166**, 185 (1990).
10. И. М. Бабич, Г. П. Микитик, Ю. В. Шарлай, *ФНТ* **29**, 277 (1994).
11. В. А. Финкель, В. В. Торяник, *ФНТ* **23**, 824 (1997).
12. Ю. И. Сиротин, М. П. Шаскольская, *Основы кристаллофизики*, Наука, Москва (1975).
13. Я. С. Уманский, Ю. А. Скаков, А. Н. Иванов, Л. Н. Расторгуев, *Кристаллография, рентгенография и электронная микроскопия*, Металлургия, Москва (1982).
14. V. A. Finkel' and V. V. Toryanik, *Functional Mater.* **3**, 190 (1996).
15. V. V. Toryanik and V. A. Finkel', *Functional Mater.* **1**, 5 (1994); В. В. Торяник, В. А. Финкель, В. В. Деревянко, *Физика и химия обработки материалов*, №5, 55 (1995).
16. J. A. Osborn, *Phys. Rev.* **67**, No 11-12, 351 (1945).
17. U. Yaron, I. Felner, and Y. Yeshurun, *Phys. Rev.* **B44**, 12531 (1991).
18. А. С. Капчерин, И. И. Папиров, П. И. Стоев, В. В. Торяник, В. А. Финкель, В. А. Шкуропатенко, Т. И. Бухарова, *СФХТ* **5**, 113 (1992).

### Lower critical fields of textured high- $T_c$ superconductors. II. Possibility of studying anisotropy of $H_{c1}$

V. A. Finkel'

Concepts of the possibility of studying the anisotropy of lower critical fields of HTSC are developed. The possibility may be realized by measuring  $H_{c1}$  at some angles of rotation of the sample under investigation about the axis normal to external magnetic field  $\mathbf{H}$ .