УДК 621.313

А.Н.Карлов, **И.П.Кондратенко,** докт.техн.наук, **А.П.Ращепкин,** докт.техн.наук (Ин-т электродинамики НАН Украины, Киев)

МЕТОД РАСЧЕТА ЭЛЕКТРОДИНАМИЧЕСКИХ СИЛ В ЦИЛИНДРИЧЕСКИХ КРИСТАЛЛИЗАТОРАХ ПОД ДЕЙСТВИЕМ КОМБИНИРОВАННЫХ БЕГУЩИХ ПОЛЕЙ

Разработана методика расчета электродинамических сил в жидком металле под действием комбинированных бегущих полей в зависимости от конструктивного исполнения и схем соединения обмоток перемешивателя.

Розроблено методику розрахунку електродинамічних сил у рідкому металі під дією комбінованих біжучих полів в залежності від конструктивного виконання і схем з'єднання обмоток перемішувача.

Анализ распределения магнитного поля в многообмоточном электромагнитном перемешивателе, предложенном в статье [3], выполнен в функциональной зависимости от токовой нагрузки перемешивателя. В зависимости от конструктивного исполнения и величины тока обмотки перемешивателя изменяется и его токовая нагрузка. Среднее значение азимутальной составляющей напряженности магнитного поля в воздушном зазоре на ширине паза (рис. 1) при допущении о бесконечности магнитной проницаемости железа индуктора согласно закону полного тока определяется как

$$H_{\varphi}(r_2) = -s_k i_{\phi} / b_n. \tag{1}$$

Здесь s_k – количество проводников в пазу, i_{ϕ} – ток фазы обмотки, b_n – ширина паза.

Зависимость H_{φ} эквивалентна представлению обмотки статора бесконечно тонкими токо-



выми слоями шириной b_n , сосредоточенными на гладкой поверхности магнитопровода. В результате линейная токовая нагрузка задается дискретной функцией с учетом влияния высших пространственных гармоник [5], а не в виде непрерывного токового слоя по основной гармонике [1]. В случае многофазного исполнения z -составляющая токовой нагрузки индуктора равна

сумме *z* -составляющих фазных токовых нагрузок и для трехфазной обмотки имеет вид

$$\dot{i}_{z} = \dot{i}_{zA} + \dot{i}_{zB} + \dot{i}_{zC} \,. \tag{2}$$

Предположим, что 2p-полюсная обмотка перемешивателя размещается на всей поверхности магнитопровода $-\pi < \varphi < \pi$. Все катушки обмотки имеют идентичное исполнение и сдвинуты в пределах фазной зоны на одинаковый угол $\pi t_z / p\tau$. В общем случае катушки разных фаз имеют различное количество витков s_A , s_B , s_C и пространственный шаг y_A , y_B , y_C . Положим также, что фазная зона фазы A начинается при $\varphi = -\pi + \varphi_A$, тогда токовую нагрузку фазы A можно представить в виде

[©] Карлов А.Н., Кондратенко И,П., Ращепкин А.П., 2009

$$i_{zA} = \frac{I_A s_A}{b_n} \sum_{s=1}^{p} \sum_{k=1}^{q} (\Theta(r_2(\varphi - T(k,s)) + 0.5b_n) - \Theta(r_2(\varphi - T(k,s)) - 0.5b_n) - \Theta(r_2(\varphi - T(k,s)) + 0.5b_n - y_A) + \Theta(r_2(\varphi - T(k,s)) - 0.5b_n - y_A)),$$
(3)

где $T(k,s) = \frac{2k-1}{2pmq}\pi + \frac{2(s-1)\pi}{p} - \pi + \varphi_A$.

Аналогичное представление имеют токовые нагрузки фаз В и С

$$i_{zB} = i_{zA}(I_A \to I_B, s_A \to s_B, \varphi_A \to \varphi_B, y_A \to y_B),$$

$$i_{zC} = i_{zA}(I_A \to I_C, s_A \to s_C, \varphi_A \to \varphi_C, y_A \to y_C).$$
(4)

Здесь I_A , I_B , I_C – амплитудные значения фазных токов, q – число пазов на полюс и фазу, p – число пар полюсов обмотки, m – число фаз обмотки, b_n – ширина открытия паза, r_2 – радиус расточки статора, $\theta(...)$ – единичная обобщенная функция, равная нулю при отрицательных значениях аргумента и равна единице при его положительных значениях. Представление $P(a \rightarrow b)$ означает: выполнить в выражении P(a) замену величины a на величину b. Полюсное деление 2p - полюсной обмотки равно

$$\tau = \pi r_2 / p \,. \tag{5}$$

Значения φ_B и φ_C определяются через φ_A

$$\varphi_{B} = \varphi_{A} + 2\pi / pm, \qquad \varphi_{C} = \varphi_{A} + \pi / pm, \qquad \varphi_{A} = k\pi / pm, \qquad k = 1, ..., 2m.$$
(6)

Применяя к равенству (2) дискретное интегральное преобразование Фурье [2], найдем преобразованное значение токовой нагрузки 2*p* -полюсной обмотки

$$I(n) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} e^{in\varphi} \left(i_{zA} + i_{zB} + i_{zC} \right) d\varphi = I_A(n) + I_B(n) + I_C(n),$$
(7)

где *n* – параметр преобразования Фурье.

С учетом представления токовой нагрузки фазы A согласно (3) найдем по (7) $I_A(n) = I_A w_A k_A / 2\pi r_2$, где количество витков в фазе A 2p-полюсной машины $w_A = s_A p q$, а обмоточный коэффициент

$$k_{A} = e^{-\frac{in\pi}{p}(1-\frac{p\varphi_{A}}{\pi}-\frac{1}{2m})}(1-e^{\frac{in\pi y_{A}}{p\tau}})\frac{\sin(n\pi)}{p\sin(n\pi/p)}\frac{\sin(n\pi/2pm)}{q\sin(n\pi/2pmq)}\frac{\sin(n\pi b_{n}/2p\tau)}{n\pi b_{n}/2p\tau)}.$$
(8)

Аналогичным образом определяются согласно (4) и (7) преобразованные значения токовых нагрузок фаз B и C

$$I_B(n) = \frac{I_B w_B k_B}{2 \pi r_2}, \ I_C(n) = \frac{I_C w_C k_C}{2 \pi r_2},$$

где $w_B = s_B p q$, $w_C = s_C p q$, а обмоточные коэффициенты

$$k_{B} = k_{A}(\varphi_{A} \to \varphi_{B}, y_{A} \to y_{B}); \qquad k_{C} = k_{A}(\varphi_{A} \to \varphi_{C}, y_{A} \to y_{C}).$$
(9)

Наличие в обмоточных коэффициентах множителя $\sin(n \pi)/p \sin(n \pi/p)$, всегда равного нулю при n < p, указывает на отсутствие пространственных субгармоник в токовой нагрузке и магнитном поле перемешивателя. Магнитное поле содержит основную гармонику n = p и высшие гармоники, кратные p.

Окончательно преобразованное значение токовой нагрузки 2p-полюсной обмотки равно, учитывая, что фаза C начинается с фазной зоны Z,

$$I(n) = (I_A w_A k_A + I_B w_B k_B - I_C w_C k_C) / 2\pi r_2.$$
(10)

Для 2*p* -полюсной обмотки, размещенной на дуге статора $-\pi < \varphi < 0$, с традиционным следованием фазных зон (*AZBXCY*) в пределах пары полюсов, полагая, что обмотка начинается с фазной зоны фазы *A*, распределение тока фазы *A* по поверхности расточки представим в виде

$$i_{1zA} = \frac{I_{1A}s_{1A}}{b_n} \sum_{s=1}^{p_1} \sum_{k=1}^{q_1} (\Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s)) + 0.5b_n) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s))) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s))) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s))) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_1(k,s))) - \Theta(r_2(\varphi - T_1$$

где $T_1(k,s) = -\pi + \varphi_{1A} + \frac{2k-1}{4p_1 m q_1} \pi + \frac{(s-1)\pi}{p_1}, \quad \tau_1 = \frac{\pi r_2}{2p_1}.$

Здесь p_1, q_1 – число пар полюсов и количество пазов на полюс и фазу дугостаторной обмотки, y_{1A} – шаг катушек фазы A.

Зубцовый шаг t_z и ширина паза b_n равны зубцовому шагу и ширине паза 2p-полюсной обмотки, поскольку катушки дугостатороной обмотки вкладываются в те же пазы, что и 2p-полюсной обмотки. Следовательно, количество пазов на полюс и фазу 2p-полюсной обмотки должно составлять

$$q = 2q_1 p_1 / p \tag{12}$$

и результирующее количество пазов статора

$$z = 4 m p_1 q_1. (13)$$

При указанном следовании фазных зон сдвиги фаз В и С относительно фазы А равны

$$\varphi_{1B} = \varphi_{1A} + \frac{\pi}{m p_1}, \quad \varphi_{1C} = \varphi_{1A} + \frac{\pi}{2 m p_1}, \quad \varphi_{1A} = 0.$$
 (14)

Интегральное преобразование Фурье

$$I_{1A}(n) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{0} e^{in\phi} i_{1zA} d\phi$$
(15)

токовой нагрузки фазы А (11) равно

$$I_{1A}(n) = I_{1A} w_{1A} k_{1A} / 2\pi r_2, \qquad (16)$$

где $w_{1A} = s_{1A} p_1 q_1$,

$$k_{1A} = e^{-\frac{in\pi}{2p_1}(1+p_1-\frac{2p_1\varphi_{1A}}{\pi}-\frac{1}{2m})}(1-e^{\frac{in\pi}{2p_1}\frac{y_{1A}}{\tau_1}})\frac{\sin(n\pi/2)}{p_1\sin(n\pi/2p_1)}\cdot\frac{\sin(n\pi/4p_1m)}{q_1\sin(n\pi/4p_1mq_1)}\cdot\frac{\sin(n\pi b_n/4p_1\tau_1)}{n\pi b_n/4p_1\tau_1}.$$

Полагая исполнения фаз *B* и *C* аналогичными фазе *A* и лишь сдвинутыми в пространстве на углы согласно (14), найдем, что

$$I_{1B}(n) = I_{1B} w_{1B} k_{1B} / 2\pi r_2,$$

$$I_{1C}(n) = I_{1C} w_{1C} k_{1C} / 2\pi r_2,$$
(17)

где $w_{1B} = s_{1B} p_1 q_1$, $w_{1C} = s_{1C} p_1 q_1$, $k_{1B} = k_{1A} (\varphi_{1A} \to \varphi_{1B}, y_{1A} \to y_{1B}), k_{1C} = k_{1A} (\varphi_{1A} \to \varphi_{1C}, y_{1A} \to y_{1C}).$

Учитывая, что фаза
$$C$$
 начинается с фазной зоны Z , преобразованное значение токовой на-грузки $2 p_1$ -полюсной дугостаторной обмотки подобно (10) представим в виде

$$I_1(n) = (I_{1A} \ w_{1A} \ k_{1A} + I_{1B} \ w_{1B} \ k_{1B} - I_{1C} \ w_{1C} \ k_{1C}) / 2\pi r_2.$$
(18)

Для 2 p_2 -полюсной обмотки, размещенной на дуге расточки $0 < \varphi < \pi$ со следованием фазных зон (*AZBXCY*) в пределах каждой пары полюсов, распределение тока фазы *A* описывается функцией

$$i_{2zA} = \frac{I_{2A} s_{2A}}{b_n} \sum_{s=1}^{p_2} \sum_{k=1}^{q_2} (\Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s)) + 0.5b_n) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s))) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s))) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s))) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s)) - \Theta(r_2(\varphi - T_2(k,s))) - \Theta(r_2(\varphi - T_$$

где $T_2(k,s) = \varphi_{2A} + \frac{2k-1}{4p_2 m q_2} \pi + \frac{(s-1)\pi}{p_2}, \quad \tau_2 = \frac{\pi r_2}{2p_2}, \quad p_2, q_2$ – число пар полюсов и количество

пазов на полюс и фазу дугостаторной обмотки, τ_2 и y_{2A} – полюсное деление и шаг катушек 2 p_2 -полюсной обмотки, I_{2A} – амплитудное значение тока фазы A, s_{2A} – количество витков фазы A в пазу.

Аналогичными зависимостями описываются и распределение токов фаз B и C с тем лишь отличием, что они имеют собственное количество витков в пазу s_{2B} и s_{2C} и шаг катушек y_{2B} , y_{2C} , а также согласно указанному чередованию фазных зон – соответствующие пространственные сдвиги фаз

$$\varphi_{2B} = \varphi_{2A} + \frac{\pi}{p_2 m}, \quad \varphi_{2C} = \varphi_{2A} + \frac{\pi}{2 p_2 m}, \quad \varphi_A = 0.$$
 (20)

Тогда преобразованные значения токовых нагрузок фаз A, B и C 2 p₂-полюсной дугостаторной обмотки согласно (15), (19), (20) равны

$$I_{2A}(n) = I_{2A} w_{2A} k_{2A} / 2\pi r_2,$$

$$I_{2B}(n) = I_{2B} w_{2B} k_{2B} / 2\pi r_2,$$

$$I_{2C}(n) = I_{2C} w_{2C} k_{2C} / 2\pi r_2,$$

(21)

где $w_{2A} = s_{2A} p_2 q_2$, $w_{2B} = s_{2B} p_2 q_2$, $w_{2C} = s_{2C} p_2 q_2$,

$$k_{2A} = e^{-\frac{in\pi}{2p_2}(1-p_2-\frac{2p_2\varphi_{2A}}{\pi}-\frac{1}{2m})} (1-e^{\frac{in\pi}{2p_2}\frac{y_{2A}}{\tau_2}}) \frac{\sin(n\pi/2)}{p_2\sin(n\pi/2p_2)} \cdot \frac{\sin(n\pi/4p_2m)}{q_2\sin(n\pi/4p_2mq_2)} \cdot \frac{\sin(n\pi b_n/4p_2\tau_2)}{n\pi b_n/4p_2\tau_2},$$

$$k_{2B} = k_{2A}(\varphi_{2A} \rightarrow \varphi_{2B}, y_{2A} \rightarrow y_{2B}),$$

$$k_{2C} = k_{2A}(\varphi_{2A} \rightarrow \varphi_{2C}, y_{2A} \rightarrow y_{2C}).$$

Преобразование Фурье токовой нагрузки дугостаторной 2 *p*₂-полюсной обмотки представляется суммой вида (18)

$$I_{2}(n) = (I_{2A}w_{2A}k_{2A} + I_{2B}w_{2B}k_{2B} - I_{2C}w_{2C}k_{2C})/2\pi r_{2}.$$
(22)

Амплитудное значение токовой нагрузки трехобмоточного электромагнитного перемешивателя является суперпозицией токовых нагрузок трех обмоток:

$$A_m = I(n) + I_1(n) + I_2(n)$$
(23)

и на поверхности статора ($\rho = r_2$) выполняется условие:

$$B_{\varphi} = -\mu_0 A_m. \tag{24}$$

Полученное представление токовой нагрузки перемешивателя (23) и условия для тангенциальной составляющей магнитной индукции при $\rho = r_2$ (24) позволяют в зависимости от конструктивного исполнения обмоток и электрических схем их соединения найти распределение векторного магнитного потенциала в полости перемешивателя, компоненты магнитной индукции и плотности тока в проводящих средах.

С использованием полученных в [3] зависимостей (22), (23), (24) для определения компонент магнитной индукции и плотности тока, распределение средних во времени объемных электромагнитных усилий, возникающих в результате взаимодействия комбинированных бегущих полей и индуцированных токов в жидком металле, равно

$$F_{\varphi} = \frac{1}{2} \operatorname{Re}(j_{z} B_{\varphi}^{*}) = -\frac{\sigma \omega}{2 \rho} \operatorname{Re}(\sum_{n=-\infty}^{+\infty} A_{3} e^{-in\varphi} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} n A_{3} e^{in\varphi}),$$

$$F_{\rho} = -\frac{1}{2} \operatorname{Re}(j_{z} B_{\varphi}^{*}) = -\frac{\sigma \omega}{2} \operatorname{Re}(\sum_{n=-\infty}^{+\infty} A_{3} e^{-in\varphi} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{\partial A_{3}}{\partial \rho} e^{in\varphi}),$$
(25)

где $A_3 = -2 B_{\varphi} \frac{r_1^{n-1}}{r r_2^{n-1}} \frac{I_n(a_1 \rho)}{(I'_n(a_1 r)\zeta - I_n(a_1 r)\xi)}$ – распределение преобразованных значений *z*-состав-

ляющей векторного магнитного потенциала в жидком металле, $a_1 = \sqrt{i \mu_c \sigma_c \omega}$, ζ и ξ – постоянные интегрирования в [3], $I_n(...)$ – модифицированная функция Бесселя, σ_c и μ_c – электропроводность и магнитная проницаемость жидкого метала, $\omega = 2\pi f$. В (25) знак (*) означает комплексно сопряженную величину. Поскольку решение для векторного магнитного потенциала A_3 в [3] получено при допущении, что скорость жидкого металла равна нулю, то и расчет сил в (25) приведен при этом допущении.

Разработанная методика расчета электродинамических сил учитывает конструктивное исполнение перемешивателя и затухание электромагнитного поля в элементах конструкции. Наибольшее затухание поля, очевидно, происходит в гильзе кристаллизатора, которая выполнена из меди с толщиной стенки до 15 мм, что существенно затрудняет проникновение поля в жидкий металл. Поэтому электропитание обмоток перемешивателя осуществляется от преобразователя низкой частоты.

На рис. 2 показана зависимость азимутальной составляющей объемной электродинамической силы от частоты тока питания при $\rho = r$ для двухполюсного (кривые 1, 2) и четырехполюсного (кривые 3, 4) исполнения обмотки в перемешивателях с радиусом расточки 0,145 м (кривые 2, 3) и 0,225 м (кривые 1, 4). Меньший диаметр расточки соответствует внутреннему (внутри корпуса кристаллиза-



Рис. 2

тора) размещению перемешивателя, а больший – наружному размещению (вне корпуса кристаллизатора).

Приведенные на рис. 2 зависимости рассчитаны при толщине стенки 13 мм и допущении, что токовые нагрузки двухполюсной и четырехполюсной обмоток равны между собой. Это оправдано тем, что катушки обеих обмоток размещаются в одних и тех же пазах и, следовательно, содержат одинаковое количество витков в пазу. Поскольку диаметр перемешивателя наружной установки превышает диаметр перемешивателя внутреннего размещения в 1,5 раза, то сечение паза его возросло в 2,25 раза и количество витков в пазу возросло в 2,25 раза и, следовательно, токовая нагрузка его принята большей в 1,5 раза. Характерной особенностью обоих исполнений перемешивателей является достижение максимальных азимутальных усилий при частоте 4 Гц для двухполюсных обмоток электромагнитных перемешивателей и при 10 Гц – для четырехполюсных исполнений обмоток.

Характерное распределение объемных электродинамических сил в сечении круглой заготовки диаметром 0,15 м показано на рис. 3. Причем характер распределения сил не зависит от исполнения перемешивателя – внутреннего или наружного и числа пар полюсов. Такое распределение усилий вызывает круговое движение жидкого металла, приводя к переносу металла в периферийную зону и вытеснение более легких частиц и газовых включений в осевую зону.

Для интенсификации теплообменных процессов между жидким металлом и водоохлаждаемой гильзой кристаллизатора целесообразно обеспечить тепломассоперенос металла из центральной



зоны к периферии. Такое движение можно обеспечить путем создания многовихревой структуры распределения объемных электродинамических сил в металле (рис. 4).

Подобное распределение сил возникает, если последовательно соединить двухполюсную и две согласно включенные дугостаторные обмотки со встречно вращающимися полями [4]. Для такого исполнения обмотки перемешивателя токовая нагрузка согласно (23) равна

$$A_{m} = [I_{A}(w_{A}k_{A} + w_{1A}k_{1B} + w_{2A}k_{2B}) + I_{B}(w_{B}k_{B} + w_{1B}k_{1A} + w_{2B}k_{2A}) - (26) - I_{C}(w_{C}k_{C} + w_{1C}k_{1C} + w_{2C}k_{2C})]/2\pi r_{2}.$$

Представленная на рис. 4 картина распределения объемных усилий в металле существенным образом зависит от соотношения витков двухполюсной и четырехполюсной обмоток. Количество же силовых вихрей равно сумме пар полюсов применяемых обмоток. Например, четыре вих-

ря возникают, если используется двухполюсная и шестиполюсная обмотки, создающие встречно вращающиеся поля и т.д.

Маловероятным представляется, что движение жидкого металла в кристаллизаторе будет повторять приведенное на рис. 4 распределение усилий. Вынос металла из осевой зоны, вероятно,

будет происходить за счет неустойчивости движения. Между тем, путем комбинирования двухполюсной обмотки и одной дугостаторной обмотки, создающими встречное движение магнитных полей, удается обеспечить одностороннее движение жидкого металла через осевую зону слитка. При этом токовая нагрузка перемешивателя, полагая, например, $w_{1A} = w_{1B} = w_{1C} = 0$, описывается зависимостью

$$A_{m} = [I_{A}(w_{A}k_{A} + w_{2A}k_{2B}) + I_{B}(w_{B}k_{B} + w_{2B}k_{2A}) - (27) - I_{C}(w_{C}k_{C} + w_{2C}k_{2C})]/2\pi r_{2}.$$

Под действием этой токовой нагрузки устанавливается распределение объемных электродинамических усилий в жидком металле, показанное на рис. 5. Такое распределение сил будет способст-вовать интенсификации процессов тепломассопереноса, выносу металла из осевой зоны, что позволит снизить осевую пористость слитка и повысить его качество.



0

0.025

0.05

0.075

-0.025

0.075

0.05

0.025

-0.025

-0 05

-0.075

-0.075

-0.05

0





Рис. 6

Недостатком такого исполнения является слабое использование зубцовой зоны, связанное с неполным заполнением пазов обмоткой. В связи с этим предпочтительным представляется исполнение перемешивателя с двумя дугостаторными обмотками, возбуждающими встречно бегущие магнитные поля. Токовая нагрузка такого перемешивателя, полагая

$$w_{1A}=w_{1B}=w_{1C}=w_{2A}=w_{2B}=w_{2C}$$
, $w_{A}=w_{B}=w_{C}=0$, согласно (23) равна

$$A_{m} = [I_{A}(w_{1A}k_{1A} + w_{2A}k_{2B}) + I_{B}(w_{1B}k_{1B} + w_{2B}k_{2A}) - (28) - I_{C}(w_{1C}k_{1C} + w_{2C}k_{2C})]/2\pi r_{2}.$$

Рассчитанное с использованием этой токовой нагрузки распределение объемных электродинамических усилий в жидком металле показано на рис. 6.

Как видно, такое исполнение перемешивателя также способствует интенсивному выносу металла из осевой зоны слитка.

Таким образом, в работе определены токовые нагрузки круговой и двух дугостаторных обмоток, а также результирующая токовая нагрузка трехобмоточ-ного перемешивателя. Выведены соотно-шения для расчета распределения φ - и ρ компонент электродинамических усилий в жидком металле для произвольных схем соединения и конструктивного исполнения обмоток.

1. Вольдек А.И. Индукционные магнитогидродинамические машины с жидкометаллическим рабочим телом. – Л.: Энергия, 1970. – 272 c.

2. Гахов Ф.И., Черский Ю.И. Уравнения типа свертки. – М.: Наука, 1978. – 296 с.

3. Карлов А.Н., Кондратенко И.П., Ращепкин А.П. Анализ электромагнитных полей в цилиндрических кристаллизаторах многообмоэлектромагнитного перемешивателя точного жидкого металла // Техн. електродинаміка. – 2009. – №4. – С. 61–65.

4. Кондратенко И.П., Рашепкин А.П. Двухобмоточный электромагнитный перемешиватель для кристаллизаторов непрерывного литья // Техн. електродинаміка. – 2002. – №2. – С.59–63.

5. Лиелпетер Я.Я. Жидкометаллические индукционные МГД-машины. – Рига: Зинатне, 1969. – 246 с.

Налійшла 22.04.2009