Металлофиз. новейшие технол. / Metallofiz. Noveishie Tekhnol. © 2014 ИМФ (Институт металлофизики 2014, т. 36, № 4, сс. 431-444 им. Г. В. Курдюмова НАН Украины) Оттиски доступны непосредственно от издателя Фотокопирование разрешено только В соответствии с лицензией Напечатано в Украине.

ФАЗОВЫЕ ПРЕВРАЩЕНИЯ

PACS numbers: 64.70.kd, 64.75.Nx, 66.30.Fq, 68.35.Fx, 81.05.Bx, 81.40.Cd

Загальна кінетика коміркового розпаду твердих розчинів системи мідь-титан

Т. С. Гаценко, О. А. Шматко

Інститут металофізики ім. Г. В. Курдюмова НАН України, бульв. Акад. Вернадського, 36, 03680, МСП, Київ-142, Україна

Досліджено кінетичні та термодинамічні параметри коміркового розпаду пересичених твердих розчинів у стопах Сu–Ti. Узагальнено дані кінетичних параметрів цього процесу: швидкості росту комірок та міжпластинкової віддалі для стопів Cu з 3,68, 4,0, 4,46, 4,98, 5,69 та 6,0 ат.% Ti. Визначено рухливість межі зерна та величини енергії активації міґрації фронту коміркової реакції. Розраховано термодинамічні параметри розпаду пересичених твердих розчинів Ti в Cu (зміни вільної енергії та ентропії міґрації межі зерна).

Исследованы кинетические и термодинамические параметры ячеистого распада пересыщенных твёрдых растворов в сплавах Cu–Ti. Обобщены данные кинетических параметров этого процесса: скорости роста ячеек и межпластинчатого расстояния для сплавов Cu с 3,68, 4,0, 4,46, 4,98, 5,69 и 6,0 ат.% Ti. Определены подвижность границы зерна и величины энергии активации миграции фронта ячеистой реакции. Рассчитаны термодинамические параметры распада пересыщенных твёрдых растворов Ti в Cu (изменения свободной энергии и энтропии миграции границы зерна).

Kinetic and thermodynamic parameters of cellular decomposition of supersaturated solid solutions in Cu–Ti alloys are investigated. Data of kinetic parameters of this process such as cells' growth rate and interplate distance for copper alloys with 3.68, 4.0, 4.46, 4.98, 5.69, and 6.0 at.% Ti are generalized. Grain-boundary mobility and activation energy of migration of cellular reaction front are determined. Thermodynamic parameters of decomposition of supersaturated solid solutions of Ti in Cu (changes of free energy and entropy of grain-boundary migration) are calculated.

Ключові слова: комірковий розпад, рухливість межі зерна, енергія активації, ентропія та вільна енергія міґрації межі зерна.

(Отримано 27 березня 2014 р.)

431

1. ВСТУП

Відомо, що пересичені тверді розчини системи мідь–титан залежно від температури відпуску старіють за різними механізмами [1]. Слід зазначити, що в гомогенних твердих розчинах на основі міді, які містять до 4 ат.% Ті, спостерігається розпад за трьома механізмами.

Внаслідок так званого спинодального розпаду в інтервалі понижених температур, відбувається формування кластерів титану вздовж кристалографічних напрямків <100>[1]. Його (на пізніших стадіях старіння стопів) супроводжує випадання дисперсних частинок метастабільної фази β' -Си₄Ті, наявність яких обумовлює максимальну твердість стопів [2].

В інтервалі температур 870–1070 К [3] розвивається розпад твердого розчину за комірковим механізмом, в ході якого формується евтектоїдоподібна структура колоній, що складаються з пластинок збідненого твердого розчину (стосовно вихідного пересиченого) і рівноважної інтерметалевої фази β -Cu₃Ti з орторомбічною структурою [4]. З утворенням даної фази пов'язане розм'якшення стопу.

Нині розроблено деякі режими гарячого та холодного механічного оброблення стопів мідь-титан, що забезпечують досягнення твердості 400 *HV* та міцності на розтяг до 1300 МПа [2]. Щоб запобігти зниженню цих величин внаслідок експлуатації стопів у температурному інтервалі можливого протікання коміркового розпаду, слід відшукати шляхи контролю над розвитком даного процесу. З цією метою здійснено дослідження кінетичних та термодинамічних параметрів коміркового розпаду в стопах мідь-титан.

В даній роботі разом з новітніми дослідженнями стопів міді з 4,0 та 6,0 ат.% титану виконано повторні кореляційні дослідження стопів міді з 3,68, 4,46, 4,98 та 5,69 ат.% титану [5].

Слід зазначити, що стопи мідь-титан, окрім своїх механічних властивостей, привертають увагу технологів та конструкторів як екологічно чисті матеріали, що складають гідну конкуренцію доволі токсичним стопам мідь-берилій.

2. МАТЕРІАЛИ ТА МЕТОДИКА ЕКСПЕРИМЕНТУ

В роботі досліджено стопи міді з 3,68 (2,80), 4,0 (3,04), 4,46 (3,40), 4,98 (3,80), 5,69 (4,35) та 6,00 (4,59) ат.% (% мас.) титану (умовно позначено як стопи 1, 2, 3, 4, 5, 6).

Стопи загартовано у воді після 5 годин гомогенізації за 1170 К та зістарено в інтервалі температур 850–1070 К.

Дослідження виконано методами оптичної мікроскопії (визначення міжпластинкової відстані l і швидкості росту комірок v), рентґеноструктурного аналізу (параметри кристалічних ґратниць пе-

| Стоп | <i>a</i> ₀ , нм |
|------|----------------------------|
| 1 | 0,3622 |
| 2 | 0,3623 |
| 3 | 0,3626 |
| 4 | 0,3628 |
| 5 | 0,3637 |
| 6 | 0,3638 |

ТАБЛИЦЯ 1. Параметр ґратниці збіднених твердих розчинів.

ресичених (a_0) (табл. 1) та збіднених твердих розчинів (a_c)), а на підставі величин a_c встановлено концентрації збіднених твердих розчинів C_c . Рентґенограми одержано у Fe K_{α} -випроміненні.

Мікроструктуру стопів виявляли обробленням у реактиві 25% $\mathrm{HF\,i\,75\%\,\,HNO_3}.$

3. РЕЗУЛЬТАТИ ЕКСПЕРИМЕНТУ ТА ЇХ ОБГОВОРЕННЯ

На підставі даних, одержаних Рентґенівським методом, визначено параметри ґратниці збіднених твердих розчинів a_c . За їх значеннями визначено величини концентрації збідненого твердого розчину C_c за різних температур відпуску з вказаного вище інтервалу (рис. 1).

За одержаними даними l та v побудовано їхні температурні залежності (рис. 2, 3), а також концентраційні ізотерми l та v (рис. 4, 5), що описуються наступними рівняннями:

3a 848 K —
$$v = (0,15C - 0,53) \cdot 10^{-7}, \ l = (3,24 - 0,34C) \cdot 10^{-7},$$

3a 873 K — $v = (0,29C - 0,98) \cdot 10^{-7}, \ l = (4,3 - 0,49C) \cdot 10^{-7},$
3a 898 K — $v = (0,43C - 1,36) \cdot 10^{-7}, \ l = (5,32 - 0,63C) \cdot 10^{-7},$
3a 923 K — $v = (0,72C - 1,56) \cdot 10^{-7}, \ l = (6,46 - 0,78C) \cdot 10^{-7},$
3a 948 K — $v = (0,99C - 2,73) \cdot 10^{-7}, \ l = (24,44 - 7,47C + 0,63C^2) \cdot 10^{-7},$
3a 973 K — $v = (0,74C - 1,97) \cdot 10^{-7}, \ l = (58,07 - 19,01C + 1,63C^2) \cdot 10^{-7},$

де С — концентрація титану в стопі (ат.%).

Для розрахунку коефіцієнтів дифузії титану рухомим фронтом комірки λD_b за експериментальними значеннями v та l було використано рівняння [6], що найбільш задовільно корелює з експериментальними даними:

$$v = 4\lambda D_{\rm b}/l^2$$
.



Рис. 1. Кут діаграми мідь-титан за нанесеними на нього температурними залежностями рівноважної концентрації C_1 та концентрації збідненого твердого розчину C_c (*a*); температурні залежності C_c та C_1 , що описуються вищенаведеними рівняннями (б).



Рис. 2. Залежність швидкості росту комірки від температури старіння: для стопів 1, 2 (*a*) та для стопів 3–6 (б).

За температурними залежностями $\lambda D_{\rm b}$ (рис. 6) визначено величини ефективної енергії активації дифузії фронтом коміркової реакції $Q_{\rm b}$ (див. табл. 2).

Таким чином, наведені на рис. З залежності $\lambda D_{\rm b}$ від температури



Рис. З. Залежність міжпластинкової відстані для стопів 1–3 (а) та 4–6 (б).



Рис. 4. Концентраційні ізотерми υ стопів мідь-титан.

Т описуються рівняннями Арреніуса наступного вигляду:

 $\lambda D_{\rm b} = 6,40\cdot 10^{-2} \exp(-344553/RT)$ для стопу 1, $\lambda D_{\rm b} = 4,89\cdot 10^{-3} \exp(-323103,2/RT)$ для стопу 2, $\lambda D_{\rm b} = 1,15\cdot 10^{-4} \exp(-293411,1/RT)$ для стопу 3,



Рис. 5. Концентраційні ізотерми *l* для стопів *1–6* за різних температур розпаду.



Рис. 6. Залежність дифузійної рухливості атомів за фронтом комірок від температури в стопах мідь-титан: стопи 1-3 (*a*), стопи 4-6 (*б*).

 $\lambda D_{\rm b} = 2,30 \cdot 10^{-8} \exp(-230444,6/RT)$ для стопу 4, $\lambda D_{\rm b} = 3,49 \cdot 10^{-10} \exp(-200440,6/RT)$ для стопу 5, $\lambda D_{\rm b} = 2,00 \cdot 10^{-9} \exp(-214645,2/RT)$ для стопу 6.

Рушійною силою коміркового розпаду є концентраційний профіль поперек фронту коміркової реакції, яким визначається величина зміни вільної хімічної енергії системи ΔG_x .

| Стоп | $oldsymbol{Q}_{ m b}$, кДж/моль |
|------|----------------------------------|
| 1 | 344,6 |
| 2 | 323,1 |
| 3 | 293,4 |
| 4 | 230,4 |
| 5 | 200,4 |
| 6 | 214,6 |

ТАБЛИЦЯ 2. Значення ефективної енергії активації дифузії фронтом коміркової реакції $Q_{\rm b}$.

Зміна вільної енергії пересиченого твердого розчину внаслідок його розпаду в загальному вигляді записується як [7]:

$$\Delta G = \Delta G_x + \Delta G_{\sigma} + \Delta G_{\varepsilon} + \Delta G_{\varepsilon}, \qquad (1)$$

тут ΔG_{σ} — зміна вільної енергії в процесі утворення поверхні розмежування фаз, $\Delta G_{\rm s}$ — вільна пружня енергія, ΔG_{ε} — енергія, що вноситься до системи попередньою деформацією.

У недеформованих стопах переважну роль відіграватимуть перші дві компоненти. Тому, з урахуванням знаку, загальна зміна вільної енергії системи внаслідок розпаду твердого розчину запишеться як:

$$-\Delta G = -\Delta G_x + \Delta G_{\sigma}.$$
 (2)

Зміна вільної хімічної енергії системи внаслідок цілковитого розпаду моля пересиченого твердого розчину за температури *T*:

$$\Delta G_x^0 = -RT \left\{ x_0 \ln\left(\frac{x_0}{x_1}\right) + (1 - x_0) \ln\left(\frac{1 - x_0}{1 - x_1}\right) \right\},\tag{3}$$

де x_0 і x_1 — відповідно атомні частки титану в пересиченому і рівноважному твердому розчинах за температури *T*. З урахуванням часткового випадання з твердого розчину при комірковому розпаді [7]

$$\Delta G_x = \Delta G_x^0 (1 - u^2), \tag{4}$$

де $u = (x_c - x_1)/(x_0 - x_1)$, x_c — атомна частка титану в збідненому твердому розчині комірки (див. рис. 1).

Зміна вільної енергії на поверхні розмежування фаз визначається за співвідношенням:

$$\Delta G_{\sigma} = 2\sigma V_{\rm m} / l. \tag{5}$$

| Стоп | $V_{ m m}$ · 10^6 , м $^3/$ моль |
|------|------------------------------------|
| 1 | 7,15 |
| 2 | 7,16 |
| 3 | 7,17 |
| 4 | 7,19 |
| 5 | 7,24 |
| 6 | 7,25 |

ТАБЛИЦЯ З. Молярний об'єм стопів мідь-титан.

Тут σ — питома поверхнева енергія на некогерентній поверхні розмежування фаз, $V_{\rm m} = (a^3 N_{\rm A})/z$ — молярний об'єм стопу (табл. 3), де a — параметр ґратниці, $N_{\rm A}$ — число Авоґадро, z — кількість атомів в елементарній комірці (для ГЦК-ґратниці z = 4).

Позаяк для некогерентної межі зерна в міді $\sigma = 0,44 \, \text{Дж/m}^2$, для стопів мідь-титан нами прийнято величину $\sigma = 0,35 \, \text{Дж/m}^2$. Беручи це до уваги, за даними табл. 1, 2 та рис. 2, 3 з рівнянь (2)–(5), легко розрахувати значення ΔG_x^0 , ΔG_x , ΔG_σ та ΔG для досліджуваних стопів міді 1–6. Результати цього розрахунку наведено в табл. 4.

За даними таблиці 4 побудовано температурні залежності зміни вільної енергії (рис. 7), а також залежності зміни вільної енергії від концентрації титану в міді за різних температур відпуску (рис. 8).

На підставі даних ΔG та v визначено значення кінетичного параметра коміркового розпаду — рухливості межі зерна M (табл. 5) за співвідношенням [8]:



Рис. 7. Залежність зміни вільної енергії твердих розчинів титану в міді від температури.

| Стоп | Т, К | $-\Delta G_x$, Дж/моль | $\Delta G_{ m \sigma}$, Дж/моль | $-\Delta G$, Дж/моль |
|------|------|-------------------------|----------------------------------|-----------------------|
| 1 | 848 | 111,0 | 25,0 | 83,7 |
| | 873 | 100,8 | 20,0 | 75,1 |
| | 898 | 57,5 | 16,7 | 36,7 |
| | 923 | 44,4 | 13,9 | 22,8 |
| | 948 | 28,3 | _ | _ |
| | 973 | 24,4 | _ | _ |
| | 848 | $114,\!64$ | 26,38 | 88,26 |
| | 873 | 120, 14 | 20,88 | 99,26 |
| 9 | 898 | 72,10 | 18,56 | 53,54 |
| 2 | 923 | 53,38 | 14,74 | 38,64 |
| | 948 | 31,22 | 10,44 | 20,78 |
| | 973 | 19,46 | 5,9 | 13,56 |
| | 848 | 177,4 | 29,5 | 145,8 |
| | 873 | 164,7 | 22,8 | 136,8 |
| 9 | 898 | 106,3 | 20,1 | 82,4 |
| 5 | 923 | 88,1 | 16,7 | 64,3 |
| | 948 | 64,4 | 13,9 | 40,6 |
| | 973 | 58,7 | 9,3 | 32,7 |
| | 848 | 227,4 | 33,6 | 191,8 |
| | 873 | 213,3 | 28,0 | 180,4 |
| Λ | 898 | 144,8 | 22,9 | 118,4 |
| 4 | 923 | 123,5 | 20,1 | 96,6 |
| | 948 | 94,9 | 16,8 | 68,6 |
| | 973 | 88,1 | 13,6 | 58,5 |
| | 848 | 302,1 | 39,0 | 261,2 |
| | 873 | 286,2 | 33,8 | 247,8 |
| 5 | 898 | 204,3 | 29,8 | 171,2 |
| 5 | 923 | 178,8 | 24,1 | 148,2 |
| | 948 | 143,7 | 20,3 | 114,4 |
| | 973 | 135,7 | 18,1 | 102,5 |
| | 848 | 334,86 | 42,29 | 292,57 |
| | 873 | $315,\!54$ | 36,25 | 279,29 |
| 6 | 898 | 229,16 | 31,72 | 197,44 |
| U | 923 | 197,69 | 26,71 | 170,98 |
| | 948 | 158,50 | 21,15 | 137,35 |
| | 973 | 144,05 | 18,13 | 125,92 |
| | | | | |

ТАБЛИЦЯ 4. Термодинамічні параметри твердих розчинів мідь-титан.

$$M = -\nu/\Delta G. \tag{6}$$

З температурних залежностей M (приклад яких для стопів 3–5 подано на рис. 9), побудованих для стопів мідь-титан в інтервалі концентрацій 3,68–6,0 ат.% Ті, визначено величини ефективної енергії активації міґрації фронту коміркової реакції E_M (табл. 6).



Рис. 8. Концентраційні ізотерми зміни вільної енергії твердих розчинів мідь-титан в ході коміркового розпаду за різних температур.

Беручи до уваги E_M та зміну ентропії міґрації межі зерна ΔS_M , маємо [7]:

$$M = \frac{a^2 V_{\rm m} v_{\rm D}}{\lambda R T} \exp\left(\frac{\Delta S_M}{R}\right) \exp\left(-\frac{E_M}{R T}\right),\tag{7}$$

де a — значення параметра ґратниці загартованого стопу (табл. 1), $v_{\rm D} = k \theta_{\rm D}/h$ — частота Дебая, $\theta_{\rm D}$ — температура Дебая (310 К для Си), k і h — Больцманнова та Планкова сталі відповідно.

ТАБЛИЦЯ 5. Значення рухливості межі зерна для стопів мідь-титан.

| Стоп | Т, К | $M{\cdot}10^{10}$, м ${\cdot}$ моль/Дж ${\cdot}{ m c}$ |
|------|------|---------------------------------------------------------|
| | 848 | 0,06 |
| | 873 | 0,18 |
| 2 | 898 | 6,72 |
| | 923 | 30,00 |
| | 948 | 50,00 |
| | 973 | 70,00 |
| 6 | 848 | 1,16 |
| | 873 | 2,69 |
| | 898 | 6,08 |
| | 923 | 10,00 |
| | 948 | 23,30 |
| | 973 | 19,54 |



Рис. 9. Температурні залежності М твердих розчинів мідь-титан.

Відповідно до (7)

$$\Delta S_{M} = R \ln \left(\frac{M \lambda RT}{a^{2} V_{\rm m} v_{\rm D}} \right) + \frac{E_{M}}{T}.$$
(8)

Обчисливши ΔS_M , одержуємо зміну вільної енергії міґрації межі як

$$\Delta G_M = E_M - RT - T\Delta S_M. \tag{8}$$

В таблиці 7 подано обчислені значення
 $\Delta S_{\scriptscriptstyle M}$ та $\Delta G_{\scriptscriptstyle M}$ для досліджуваних стопів мідь
–титан.

За цими даними (табл. 7) побудовано залежності зміни ентропії та вільної енергії міґрації межі зерна від концентрації титану в міді за різних температур розпаду (рис. 10, 11).

ТАБЛИЦЯ 6. Величини енергії активації міґрації фронту коміркової реакції твердих розчинів в стопах 2–6.

| Стоп | $E_{\scriptscriptstyle M}$, кДж/моль |
|------|---------------------------------------|
| 2 | 336,6 |
| 3 | 220,2 |
| 4 | 184,6 |
| 5 | 170,5 |
| 6 | 169,1 |

| Стоп | <i>Т</i> , К | $\Delta S_{\scriptscriptstyle M}$, Дж/К \cdot моль | $\Delta G_{\scriptscriptstyle M}$, кДж/моль |
|------|--------------|-------------------------------------------------------|----------------------------------------------|
| 1 | 848 | _ | 1 |
| | 873 | $113,\!64$ | 61,37 |
| | 898 | 120,34 | 52,31 |
| | 923 | 132,03 | 38,30 |
| | 848 | 292,53 | 81,53 |
| | 873 | 290,55 | 75,74 |
| 0 | 898 | 310,15 | 50,67 |
| 2 | 923 | 312,63 | 40,41 |
| | 948 | 307,49 | 37,26 |
| | 973 | 301,35 | 35,34 |
| | 848 | _ | _ |
| | 873 | 178,00 | 57,60 |
| 0 | 898 | 181,20 | 50,06 |
| 3 | 923 | 196,35 | 40,57 |
| | 948 | 183,20 | 38,69 |
| | 973 | 177,62 | 39,33 |
| | 848 | _ | _ |
| | 873 | 139,20 | 55,87 |
| 4 | 898 | 140,88 | 50,67 |
| 4 | 923 | 145,20 | 42,95 |
| | 948 | 144,08 | 40,18 |
| | 973 | 138,25 | 42,04 |
| | 848 | 120,57 | 61,16 |
| | 873 | 122,81 | 55,99 |
| - | 898 | 124,50 | 51,19 |
| 5 | 923 | 127,28 | 45,30 |
| | 948 | 126,07 | 43,06 |
| | 973 | 118,92 | 46,66 |
| 6 | 848 | 115,84 | 60,81 |
| | 873 | 117,45 | 56,30 |
| | 898 | 119,13 | 51,64 |
| | 923 | 118,53 | 49,01 |
| | 948 | 121,05 | 43,45 |
| | 973 | 115,30 | 46,02 |

ТАБЛИЦЯ 7. Зміна ентропії та вільної енергії міґрації межі зерна в стопах.

4. ВИСНОВКИ

1. Визначено кінетичні та термодинамічні параметри коміркового розпаду твердих розчинів мідь-титан в інтервалі концентрацій 3,68-6,0 ат.% Ті.

2. Одержані величини зазначених параметрів використано для розрахунку середньої мобільності фронту коміркової реакції, енергії



Рис. 10. Концентраційна залежність зміни ентропії ΔS_M в стопах Си-Ті (П — 848 К, \circ — 873 К, Δ — 898 К, ∇ — 923 К, \triangleleft — 948 К, \triangleright — 973 К).



Рис. 11. Концентраційні залежності зміни вільної енергії міґрації межі зерна ΔG_M в стопах системи мідь-титан.

активації міґрації фронту коміркової реакції, зміни ентропії та вільної енергії руху цього фронту.

ЦИТОВАНА ЛІТЕРАТУРА

1. К. В. Чуистов, Республиканский межведомственный сборник «Металлофизика» (Киев: Наукова думка: 1970), вып. 32, с. 38.

- 2. S. Nagarjuna, K. Balasubramanian, and D. S. Sarma, *Metall. Mater. Trans.*, 36, No. 8: 1058 (1999).
- 3. Л. Н. Лариков, О. А. Шматко, *Ячеистый распад пересыщенных твёрдых растворов* (Киев: Наукова думка: 1976).
- 4. S. Nagarjuna and A. Duta, Mater. Sci. Technol., 17: 285 (2001).
- 5. Т. С. Гаценко, Ю. О. Бондаренко, О. А. Шматко, *Металлофиз. новейшие технол.*, **30**, *спецвып.*: 337 (2008).
- 6. H. I. Aaronson and Y. C. Liu, Scr. Met., 2, No. 1: 1 (1968).
- 7. W. Gust, B. Predel, and S. N. Mehra, *Mater. Sci. Eng.*, 21, No. 1: 131 (1975).
- 8. J. W. Cahn, Acta Metall., 7, No. 1: 18 (1959).

REFERENCES

- 1. K. V. Chuistov, *Respublikanskiy Mezhvedomstvennyy Sbornik 'Metallofizika'* (Kiev: Naukova Dumka: 1970), Iss. 32, p. 38 (in Russian).
- 2. S. Nagarjuna, K. Balasubramanian, and D. S. Sarma, *Metall. Mater. Trans.*, 36, No. 8: 1058 (1999).
- 3. L. N. Larikov and O. A. Shmatko, Yacheistyy Raspad Peresyshchennykh Tvyordykh Rastvorov (Cellular Precipitation of the Supersaturated Solid Solutions) (Kyiv: Naukova Dumka: 1976) (in Russian).
- 4. S. Nagarjuna and A. Duta, Mater. Sci. Technol., 17: 285 (2001).
- 5. T. S. Gatsenko, Yu. O. Bondarenko, and O. A. Shmatko, *Metallofiz. Noveishie Tekhnol.*, **30**, *Special Issue*: 337 (2008) (in Ukrainian).
- 6. H. I. Aaronson and Y. C. Liu, Scr. Met., 2, No. 1:1 (1968).
- 7. W. Gust, B. Predel, and S. N. Mehra, *Mater. Sci. Eng.*, 21, No. 1: 131 (1975).
- 8. J. W. Cahn, Acta Metall., 7, No. 1: 18 (1959).