МАГНИТОСОПРОТИВЛЕНИЕ НЕСТАЦИОНАРНОГО МАГНИТНОГО ТУННЕЛЬНОГО ПЕРЕХОДА

Д. В. Абдулкадыров, Н. Н. Белецкий

Институт радиофизики и электроники им. А. Я. Усикова НАН Украины 12, ул. Ак. Проскуры, Харьков, 61085, Украина E-mail: <u>beletski@ire.kharkov.ua</u>

Исследовано туннелирование электронов через нестационарный магнитный туннельный переход в приближении малой амплитуды переменного электрического поля. Изучена зависимость активной и реактивной составляющих высокочастотного туннельного магнитосопротивления перехода от приложенного постоянного напряжения смещения. Ил. 4. Библиогр.: 17 назв. Ключевые слова: туннелирование электронов, нестационарный магнитный туннельный переход, высокочастотный ток.

Исследование туннелирования электронов через потенциальный барьер занимает важное место в исследовании физических процессов в твердых телах [1, 2]. Интерес к этому эффекту существенно возрос в связи с активным развитием наноэлектроники и спинтроники [3, 4]. Особенно большое значение туннелирование электронов через потенциальный барьер имеет для создания наноэлектронных приборов, работающих в терагерцевой области спектра [5]. В этой связи актуальной задачей является исследование влияния нестационарности потенциального барьера на процессы туннелирования электронов.

Туннелирование электронов через нестационарный потенциальный барьер исследовалось в ряде работ [6-13]. В работах [6-8] было показано, что если высота потенциального барьера изменяется с частотой ω , то в спектре прошедших и отраженных электронных волн появляются электроны с энергиями $\varepsilon \pm j\hbar\omega$, где ε – начальная энергия электронов, падающих на нестациопотенциальный нарный барьер; j = 1, 2, ...; $\hbar = h / 2\pi$ (*h* – постоянная Планка). Это означает, что взаимодействие электронов с высокочастотным электромагнитным полем в потенциальном барьере приводит к поглощению или излучению электронами ј квантов электромагнитного поля $\hbar\omega$. В работах [9, 10] было представлено точное решение уравнения Шредингера для потенциального барьера конечной ширины, находящегося под действием постоянного и переменного электрических полей. Однако исследование плотности высокочастотного электронного тока через какой-либо конкретный нестационарный туннельный переход с помощью точных решений уравнения Шредингера в этих работах не было проведено. В работах [11, 12] был рассмотрен случай прямоугольного потенциального барьера, к которому прикладывалось лишь переменное высокочастотное напряжение смещения. Предполагалось, что туннелирование электронов происходит с поглощением или испусканием лишь одного кванта электромагнитного поля $\hbar\omega$. При этом был рассмотрен лишь случай сравнительно низких частот, когда $\hbar\omega$ много меньше начальной энергии электронов ε . Аналитическое выражение для плотности высокочастотного электронного тока через нестационарный туннельный переход было получено в работах [11, 12] в предельном случае малой прозрачности барьера (толстого потенциального барьера).

Работа [13] посвящена более детальному рассмотрению туннелирования электронов через нестационарный потенциальный барьер в приближении малой амплитуды переменного электрического поля. В этой работе рассмотрено влияние постоянного напряжения смещения, а также высоты и толщины потенциального барьера на величину высокочастотного электронного тока через нестационарный туннельный барьер. Кроме того, определены пределы применимости режима одноквантовых электронных переходов в зависимости от величины приложенного постоянного напряжения смещения, амплитуды и частоты переменного напряжения смещения, а также высоты и толщины туннельного барьера. При этом величина кванта электромагнитного поля не считалась малой по сравнению с высотой туннельного барьера и начальной энергией электронов. В работе [13] приведены также численные оценки величины плотности высокочастотного электронного тока через нестационарный потенциальный барьер в зависимости от приложенного постоянного напряжения смещения для типичных значений параметров туннельных переходов.

Туннелирование электронов через нестационарный магнитный туннельный переход исследовано еще недостаточно. Так, в работе [14] был рассмотрен лишь низкочастотный случай ($\omega < 40 \text{ M}\Gamma$ ц) с использованием метода эквивалентных схем.

Настоящая работа посвящена развитию теории туннелирования электронов через нестационарный туннельный переход ферромагнитный металл-диэлектрик-ферромагнитный металл в приближении малой амплитуды переменного электрического поля. В рамках модели одноквантовых электронных переходов вычислена плотность высокочастотного электронного тока через нестационарный магнитный туннельный переход и исследована зависимость высокочастотного туннельного магнитосопротивления от приложенного постоянного напряжения смещения для различных амплитуд и частот переменного напряжения смещения, а также высот и толщин потенциального барьера. При этом величина кванта электромагнитного поля не считалась малой по сравнению с высотой потенциального барьера и начальной энергией электронов.

1. Постановка задачи. Рассмотрим потенциальный барьер толщиной d и высотой U_{B} , расположенный между двумя идентичными ферромагнитными областями 1 и 2 (рис. 1). Моноэнергетический поток электронов с энергией є движется вдоль оси *г* и падает слева на барьер, частично отражаясь назад и частично проникая в правую область 2. Для простоты величина эффективной электронной массы *m* в каждой из областей считается одинаковой и равной массе свободного электрона m₀. К потенциальному барьеру прикладывается постоянное $V_a = E_0 d$ и переменное $\widetilde{V}_{a}(t) = V_{ac} \cos \omega t$ напряжения смещения, где $V_{ac} = E_{ac}d$, E_0 и E_{ac} – напряженности постоянного и переменного электрических полей в потенциальном барьере соответственно.

Будем считать, что намагничивание ферромагнитных областей может быть или парал-(рис. 1, а), или лельным антипараллельным (рис. 1, б). Мы полагаем также, что намагничивание изменяет ориентацию только в правой ферромагнитной области. В ферромагнитных областях была использована двухзонная модель свободных электронов, в рамках которой две спинрасщепленные электронные зоны являются параболическими. Величина расщепления энергетических зон с разным направлением спина электрона в ферромагнитных областях принималась равной 2 . Энергию электронов с определенным направлением спина будем отсчитывать от дна соответствующей спиновой зоны в левой ферромагнитной области. Мы принимаем, что в ферромагнитных областях электроны со спином вверх имеют большую энергию Ферми E_{F↑} ($E_{F\uparrow} = \mu + \Delta$, μ – электрохимический потенциал), чем электроны со спином вниз $(E_{F\downarrow} = \mu - \Delta).$ В дальнейшем электроны со спином вверх мы будем называть электронами основной поляризации, а электроны со спином вниз – электронами неосновной поляризации.





Рис. 1. Потенциальный профиль нестационарного магнитного туннельного барьера для параллельной (а) и антипараллельной (б) ориентаций намагниченностей ферромагнитных электродов

На рис. 1 представлен потенциальный профиль нестационарного магнитного потенциального барьера при воздействии на него постоянного и переменного напряжений смещения в случае параллельной (рис. 1, а) и антипараллельной (рис. 1, б) ориентаций намагниченностей ферромагнитных областей. Сплошные и штрихпунктирные линии соответствуют потенциальному профилю туннельного перехода для электронов основной и неосновной поляризаций соответственно. Двумя стрелками обозначена ориентация спина электрона по отношению к намагниченностям левой и правой ферромагнитных областей: первая стрелка соответствует ориентации спина электрона относительно ориентации намагниченности левой области, вторая стрелка – ориентации спина электрона относительно ориентации намагниченности правой области.

Из рис. 1 видно, что электроны с различным направлением спина движутся в различном потенциальном поле при фиксированной ориентации намагниченностей ферромагнитных областей. Это означает, что коэффициент прохождения электронов через нестационарный магнитный туннельный барьер является спин-зависимым.

Для нахождения плотности высокочастотного электронного тока через нестационарный магнитный туннельный барьер необходимо найти решение уравнения Шредингера в каждой из рассматриваемых областей.

$$i\hbar\frac{\partial\psi_1}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m}\frac{\partial^2\psi_1}{\partial z^2}, \quad z < 0; \tag{1}$$

$$i\hbar \frac{\partial \psi_B}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2 \psi_B}{\partial z^2} +$$
(2)

$$+(U_{B\sigma_{L}}-eE_{0}z-eE_{ac}z\cos\omega t)\psi_{B}, \quad 0 < z < d;$$

$$i\hbar \frac{\partial \psi_2}{\partial t} = -\frac{\hbar}{2m} \frac{\partial \psi_2}{\partial z^2} - ((\sigma_L - \sigma_R) \times \Delta + eV_a + eV_{ac} \cos \omega t)\psi_2, \quad z > d,$$
(3)

где $\psi_1(z,t)$, $\psi_B(z,t)$ и $\psi_2(z,t)$ – волновые функции электронов в указанных на рис. 1 областях; $U_{B_{\sigma_L}} = U_B + \sigma_L \Delta;$ \hbar – постоянная Планка; e – заряд электрона; $\sigma_{L,R} = \pm 1$ – спиновые индексы Паули, соответствующие ориентации спина электрона вдоль (знак «+» или \uparrow) или против (знак «-» или \downarrow) направления намагничивания левой (индекс L) или правой (индекс R) ферромагнитной области.

Прохождение электронов с начальной энергией ε через нестационарный туннельный барьер сопровождается появлением отраженных и прошедших электронных волн с энергиями $\varepsilon \pm j\hbar\omega$. Мы ограничимся рассмотрением случая малой амплитуды переменного электрического поля E_{ac} и будем учитывать лишь основные гармоники с энергиями $\varepsilon \pm \hbar\omega$ (режим одноквантовых электронных переходов). Точные условия применимости такого подхода будут приведены ниже.

С учетом вышеуказанного приближения волновая функция электронов в области 1 имеет следующий вид

$$\psi_{1} = e^{-i\omega_{0}t} (e^{ik_{1}^{(0)}z} + Ae^{-ik_{1}^{(0)}z} + Ae^{-ik_{1}^{(0)}z} + AA^{(+)}e^{-i(k_{1}^{(+1)}z + \omega t)} + A^{(-)}e^{-i(k_{1}^{(-1)}z - \omega t)}),$$
(4)

где A, $A^{(\pm)}$ – амплитуды отраженных волн для основной электронной волны и ее двух первых гармоник соответственно;

$$\begin{split} & \omega_0 = \varepsilon \,/\,\hbar; \\ & k_L^{(j)} = \sqrt{2m(\varepsilon + j\hbar\omega)} \,/\,\hbar; \\ & k_{R\sigma_L\sigma_R}^{(j)} = \sqrt{2m(\varepsilon + j\hbar\omega - (\sigma_L - \sigma_R)\Delta + eV_a)} \,/\,\hbar; \\ & j = 0, \pm 1. \end{split}$$

В области барьера точное решение уравнения Шредингера (2) для электронов с начальной энергией ε выражается через функцию Эйри Ai(z) [9, 10]:

$$\psi_{B}^{(0)}(z,t) = \operatorname{Ai}\left[\rho_{(0)}(z) + \beta(t)\right] \times \\ \times \exp\left[-i\omega_{0}t + i\frac{eE_{ac}z}{\hbar\omega}\sin\omega t + f(t)\right];$$
(5)

$$\beta(t) = -\frac{e^2 E_{ac} E_0 \gamma}{m\omega^2} \cos \omega t; \qquad (6)$$

$$f(t) = -i \frac{e^2 E_0 E_{ac}}{m \hbar \omega^3} \sin \omega t - i \frac{e^2 E_{ac}^2}{4m \hbar \omega^2} \left(t - \frac{\sin 2\omega t}{2\omega} \right),$$
(7)

где

$$\begin{split} \rho_{(j)}(z) &= \gamma [U_{B\sigma_L} - (\varepsilon + j\hbar\omega) - eE_0 z];\\ \gamma &= (\frac{2m}{e^2 E_0^2 \hbar^2})^{\frac{1}{2}}; \qquad j = 0, \pm 1. \end{split}$$

Второе линейно-независимое решение уравнения Шредингера (2) получается из уравнения (5) путем замены Ai(z) на другую функцию Эйри Bi(z).

В линейном по малой амплитуде E_{ac} приближении выражение (5) имеет вид

$$\psi_{B}^{(0)} = e^{-i\omega_{0}t} \left\{ \left[1 + \frac{eE_{B}}{2\hbar\omega} (z - \frac{eE_{0}}{m\omega^{2}})(e^{i\omega t} - e^{-i\omega t}) \right] \operatorname{Ai}(\rho_{0}) - \frac{e^{2}E_{ac}E_{0}\gamma}{m\omega^{2}} (e^{i\omega t} + e^{-i\omega t}) \operatorname{Ai}'(\rho_{0}) \right\}.$$
 (8)

Выражение (8) имеет место при выполнении трех неравенств, которые определяют необходимые условия режима одноквантовых электронных переходов:

$$\alpha_1 = \frac{e^2 E_{ac} E_0 \gamma}{m\omega^2} \ll 1; \tag{9}$$

$$\alpha_2 = \frac{eE_{ac}d}{\hbar\omega} \ll 1; \tag{10}$$

$$\alpha_3 = \frac{e^2 E_{ac} E_0}{m\hbar\omega^3} \ll 1. \tag{11}$$

Наиболее жестким условием на частоту и амплитуду переменного электрического поля,

как показано в работе [13], является неравенство (11). По этой причине при проведении численных расчетов нам достаточно было обеспечить выполнение условия (11). Для этого мы выбирали определенное значение $\alpha_{\text{max}} < 1$ и из условия $\alpha_3 = \alpha_{\text{max}}$ при фиксированных значениях d, V_a и V_{ac} находили критические значения частот, начиная с которых справедлив режим одноквантовых электронных переходов. Амплитуды волновых функций электронов с энергиями $\varepsilon \pm \hbar \omega$ малы из-за малости периодического возмущения потенциального барьера. Поэтому волновые функции для электронов с энергиями $\varepsilon \pm \hbar \omega$ в потенциальном барьере и в среде 2 (см. рис. 1) можно определить из уравнений (2) и (3), пренебрегая в них переменными полями. В результате полная волновая функция для электронов в нестационарном потенциальном барьере имеет следующий вид:

$$\begin{split} \psi_{B}(z,t) &= A_{B}e^{-i\omega_{0}t} \left\{ \left[1 + \frac{eE_{ac}}{2\hbar\omega} (z - \frac{eE_{0}}{m\omega^{2}})(e^{i\omega\omega} - e^{-i\omega\omega}) \right] Ai(\rho_{(0)}) - \frac{e^{2}E_{ac}E_{0}\gamma}{m\omega^{2}} (e^{i\omega\omega} + e^{-i\omega\omega}) Ai'(\rho_{(0)}) \right\} + \\ &+ B_{B}e^{-i\omega_{0}t} \left\{ \left[1 + \frac{eE_{ac}}{2\hbar\omega} (z - \frac{eE_{0}}{m\omega^{2}})(e^{i\omega\omega} - e^{-i\omega\omega}) \right] Bi(\rho_{(0)}) - \frac{e^{2}E_{ac}E_{0}\gamma}{m\omega^{2}} (e^{i\omega\omega} + e^{-i\omega\omega}) Bi'(\rho_{(0)}) \right\} + \\ &+ A_{B}^{(+)}e^{-i(\omega_{0}+\omega)t} Ai(\rho_{(+1)}) + A_{B}^{(-)}e^{-i(\omega_{0}-\omega)t} Ai(\rho_{(-1)}) + \\ &+ B_{B}^{(+)}e^{-i(\omega_{0}+\omega)t} Bi(\rho_{(+1)}) + B_{B}^{(-)}e^{-i(\omega_{0}-\omega)t} Bi(\rho_{(-1)}), \end{split}$$

$$(12)$$

где A_B , B_B , $A_B^{(\pm)}$, $B_B^{(\pm)}$ – постоянные коэффициенты.

В области 2 (рис. 1) уравнение Шредингера (3) для электронов с энергией ε имеет точное решение:

$$\psi_{2}^{(0)}(z,t) = \exp\left(-i\omega_{0}t + i\frac{eV_{ac}}{\hbar\omega}\sin\omega t\right).$$
 (13)

Раскладывая выражение (13) по степеням малого параметра $\alpha_1 << 1$ и оставляя лишь линейные по V_{ac} слагаемые, находим полную волновую функцию электронов в области 2 (рис. 1) (с учетом двух первых гармоник с энергиями $\varepsilon \pm \hbar \omega$):

$$\psi_{2}(z,t) = e^{-i\omega_{0}t} \left\{ C^{(0)} \left[1 + \frac{eV_{ac}}{2\hbar\omega} \left(e^{i\omega t} - e^{-i\omega t} \right) \right] e^{ik_{2}z} + C^{(+)} e^{ik_{2}^{(+1)}z - i\omega t} + C^{(-)} e^{ik_{2}^{(-1)}z + i\omega t} \right\},$$
(14)

где $C^{(0)}$ и $C^{(\pm)}$ – постоянные коэффициенты.

Из условий непрерывности волновых функций и их первых производных в каждый момент времени на границах z = 0 и z = d находим систему уравнений для нахождения постоянных коэффициентов, входящих в уравнения (4), (12) и (14).

Зная волновую функцию электронов в области 2, можно определить плотность тока через магнитный туннельный переход [15, 16]. Нас будет интересовать высокочастотная составляющая плотности электронного тока $j_{ac}(\omega)$. Она представляет собой сумму парциальных плотностей токов $j_{ac}^{(+1)}$ и $j_{ac}^{(-1)}$, создаваемых электронами с энергиями $\varepsilon \pm \hbar \omega$.

Высокочастотную составляющую плотности электронного тока можно представить в следующем виде:

$$j_{ac}(\omega) = j_{ac}^a \cos \omega t + j_{ac}^r \sin \omega t.$$
(15)

Здесь j_{ac}^{a} – активная (совпадающая по фазе с полем) и j_{ac}^{r} – реактивная (находящаяся в противофазе с полем) составляющие плотности высокочастотного электронного тока.

Необходимо отметить, что вклад в j_{ac}^{a} и j_{ac}^{r} дают электроны как со спином вверх, так и со спином вниз. Кроме того, величины j_{ac}^{a} и j_{ac}^{r} зависят от взаимной ориентации намагниченностей ферромагнитных областей. Поэтому мы вводим отдельные выражения для активной и реактивной составляющих высокочастотного тока для каждой ориентации намагниченностей ферромагнитных областей с учетом наличия электронов как со спином вверх, так и со спином вниз:

$$J_P^{a,r} = J_{\uparrow\uparrow}^{a,r} + J_{\downarrow\downarrow}^{a,r}; \tag{16}$$

$$J_{AP}^{a,r} = J_{\uparrow\downarrow}^{a,r} + J_{\downarrow\uparrow}^{a,r}.$$
 (17)

В выражениях (16) и (17) мы опустили индекс *ac* для высокочастотных составляющих электронного тока и использовали индексы *P* для параллельной и *AP* для антипараллельной ориентаций намагниченностей ферромагнитных областей. При этом стрелки указывают на направление спина электрона по отношению к намагниченностям левой и правой ферромагнитных областей, соответственно. Нас будет интересовать плотность высокочастотного электронного тока на выходе из потенциального барьера при z = d. В этом случае входящие в формулы (16) и (17) выражения для парциальных токов $J_{\sigma_L \sigma_R}^{a,r}$ определяются формулой [15–17]

$$I_{\sigma_L \sigma_R}^{a,r} = \frac{emkT}{2\pi^2 \hbar^3} \int_0^\infty T_{\sigma_L \sigma_R}^{a,r} \ln \left(\frac{1 + \exp\left[\left(E_{F\sigma_L} - E \right) / kT \right]}{-1 + \exp\left[\left(E_{F\sigma_L} - E - eV_a \right) / kT \right]} \right) dE , \qquad (18)$$

где $T_{\sigma_L \sigma_R}^{a,r}$ – коэффициент прохождения электронов через потенциальный барьер с излучением или поглощением кванта электромагнитной энергии $\hbar \omega$.

Выражение для $T^{a,r}_{\sigma_L \sigma_R}$ имеет вид

$$T^{a,r}_{\sigma_L\sigma_R} = T^{a,r(+1)}_{\sigma_L\sigma_R} + T^{a,r(-1)}_{\sigma_L\sigma_R},$$
(19)

где

$$T_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{a(+1)} = \frac{k_{R\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(0)} + k_{R\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(+1)}}{k_{L}^{(0)}} \times$$

$$\times \mathbf{P}_{0} \left(C \qquad ^{(+1)}C \qquad ^{(0)*} \right).$$
(20)

$$T_{\sigma_L \sigma_R}^{r(+1)} = \frac{k_{R \sigma_L \sigma_R}^{(0)} + k_{R \sigma_L \sigma_R}^{(+1)}}{k_L^{(0)}} \times \operatorname{Im}\left(C_{\sigma_L \sigma_R}^{(+1)} - C_{\sigma_L \sigma_R}^{(0)*}\right).$$
(21)

Выражения для $T_{\sigma_L \sigma_R}^{a,r(-1)}$ имеют различный вид в зависимости от того, является ли $k_R^{(-1)}$ вещественной или чисто мнимой величиной (в последнем случае электрон, поглотив квант электромагнитной энергии, попадает в запрещенную зону области 2). В случае $\varepsilon - \hbar \omega + V_a > 0$ имеем:

$$T_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{a(-1)} = \frac{k_{R\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(0)} + k_{R\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(-1)}}{k_{L}^{(0)}} \times \operatorname{Re}\left(C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(-1)}C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(0)*}\right); \qquad (22)$$

$$T_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{r(-1)} = -\frac{k_{R\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(0)} + k_{R\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(-1)}}{k_{L}^{(0)}} \times$$

$$\times \operatorname{Im} \left(C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(-1)} C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(0)*} \right).$$
(23)

В противоположном случае $\varepsilon - \hbar \omega + V_a < 0$ находим:

$$T_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{a(-1)} = \frac{k_{R\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(0)}}{k_{L}^{(0)}} \operatorname{Re}\left(C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(-1)}C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(0)*}\right) - \frac{\left|k_{R\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(-1)}\right|}{k_{L}^{(0)}} \operatorname{Im}\left(C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(-1)}C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(0)*}\right);$$

$$T_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{r(-1)} = -\frac{k_{R\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(0)}}{k_{L}^{(0)}} \operatorname{Im}\left(C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(-1)}C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(0)*}\right) - \frac{\left|k_{R\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(-1)}\right|}{k_{L}^{(0)}} \operatorname{Re}\left(C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(-1)}C_{\sigma_{L}\sigma_{R}}^{(0)*}\right).$$
(24)
$$(24)$$

$$(25)$$

Выражения для $C_{\sigma_L \sigma_R}^{(j)}$ слишком громоздкие, они приводиться не будут.

Мы будем исследовать как активное TMR_{ac}^{a} , так и реактивное TMR_{ac}^{r} магнитосопротивления магнитного туннельного перехода. По аналогии с определением магнитосопротивления на постоянном токе будем считать, что

$$TMR_{ac}^{a} = \frac{J_{P}^{a} - J_{AP}^{a}}{J_{P}^{a}};$$
 (26)

$$TMR_{ac}^{r} = \frac{J_{P}^{r} - J_{AP}^{r}}{J_{P}^{r}}.$$
 (27)

В дальнейшем мы приведем результаты численных расчетов $TMR_{ac}^{a,r}(V_a)$ для нескольких наиболее интересных случаев прохождения электронов через нестационарный магнитный туннельный переход.

2. Численные расчеты. При проведении численных расчетов будем считать, что T = 300 К и $\alpha_{\text{max}} = 0.2$. В качестве ферромагнитных областей мы рассматриваем железо, для которого фермиевские импульсы электронов с различным направлением спина равны $k_{F\uparrow} = 1.09$ Å и $k_{F\uparrow} = 0.42$ Å. Используя эти численные значения, находим: $\mu \approx 2.6$ эВ,

 $\Delta \approx 1,93$ эВ, $E_{F\uparrow} \approx 4,53$ эВ, $E_{F\downarrow} \approx 0,67$ эВ. Как и в работах [13, 15], мы будем измерять высоту потенциального барьера U_B с помощью безразмерной величины $u_B = (U_B - \mu)/E_{F\uparrow}$.

На рис. 2 представлены зависимости $TMR_{ac}^{a}(V_{a})$ (левая ось ординат, сплошные линии – 1) и $TMR_{ac}^{r}(V_{a})$ (правая ось ординат, штриховые линии – 2) при $\omega = 5 \cdot 10^{13} \text{ c}^{-1}$, $V_{ac} = 10^{-4} \text{ B}$ для трех значений толщины туннельного перехода d.



Рис. 2. Зависимости $TMR_{ac}^{a}(V_{a}) - 1$ и $TMR_{ac}^{r}(V_{a}) - 2$: а) -d = 1,0 нм; б) -d = 1,5 нм; в) -d = 2,0 нм

Цифры возле кривых соответствуют безразмерным высотам потенциального барьера *и*_в. Необходимо отметить, что мы ограничились рассмотрением невысоких потенциальных барьеров, поскольку они обеспечивают не только большие значения туннельного магнитосопротивления на постоянном токе, но и высокие плотности тока, необходимые для изменения взаимной ориентации намагниченностей ферромагнитных областей [17]. Из рис. 2, а видно, что для тонких потенциальных барьеров величины *TMR*^{*a,r*} монотонно спадают с увеличением V_a . При этом кривые $TMR_{ac}^{a,r}(V_a)$ оканчиваются в точках, в которых нарушается режим одноквантовых электронных переходов через потенциальный барьер. С увеличением толщины потенциального барьера режим одноквантовых электронных переходов справедлив во всем диапазоне приложенных напряжений смещения вплоть до $V_a = 2$ В. Из рис. 2, б, в также следует, что увеличение толщины потенциального барьера приводит к немонотонным зависимостям как $TMR_{ac}^{a}(V_{a})$, так и $TMR_{ac}^{r}(V_{a})$. На рис. 2, в отчетливо виден осциллирующий характер зависимостей $TMR_{ac}^{a,r}(V_a)$. Отметим, что с увеличением V_a амплитуда осцилляций TMR^{a,r}_{ac} уменьшается. Влияние безразмерной высоты потенциального барьера u_B на $TMR_{ac}^{a,r}$ проявляется по-разному, в зависимости от величины напряжения смещения V_a. Так, например, существуют такие интервалы значений V_a, на которых величина *TMR*^{*a,r*}_{*ac*} растет с увеличением *u*_{*B*}. Для других интервалов V_a величина $TMR_{ac}^{a,r}$, напротив, уменьшается с увеличением и_в. Поэтому для каждого фиксированного значения V_a существует оптимальное значение безразмерной высоты потенциального барьера и_в, при котором величина *TMR^{a,r}* является максимальной.

Увеличение частоты переменного напряжения ω приводит к появлению качественно новых особенностей на зависимостях $TMR_{ac}^{a,r}(V_a)$. Рассмотрим их на примере зависимости $TMR_{ac}^{a}(V_a)$. Более детальное рассмотрение особенностей поведения $TMR_{ac}^{a,r}(V_a)$ на высоких частотах будет дано в нашей следующей работе. На рис. 3 приведена зависимость $TMR_{ac}^{a}(V_a)$ при d = 1,5 нм, $u_B = 0,03$, $V_{ac} = 10^{-4}$ В для двух значений частоты: $\omega = 2,3 \cdot 10^{14} c^{-1}$ и $\omega = 3,0 \cdot 10^{14} c^{-1}$. Поведение кривых $TMR_{ac}^{a}(V_a)$ для указанных час-

тот качественно различно: если при $\omega = 2,3 \cdot 10^{14} \text{c}^{-1}$ зависимость TMR_{ac}^{a} является непрерывной функцией V_{a} , то при $\omega = 3,0 \cdot 10^{14} \text{c}^{-1}$ функция $TMR_{ac}^{a}(V_{a})$ имеет две точки разрыва. Кривая на рис. 3, а имеет форму резонансной кривой. Это означает, что TMR_{ac}^{a} имеет резкий максимум при некотором значении V_{a} . Наличие точек разрыва на зависимостях $TMR_{ac}^{a}(V_{a})$ приводит к тому, что величина TMR_{ac}^{a} в окрестности точки разрыва может быть как положительной, так и отрицательной.



Рис. 3. Зависимость: a) – $\omega = 2,3 \cdot 10^{14} \text{ c}^{-1}$; б) – $\omega = 3,0 \cdot 10^{14} \text{ c}^{-1}$

Указанные особенности на зависимостях $TMR_{ac}^{a}(V_{a})$ можно объяснить, исследуя поведение кривых $J_{P}^{a}(V_{a})$ и $J_{AP}^{a}(V_{a})$ для выбранных нами значений частот. На рис. 4 приведены зависимости $J_{P}^{a}(V_{a})$ (кривая 1) и $J_{AP}^{a}(V_{a})$ (кривая 2) при d = 1,5 нм, $u_{B} = 0,03$, $V_{ac} = 10^{-4}$ В для двух значений частоты $\omega = 2,3 \cdot 10^{14} \text{c}^{-1}$ и $\omega = 3,0 \cdot 10^{14} \text{c}^{-1}$. Как видно из рис. 3, а, J_{P}^{a} и J_{AP}^{a} являются знако-

постоянными и немонотонными функциями V_a. В окрестности точки, в которой величина TMR_{ac} является максимальной, плотность тока J^{a}_{AP} резко уменьшается и достигает своего минимального значения. В то же время J_{P}^{a} практически не меняется в окрестности точки экстремума TMR_{ac}^{a} . Это обстоятельство и приводит к резонансной форме зависимости $TMR_{ac}^{a}(V_{a})$. На рис. 3, б зависимости $J_{P}^{a}(V_{a})$ и $J_{AP}^{a}(V_{a})$ ведут себя иначе. Так, например, минимум на этих кривых находится в области отрицательных значений плотностей токов. Это означает, что существуют такие значения V_a , для которых или J_{P}^{a} , или J_{AP}^{a} обращаются в ноль. Кроме того, Јар может быть как больше, так и меньше J_P^a . Обращение в ноль J_P^a соответствует точкам разрыва на зависимостях $TMR_{ac}^{a}(V_{a})$. Таким образом, в зависимости от выбранного постоянного напряжения смещения V_a величина TMR^a_{ac} может быть как положительной, так и отрицательной.



Рис. 4. Зависимость $J_P^a(V_a)$ (кривые 1) и $J_{AP}^a(V_a)$ (кривые 2): a) – $\omega = 2,3 \cdot 10^{14} \text{ c}^{-1}$; б) – $\omega = 3,0 \cdot 10^{14} \text{ c}^{-1}$

Выводы. Мы установили, что характер зависимостей *TMR*^{*a,r*}_{*a,c*}(*V*_{*a*}) во многом определяется частотой переменного напряжения смещения, приложенного к туннельному переходу. При сравнительно низких частотах ($\omega \approx 5 \cdot 10^{13} \text{c}^{-1}$) величины $TMR_{ac}^{a,r}$ убывают с ростом V_a . С увеличением толщины туннельного перехода убывание *TMR*^{*a,r*}_{*ac*} при увеличении постоянного напряжения смещения приобретает осцилляционный более характер. На высоких частотах $(\omega > 2 \cdot 10^{14} c^{-1})$ зависимость $TMR^{a}_{ac}(V_{a})$ усложняется. Так, по мере увеличения частоты зависимость $TMR^a_{ac}(V_a)$ вначале носит резонансный характер, а затем она становится разрывной. В последнем случае зависимость $TMR^{a}_{ac}(V_{a})$ имеет две точки разрыва. При этом существует такое значение V_a , при котором величина TMR^a_{ac} может принимать любое заданное значение как положительное, так и отрицательное. Полученные результаты открывают новые возможности для создания принципиально новых активных и пассивных устройств терагерцевой наноэлектроники.

- Туннельные явления в твердых телах / Ред. Э. Бурштейн, С. Лундквист. – М.: Мир, 1973. – 367 с.
- Resonant Tunneling in Semiconductors: Physics and Applications / Ed. by L. L. Chang, E. E. Mendez and C. Tejedor. – N.Y.-London: Plenum Press, 1991. – Vol. 277. – 538 p.
- Борисенко В. Е., Воробьева А. И., Уткина Е. А. Наноэлектроника. Минск: БГУ, 2004. 223 с.
- Concepts in Spin Electronics / Ed. by S. Maekawa. New York: Oxford University Press, 2006. – 398 p.
- Physics and modeling of tera-and nano-devices // Ed. by M. Ryzhii and V. Ryzhii. – New Jersey: World Scientific, 2008. – 194 p.
- Büttiker M., Landauer R. Transversal time for tunneling // Phys. Rev. Lett. – 1982. – 49, No. 23. – P. 1739–1742.
- Hagmann M. J. Resonance due to the interaction of the tunneling particles with modulation quanta // Appl. Phys. Lett. – 1995. – 66, No. 7. – P. 789–791.
- Ивлев Б. И., Мельников В. И. Квазиклассические процессы в высокочастотном поле // Журн. эксперим. и теорет. физики. – 1986. – <u>90</u>, вып. 6. – С. 2208–2225.
- Пашковский А. Б. Прохождение электронов через квантоворазмерные структуры в высокочастотных полях // Журн. эксперим. и теорем. физики. – 1996. – <u>109</u>, вып. 5. – С. 1779–1805.
- Пашковский А. Б. Нестационарная теория возмущений для задач о прохождении электронов через квантоворазмерные структуры в высокочастотных полях // Физика

и техн. полупроводников. – 1995. – <u>29</u>, № 9. – С. 1712– 1726.

- Gribnikov Z. S., Haddad G. I. Time-dependent electron tunneling through time-dependent tunnel barriers // J. Appl. Phys. – 2004. – <u>96</u>, No. 7. – P. 3831–3838.
- Gribnikov Z. S., Haddad G. I. Differential tunnel transparency of a rectangular heterostructural barrier for the terahertz frequency range // J. Appl. Phys. – 2005. – <u>97</u>, No. 9. – P. 093705(1)–093705(5).
- Абдулкадыров Д. В., Белецкий Н. Н. Туннелирование электронов через нестационарный потенциальный барьер // Радиофизика и электроника. Харьков: Ин-т радиофизики и электрон. НАН Украины. 2008. <u>13</u>, № 2. С. 218–226.
- Chien W. C., Lo C. K., Hsieh L. C. et al. Enhancement and inverse behaviors of magnetoimpedance in a magnetotunneling junction by driving frequency // Appl. Phys. Lett. – 2006. – <u>89</u>. – 202515.
- Tsu R., Esaki L. Tunneling in a finite superlattice // Appl. Phys. Lett. - 1973. - <u>22</u>, No. 11. - P. 562-564.
- Белецкий Н. Н., Борисенко С. А., Яковенко В. М. Магнитосопротивление и спиновая поляризация электронного тока магнитного туннельного перехода // Радиофизика и электроника. – Харьков: Ин-т радиофизики и электрон. НАН Украины. – 2006. – 11, № 1. – С. 87–95.
- Beletskii N. N., Berman G. P., Borysenko S. A. et al. Magnetoresistance of magnetic tunnel junctions with low barrier heights // J. Appl. Phys. – 2007. – <u>101</u>. – 074305.

MAGNETORESISTANCE OF A NON-STATIONARY MAGNETIC TUNNEL JUNCTION

D. V. Abdulkadyrov, N. N. Beletskii

Tunneling of electrons through a non-stationary magnetic tunnel junction in approximation of small amplitude of alternating electric field has been investigated. Dependences of active and passive parts of a high-frequency electronic current density through a magnetic junction on the frequency and the applied constant bias voltage have been studied.

Key word: tunneling electrons, non-stationary magneto junction, high-frequency current.

МАГНІТООПІР НЕСТАЦІОНАРНОГО МАГНІТНОГО ТУНЕЛЬНОГО ПЕРЕХОДУ

Д. В. Абдулкадиров, М. М. Білецький

Досліджено тунелювання електронів крізь нестаціонарний магнітний тунельний перехід у наближенні малої амплітуди змінного електричного поля. Вивчено залежність активної та реактивної складових високочастотного тунельного магнітоопіру переходу від прикладеної постійної напруги зміщення

Ключові слова: тунелювання електронів, нестаціонарний магнітний тунельний перехід, високочастотний струм.

Рукопись поступила 12 мая 2009 г.