Д.В. ГОРОБЕЦ, Ю.А. КЛЫК, И.К. ХРУЩ

ИССЛЕДОВАНИЕ ПРОЦЕССА УПРУГОПЛАСТИЧЕСКОГО ДЕФОРМИРОВАНИЯ ПЕРФОРИРОВАННЫХ ТРУБЧАТЫХ ЭЛЕМЕНТОВ КОНСТРУКЦИЙ ПРИ СЖИМАЮЩИХ НАГРУЗКАХ

Проведено исследование особенностей упругопластического деформирования перфорированных трубчатых элементов. Предложена схема их использования в устройствах пассивной защиты транспортных средств от сверхнормативных ударных нагрузок в аварийных ситуациях.

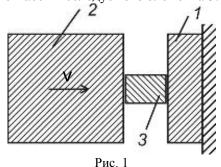
Проведено дослідження особливостей пружнопластичного деформування перфорованих трубчатих елементів. Запропонована схема їх використання в пристроях пасивного захисту транспортних засобів від наднормативних ударних навантажень в аварійних ситуаціях.

Particular features of plasto-elastic deformation of the perforated tubular elements are studied. The schematic diagram of their use in devices of transportation passive protection against superstandard impact loads in an emergency is proposed.

В настоящее время вопросы разработки и создания средств пассивной защиты железнодорожного подвижного состава нового поколения от сверхнормативных ударных воздействий, возникающих при аварийных столкновениях поездов, приобретают все большее значение и актуальность [1-4], поскольку в Украине, как и во всем мире, наблюдается тенденция к повышению скоростей движения. В результате превращения кинетической энергии удара в контролируемую работу деформаций определенных элементов пассивной защиты может быть существенно повышена безопасность пассажиров и сокращены затраты на ликвидацию последствий аварий.

Широкое применение в устройствах пассивной защиты транспортных средств находят конструкции пластинчатого и оболочечного типа [5]. Динамика и статика пластин и оболочек исследовалась А. С. Вольмиром [6] и многими другими авторами [7 – 12], значительно меньшее число работ [13] посвящено исследованию пластин и оболочек с вырезами.

При организации деформируемых зон в несущих конструкциях транспортных средств могут быть использованы элементы перфорированных труб. В данной работе приведены результаты исследований упругопластического деформирования перфорированной стальной трубы прямоугольного поперечного сечения при ударном нагружении. Расчетная схема взаимодействия тел при соударении приведена на рис. 1 (1 - жесткий неподвижный упор, 2 - подвижный боек, 3 - исследуемый фрагмент перфорированной трубы). Боек, движущийся со скоростью <math>V, представляет собой твердое тело, масса которого значительно больше массы исследуемого элемента 3.



Моделируемый процесс соударения описывается системой нелинейных © Д.В. Горобец, Ю.А. Клык, И.К. Хрущ, 2009

Техн. механика. – 2009. – № 3.

дифференциальных уравнений. Нелинейность решаемой задачи обусловлена:

нелинейностью геометрических соотношений (зависимость деформаций от перемещений);

физической нелинейностью (связь напряжений и деформаций);

нелинейностью контактных условий, отражающих взаимодействие элементов механической системы;

неопределенностью самой области контакта в текущий момент времени.

При описании ударных процессов деформации использован критерий текучести Мизеса, учитывающий влияние скорости нагружения на физикомеханические свойства материалов [14]:

$$\sigma_{\mathcal{H}_{B}} \ge \sigma_{T}(\dot{\varepsilon});$$
 (1)

$$\sigma_{_{\partial\mathcal{K}\mathcal{B}}} = \frac{1}{\sqrt{2}}\sqrt{\left(\sigma_x - \sigma_y\right)^2 + \left(\sigma_y - \sigma_z\right)^2 + \left(\sigma_z - \sigma_x\right)^2 + 6(\tau_{xy}^2 + \tau_{yz}^2 + \tau_{zx}^2)}\;,$$

где $\sigma_{g_{KB}}$ — интенсивность напряжений; $\dot{\epsilon}$ — скорость деформации; $\sigma_x, \sigma_y, \sigma_z$ — компоненты нормальных напряжений; $\tau_{xy}, \tau_{yz}, \tau_{zx}$ — компоненты касательных напряжений; σ_T - предел текучести материала. Зависимость предела текучести от скорости деформации $\dot{\epsilon}$ удовлетворительно описывается моделью Купера — Саймондса [15]:

$$\sigma_T(\dot{\varepsilon}) = \left[1 + \left(\frac{\dot{\varepsilon}}{C}\right)^{\frac{1}{p}}\right] \sigma_0, \qquad (2)$$

где σ_0 – статический предел текучести материала; C и p – коэффициенты Купера – Саймондса. Определение коэффициентов C и p осуществляется на основе двух экспериментальных диаграмм растяжения стандартных образцов при разных скоростях деформации.

При решении динамической контактной задачи использован метод конечных элементов в форме метода перемещений, который позволяет исследовать напряженно-деформированное состояние сложных механических систем с учетом их конструктивных особенностей и специфики динамического нагружения, больших пластических деформаций, а также влияние скорости деформации на физико-механические свойства материалов.

Решение динамической задачи сводится к численному интегрированию системы дифференциальных уравнений движения с учетом больших пластических деформаций, когда не накладываются ограничения на порядок величин перемещений, их градиентов и компонент тензора деформаций. При этом целесообразно рассматривать линеаризованные формы уравнений относительно малых приращений, наложенных на текущее равновесное состояние.

Уравнения движения конечных элементов в приращениях в случае больших пластических деформаций имеют вид:

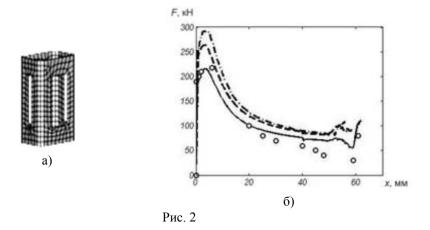
$$M\Delta U + (K + G(\sigma) + R(\sigma))\Delta U = \Delta P$$
 (3)

где M — согласованная матрица масс; K — матрица жесткости; G и R — зависящие от текущих напряжений матрицы геометрической и пластической жесткости; ΔU и ΔP — приращения перемещений и сил в узлах системы.

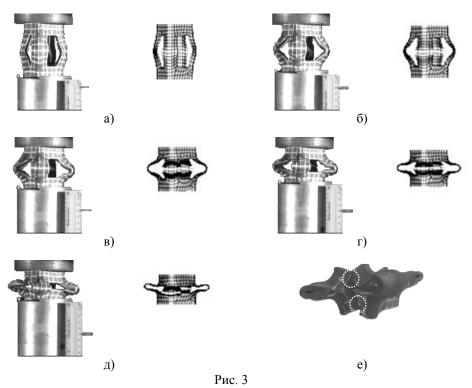
Поскольку до приложения нагрузок тело находится в ненапряженном состоянии, в качестве начального приближения выбирается нулевой вектор узловых перемещений. Принимая нелинейные слагаемые в системе уравнений (3) равными нулю, из решения рассматриваемой системы обыкновенных дифференциальных уравнений определяем приращения перемещений ΔU за промежуток времени Δt , истинные перемещения $U + \Delta U$ и соответствующие им напряжения σ . После каждого последующего шага перемещения U в узлах и напряжения σ в элементах вычисляются добавлением их приращений к текущим значениям. На основе найденных значений напряжений вычисляются новые матрицы $G(\sigma)$ и $R(\sigma)$. В матрицу K также вносятся изменения, связанные с изменением формы конечных элементов. Сходимость решения для существенно нелинейных задач динамики, когда в конструкции развиваются большие пластические деформации, достаточно медленная. Поэтому для снижения невязок в уравнениях равновесия узлов до допустимых величин используется итерационная процедура метода Ньютона – Рафсона. Итерационный процесс повторяется до тех пор, пока отличие перемещений на соседних итерациях не станет меньше заранее заданной величины. Затем рассматривается следующий шаг по времени. Сочетание численного интегрирования системы уравнений (3) с итерационной корректировкой результатов после каждого шага по времени представляет собой один из наиболее эффективных методов решения таких задач.

Учет разрывов материала в исследуемой конструкции выполняется путем исключения из модели конечных элементов, эквивалентные деформации в которых превышают заданное значение относительного удлинения материала при разрыве.

Рассмотрен фрагмент перфорированной трубы прямоугольного поперечного сечения (60×40) мм с толщиной стенки 4 мм и длиной 100 мм, изготовленный из углеродистой стали ($\sigma_0 = 380 \text{ M}\Pi \text{a}$, относительное удлинение при разрыве $\delta = 38\%$). Исследуемый фрагмент трубы имеет центральные сквозные отверстия размером (4×60) мм на меньших гранях, (24×60) мм – на больших гранях. На рис. 2а представлена его конечно-элементная схема, а на рис. 26 приведена диаграмма деформирования рассматриваемого элемента, где сплошной кривой обозначена зависимость, полученная путем численного моделирования процесса квазистатического нагружения, а точками нанесены экспериментальные данные (сжатие рассматриваемого образца проведено на прессе ПММ-125 в отделе прочности, динамики и технологии изготовления конструкций Института технической механики НАН Украины и НКА Украины аналогично экспериментальным исследованиям процесса деформирования конструкций коробчатого типа [16]). При моделировании процессов квазистатического сжатия исключалась зависимость предела текучести материала от скорости деформации заданием достаточно большого значения коэффициента C в выражении (2), равного 10^6 с⁻¹.



Формы фрагмента перфорированной трубы в процессе сжатия показаны на рис. 3: а) $\Delta x = 10$ мм; б) $\Delta x = 20$ мм; в) $\Delta x = 30$ мм; г) $\Delta x = 40$ мм, д) $\Delta x = 50$ мм. С левой стороны приведены формы, полученные в эксперименте, а с правой — в результате численного моделирования. Установлено, что потеря устойчивости рассматриваемого элемента происходила при нагрузке 220 кН в результате образования пластических шарниров на ребрах в местах перфорации (рис. 3а). После потери устойчивости сила взаимодействия F резко уменьшилась до значения 100 кН при деформации 20 мм (рис. 2б). При деформации порядка 60 мм значение силы составило согласно экспериментальным данным 45 кН, а согласно результатам расчетов — 75 кН.



В эксперименте процесс деформирования после складывания перфорированной части фрагмента трубы завершился его разрушением в результате разрывов на меньших его гранях при силе 45 кН (рис. 3e).

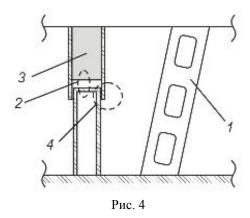
Полученные результаты математического моделирования процесса деформирования качественно и количественно согласуются с экспериментальными данными, что подтверждает корректность разработанной конечно-элементной модели.

Дана оценка влияния скорости нагружения на процесс деформирования рассматриваемого фрагмента трубы. На рис. 2б приведены диаграммы его деформирования с учетом зависимости предела текучести материала от скорости деформации. Рассмотрены случаи ударов бойка со скоростями 1 м/с (пунктирная кривая) и 10 м/с (штрихпунктирная кривая). Полученные в процессе деформирования формы перфорированного фрагмента трубы в обоих случаях аналогичны формам при квазистатическом нагружении. Однако скорость соударения оказывает существенное влияние на значение силы, при которой происходит потеря устойчивости исследуемого элемента трубы. Для скорости соударения 1 м/с значение этой силы было больше, чем при статическом нагружении, в 1,18 раз, а для скорости 10 м/с – в 1,32 раза. Наблюдаемое с возрастанием скорости удара повышение уровня сил связано с повышением предела текучести и свойством запаздывания пластических деформаций материала рассматриваемого элемента.

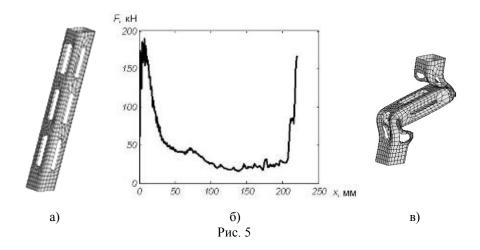
В целом, и при квазистатическом, и при ударном нагружении после появления пластических деформаций в элементах рассматриваемого фрагмента трубы значение силы F резко понижалось и становилось в три-четыре раза меньше значения силы, при которой происходила потеря его несущей способности. Снижение нагрузки было вызвано появлением пластических шарниров на ребрах конструкции в местах, ослабленных перфорацией. Отмеченные особенности деформирования перфорированной трубы дают возможность использовать его для организации деформируемых зон, которые должны в аварийной ситуации разрушаться заданным образом с целью изменения схемы распределения ударного воздействия на несущие элементы конструкпии.

Для организации деформируемых зон в несущих конструкциях предполагается использование последовательно соединенной цепочки данных элементов с установкой ее под некоторым углом к действию продольных сил. В этом случае при потере несущей способности на ребрах в местах перфорации возникнут пластические шарниры, в результате чего цепочка будет складываться без существенного сопротивления. Условная схема использования такого элемента совместно с энергопоглощающим устройством приведена на рис. 4 (1 – фрагмент перфорированной трубы, 2 – зазор, 3 – энергопоголощающее устройство, 4 – устройство центрирования удара).

До потери несущей способности рассматриваемый элемент (1) передает продольную нагрузку. При достижении силами критических значений, соответствующих аварийному режиму, элемент будет изгибаться и произойдет перераспределение продольной нагрузки, в основном на элемент (3).



В качестве примера рассмотрим деформируемый элемент (1) в виде прямоугольной трубы 40х60 мм длиной 310 мм с тремя группами отверстий, расположенных последовательно с шагом 30 мм. Труба расположена под углом 15 градусов к направлению действия сжимающих сил. Торцевое сечение трубы с одной стороны имеет жесткую заделку, с другой стороны — ограничения перемещений в плоскости своего сечения. Конечно-элементная схема рассматриваемого элемента приведена на рис. 5а.



При квазистатическом нагружении до достижения силой значения 190 кН модель работает в упругой зоне (рис. 5б), а при превышении указанного значения начинается образование пластических шарниров и под действием изгибающих моментов конструкция подвергается изгибу по краям в местах перфорации (рис. 5в). В процессе пластического деформирования конструкции до 210 мм включительно сила F находится в диапазоне $20 \div 50$ кН. Отметим, что полученная силовая характеристика и форма деформирования соответствует требуемому сценарию поведения элемента 1 (рис. 4).

Таким образом, в результате проведенного анализа процессов деформирования перфорированных трубчатых элементов установлено, что их применение при организации деформируемых зон в составе несущих конструкций железнодорожных транспортных средств позволит заданным образом перераспределить нагрузки при сверхнормативных ударных воздействиях в аварийной ситуации. При этом нужно учитывать, что увеличение скорости со-

ударения сопровождается повышением уровня силового воздействия, при котором происходит потеря несущей способности рассматриваемого фрагмента перфорированной трубы.

- Пассивная безопасность пассажирского подвижного состава // Железные дороги мира. 2007. №6. С. 61 – 65.
- 2. *Богомаз Г. И.* Повышение безопасности пассажирского поезда при аварийных ситуациях / Γ . И. Богомаз, А. Д. Лашко, А. Н. Пшинько, О. А. Шкабров, Γ . С. Игнатов // Залізничний транспорт України. 2007. N 4. С. 44 48.
- 3. *Науменко Н. Е.* Исследование эффективности использования защитных устройств, предназначенных для вагонов и локомотивов скоростных пассажирских поездов, в аварийных ситуациях / *Н. Е. Науменко, И. Ю. Хижа, Е. Г. Богомаз* // Техническая механика. − 2005. № 1. С. 144 150.
- 4. *Науменко Н. Е.* Оценка эффективности использования элементов защиты конструкций локомотивов и вагонов пассажирских поездов при аварийных соударениях / *Н. Е. Науменко, И. Ю. Хижа, Е. Г. Богомаз, Д. В. Горобец* // Вісник Дніпропетровського національного університету залізничного транспорту імені академіка В. Лазаря на. Дніпропетровськ, 2005. Вип. 8. С. 79 85.
- 5. Богомаз Г. И. Расчет рам пассажирских вагонов, оборудованных жертвенными элементами при действии продольных сил / Г. И. Богомаз, Д. В. Горобец, Ю. А. Клык, И. К. Хрущ // Проблеми обчислювальної механіки та міцності конструкцій : Збірник наукових праць / Дніпропетровський національний університет. Дніпропетровськ, 2007. Вип. 11. С. 15 22.
- 6. Вольмир A. C. Нелинейная динамика пластинок и оболочек / A. C. Вольмир. M. : Наука, 1987. 432 с.
- 7. *Моссаковский В. И.* Контактные взаимодействия элементов оболочечных конструкций / В. И. Моссаковский, В. С. Гудрамович, Е. М. Макеев. Киев: Наукова думка, 1988. 288 с.
- Саймондс П. Мембранные модальные решения для импульсно нагруженных круглых пластин / П. Саймондс, Т. Вежбицкий // Динамика неупругих конструкций: сб. статей: пер. с англ. О. В. Шаталовой М.: Мир, 1982. 224 с.
- Мазалов В. Н. Динамика тонкостенных пластических конструкций / В. Н. Мазалов, Ю. В. Немировский // Проблемы динамики упругопластических средств. Механика. Новое в зарубежной науке, №5. М.: Мир, 1975 200 с.
- 10. *Васидзу К.* Вариационные методы в теории упругости и пластичности / *К. Васидзу.* М. : Мир, 1987. 542 с.
- 11. *Савчук А*. О пластическом анализе оболочек / *А. Савчук //* Механика деформируемых твердых тел: Направления развития: сб. статей: пер. с англ. *В. В. Шлимака.* М.: Мир, 1983. 346 с.
- 12. *Богомаз Г. И.* Устойчивость жертвенных элементов устройств защиты пассажирских вагонов при осевом сжатии / Г. И. Богомаз, Д. В. Горобец, И. К. Хрущ // Техническая механика. 2006. № 1. С. 56 59.
- 13. *Преображенский И. Н.* Обзор. О задачах по устойчивости и колебаниям многосвязных тонкостенных деформируемых систем. / И. Н. Преображенский // Колебания и устойчивость многосвязных тонкостенных систем: сб. статей: пер. с англ. И. Н. Преображенский. М.: Мир, 1984 312 с.
- 14. *Батуев Г. С.* Инженерные методы исследований ударных процессов / *Г. С. Батуев, Ю. В. Голубков, А. К. Ефремов, А. А. Федосов. М.: Машиностроение, 1977. 240 с.*
- 15. Cowper G. R. Strain Hardening and Strain Rate Effects in the Impact Loading of Cantilever Beams / G. R. Cowper, P. S. Symonds // BrownUniv.: Applied Mathematics Report. 1958. P. 28.
- 16. *Богомаз Г. И.* Исследование процесса деформирования конструкций коробчатого типа при действии сжимающих нагрузок / Г. И. Богомаз, В. С. Гудрамович, М. Б. Соболевская, С. А. Сирота, И. К. Хрущ, Д. В. Горобец // Вісник Дніпропетровського Національного університету залізничного транспорту ім. акад. В. Лазаряна. Дніпропетровськ: Вид-во Дніпропетр. нац. ун-ту залізн. трансп. ім. акад. В. Лазаряна. 2007. № 18. С. 114—117.

Институт технической механики НАН Украины и НКА Украины, Днепропетровск

Получено 21.05.09, в окончательном варианте 09.06.09