Д. т. н. А. А. АЩЕУЛОВ, д. ф.-м. н. И. В. ГУЦУЛ

Украина, г. Черновцы, Институт термоэлектричества; ЧНУ им. Юрия Федьковича E-mail: photon@argocom.cv.ua Дата поступления в редакцию 29.04 2005 г. Оппоненты д. ф.-м. н. З. Д. КОВАЛЮК (ЧФ ИПМ, г. Черновцы), д. т. н. В. В. ДАНИЛОВ (ДонНУ, г. Донецк)

# ИССЛЕДОВАНИЕ АНИЗОТРОПНЫХ ОПТИКОТЕРМОЭЛЕМЕНТОВ В СЛУЧАЕ РАЗЛИЧНЫХ ОПТИЧЕСКИХ И ТЕПЛОВЫХ РЕЖИМОВ

Исследования впервые позволили предложить и реализовать метод «прозрачной стенки», предназначенный для регистрации лучистых потоков повышенной плотности в широком спектральном диапазоне.

В настоящее время определенный интерес представляет эффект поперечной термоЭДС, обусловленный анизотропией коэффициентов термоЭДС [1] и теплопроводности [2]. Его исследованию посвящен ряд публикаций [3—8], где на основе уравнений теплопроводности с соответствующими граничными условиями рассмотрены конкретные распределения температур и термоэлектрических потенциалов анизотропной пластины, экспериментальное сравнение которых проведено в [9, 10].

Появление источников энергии повышенной плотности обусловило возникновение проблемы их преобразования и регистрации. Для ее решения впервые было предложено использовать среды с различной степенью оптической прозрачности при одновременном преобразовании поглощенной части энергии с помощью известных теплопирокалориметрических эффектов [11—14]. Проведенный анализ показал, что для лучистых потоков УФ-, видимой, ИК- и СВЧ-областей спектра реализация этого метода перспективна в случае вышеупомянутой поперечной термоЭДС, послужившей в дальнейшем основой для появления оригинальных анизотропных оптикотермоэлементов (АОТ) [15—17].

В настоящей работе представлены результаты исследований некоторых АОТ, проведенных авторами, в случае различных распределений температур и направлений лучистых потоков, а также рассмотрены их особенности.

### АОТ при одномерном распределении температур

В первых публикациях, посвященных исследованию поперечной термо ЭДС с учетом оптических свойств, АОТ рассматривались в виде прямоугольной пластины l длиной a, высотой b и шириной c из оптически прозрачного материала, анизотропного по коэффициентам теплопроводности  $\hat{\chi}$  и термо ЭДС  $\hat{\alpha}$  (**рис. 1**). Эти тензоры в лабораторной системе координат (*XYZ*), смещенной на угол  $\varphi$  в плоскости *X*0*У* относительно кристаллографической (*X'YZ*), имеют вид



Рис. 1. Схема АОТ в случае термостатирования нижней рабочей грани:

 I — пластина из анизотропного материала; 2 — термостат; 3 — электровыводы. Справа — лабораторная система координат XYZ и ориентация главных кристаллографических осей XYZ' монокристаллической пластины I

$$\hat{\boldsymbol{\chi}} = \begin{vmatrix} \boldsymbol{\chi}_{\mathrm{II}} \cdot \sin^2 \boldsymbol{\varphi} + \boldsymbol{\chi}_{\perp} \cdot \cos^2 \boldsymbol{\varphi} & (\boldsymbol{\chi}_{\mathrm{II}} - \boldsymbol{\chi}_{\perp}) \cdot \sin \boldsymbol{\varphi} \cdot \cos \boldsymbol{\varphi} & \boldsymbol{0} \\ (\boldsymbol{\chi}_{\mathrm{II}} - \boldsymbol{\chi}_{\perp}) \cdot \sin \boldsymbol{\varphi} \cdot \cos \boldsymbol{\varphi} & \boldsymbol{\chi}_{\mathrm{II}} \cdot \cos^2 \boldsymbol{\varphi} + \boldsymbol{\chi}_{\perp} \cdot \sin^2 \boldsymbol{\varphi} & \boldsymbol{0} \\ \boldsymbol{0} & \boldsymbol{0} & \boldsymbol{\chi}_{\perp} \end{vmatrix}, \quad (1)$$

$$\hat{\alpha} = \begin{vmatrix} \alpha_{\mathrm{II}} \cdot \sin^2 \varphi + \alpha_{\perp} \cdot \cos^2 \varphi & (\alpha_{\mathrm{II}} - \alpha_{\perp}) \cdot \sin \varphi \cdot \cos \varphi & 0 \\ (\alpha_{\mathrm{II}} - \alpha_{\perp}) \cdot \sin \varphi \cdot \cos \varphi & \alpha_{\mathrm{II}} \cdot \cos^2 \varphi + \alpha_{\perp} \cdot \sin^2 \varphi & 0 \\ 0 & 0 & \alpha_{\perp} \end{vmatrix}.$$
(2)

На верхнюю грань этой пластины падает однородный монохроматический лучистый поток плотностью  $q_0$ , а ее нижняя грань находится в теплооптическом контакте с термостатом 2 при температуре  $T=T_0$ . Термостат 2 выполнен из изотропного материала, оптический спектральный диапазон которого совпадает с соответствующим диапазоном длин волн материала АОТ. Боковые грани АОТ адиабатически изолированы, при этом краевые эффекты не учитываются (a=c>>b) [4].

Распределение температуры АОТ при антипараллельных направлениях градиента температуры и лучистого потока находится из основного уравнения теплопроводности [18] при наличии внутренних источников тепла:

$$\frac{\partial T}{\partial t} = \frac{1}{c_0 d} \sum_{i,k=1}^3 \chi_{ik} \frac{\partial^2 T}{\partial x_i \partial x_k} + \frac{q_v}{c_0 d},\tag{3}$$

где $c_{\underline{0}}$  — удельная теплоемкость;

d — плотность материала АОТ;

- χ<sub>*ik*</sub> соответствующие компоненты тензора теплопроводности;
- *q<sub>v</sub>* количество тепла, выделяемого внутренними источниками в единице объема за единицу времени и определяемого законом Бугера–Ламберта.

В случае стационарного распределения темпера-

туры 
$$\left(\frac{\partial T}{\partial t}=0\right)$$
 для приближений  $\frac{\partial T}{\partial x}=\frac{\partial T}{\partial z}=0$ ,  
 $\chi_{12}<\chi_{22}$  уравнение (3) приобретает вид

$$\chi_{22}\frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + q_0 \gamma \cdot e^{-\gamma(b-y)} = 0, \qquad (4)$$

где ү — коэффициент оптического поглощения материала АОТ.

Решая (4) при граничных условиях

$$T\Big|_{y=0} = T_0, \quad \frac{\partial T}{\partial y}\Big|_{y=b} = 0, \tag{5}$$

получим одномерное распределение температуры объема АОТ:

$$T(y) = T_0 + \frac{q_0}{\chi_{22}} \left[ y + \frac{e^{-\gamma b}}{\gamma} \left( 1 - e^{-\gamma y} \right) \right].$$
(6)

Компоненты напряженности термоэлектрического поля  $\vec{E}^{T}$  определяются соотношением

$$E_i^T = \sum_{k=1}^3 \alpha_{ik} \frac{\partial T}{\partial x_k} \,. \tag{7}$$

Подставляя (6) в (7), получим:

$$E_x^T = \alpha_{12} \frac{\partial T}{\partial y} = q_0 \frac{\alpha_{12}}{\chi_{22}} \left[ 1 - e^{-\gamma(b-y)} \right].$$
(8)

В соответствии с [5] термоЭДС є определяется следующим образом:

$$\varepsilon = \frac{1}{bc} \int_{0}^{b} dy \int_{0}^{c} dz \int_{0}^{a} E_{x}^{T} dx$$
 (9)

Подставляя (8) в (9), получаем термоЭДС рассматриваемого АОТ:

$$\varepsilon^{\uparrow\downarrow} = q_0 a \frac{\alpha_{12}}{\chi_{22}} \left[ 1 - \frac{1}{\gamma b} \left( 1 - e^{-\gamma b} \right) \right]. \tag{10}$$

Коэффициент полезного действия (КПД) η [14] таких устройств определяется соотношением [15]

$$\eta = \eta_k \frac{1}{1+\Lambda},\tag{11}$$

где  $\eta_k$  — КПД цикла Карно;

$$\Lambda = \frac{DI_0}{A};$$

$$A = I^2 R_{\text{RH}} - \text{мощность AOT;}$$

 $\ddot{B}$  — скорость возникновения энтропии объема AOT —

$$B = \frac{Q_0}{T_0} - \frac{Q_1}{T_1} = \chi_{22} S \left[ \left| \frac{1}{T_0} \frac{dT}{dy} \right|_{y=0} - \frac{1}{T_1} \frac{dT}{dy} \right|_{y=b} \right].$$
(12)

Здесь  $Q_0$  и  $Q_1$  — количество теплоты на нижней и верхней гранях АОТ, соответственно, S=ac — площадь этих граней,  $T_1$  — температура верхней грани. С учетом (6), для (12) получаем:

$$B = q_0 a c T_0^{-1} \left( 1 - e^{-\gamma b} \right). \tag{13}$$

Ток І, протекающий через АОТ,

$$I = \frac{\varepsilon}{R_i + R_{\rm BH}} = \frac{q_0 a \alpha_{12}}{(R_i + R_{\rm BH}) \chi_{22}} \left[ 1 - \frac{1}{\gamma b} \left( 1 - e^{-\gamma b} \right) \right], \quad (14)$$
  
где  $R_i = \rho \frac{a}{L}$  — внутреннее сопротивление АОТ;

В случае  $R_i = R_{\rm BH}$  выражение для работы A с учетом (14) приобретает вид

$$A = \frac{q_0^2 a b c \alpha_{12}^2}{4 \rho \chi_{22}^2} \left[ 1 - \frac{1}{\gamma b} \left( 1 - e^{-\gamma b} \right) \right]^2, \qquad (15)$$

а безразмерный параметр Λ, входящий в выражение для КПД η, можно представить как

$$\Lambda = \frac{4\rho\chi_{22}^{2}(1 - e^{-\gamma b})}{q_{0}b\alpha_{12}^{2}\left[1 - \frac{1}{\gamma b}(1 - e^{-\gamma b})\right]^{2}}.$$
 (16)

В результате, подставляя (16) в (11) с учетом (6), получаем:

$$\eta^{\downarrow\uparrow} = \frac{q_0 b \chi_{22}^{-1} \left[ 1 + \frac{1}{\gamma b} \left( -1 + e^{-\gamma b} \right) \right]}{T_0 + q_0 b \chi_{22}^{-1} \left[ 1 + \frac{1}{\gamma b} \left( -1 + e^{-\gamma b} \right) \right]} \\ \left[ 1 + \frac{4\rho \chi_{22}^2 \left( 1 - e^{-\gamma b} \right)}{q_0 b \alpha_{12}^2 \left[ 1 - \frac{1}{\gamma b} \left( 1 - e^{-\gamma b} \right) \right]^2} \right]^2 \right].$$
(17)

В некоторых случаях, например АОТ с верхней термостатированной рабочей гранью (**рис. 2**), направление распространения лучистого потока и градиента температуры совпадают [11]. Лучистый поток плотностью  $q_0$  падает на верхнюю грань термостата *1* толщиной  $b_1$ 



Рис. 2. Схема АОТ в случае термостатирования верхней рабочей грани:

I — термостат; 2 — анизотропная пластина; 3 — электрические контакты. Справа — лабораторная система координат XYZ и ориентация главных кристаллографических осей XYZ монокристаллической пластины 2

из оптически прозрачного в требуемом спектральном диапазоне длин волн материала с коэффициентом поглощения  $\gamma_1$ . Нижняя грань термостата находится в теплооптическом контакте с верхней гранью пластины 2 при температуре  $T=T_0$ . Боковые и нижняя грани пластины 2 адиабатически изолированы. Распределение температуры такого термоэлемента также находится из уравнения теплопроводности (3), аналогично (4):

$$\chi_{22} \frac{\mathrm{d}^2 T}{\mathrm{d}y^2} + q_0 \cdot e^{-\gamma_1 b_1} \cdot \gamma \cdot e^{-\gamma(b-y)} = 0.$$
 (18)

Решая уравнение (18) при граничных условиях

$$\frac{dT}{dy}\Big|_{y=0} = 0, \ T\Big|_{y=b} = T_0,$$
(19)

получим распределение температуры этого АОТ:

$$T = T_0 + \frac{q_0 e^{-\gamma_1 b_1}}{\chi_{22}} \left\{ (y-b) e^{-\gamma b} + \frac{1}{\gamma} \left[ 1 - e^{-\gamma(b-y)} \right] \right\}.$$
 (20)

Используя соотношения (7) и (9), получим выражение поперечной термоЭДС  $\varepsilon^{\downarrow\downarrow}$  АОТ с параллельным направлением лучистого потока и градиента температуры:

$$\epsilon^{\downarrow\downarrow} = \frac{q_0 a \alpha_{12} e^{-\gamma_1 b_1}}{\chi_{22}} \bigg\{ e^{-\gamma b} - \frac{1}{\gamma b} \bigg[ 1 - e^{-\gamma b} \bigg] \bigg\}.$$
 (21)

Аналогично (17), коэффициент полезного действия  $\eta^{\downarrow\downarrow}$  для этого случая

$$\eta^{\downarrow\downarrow} = \frac{q_{0}\gamma^{-1}e^{-\gamma_{1}b_{1}}\chi_{22}^{-1}\left[1-e^{-\gamma_{b}}\left(1+\gamma_{b}\right)\right]}{T_{0}+q_{0}\gamma^{-1}e^{-\gamma_{1}b_{1}}\chi_{22}^{-1}\left[1-e^{-\gamma_{b}}\left(1+\gamma_{b}\right)\right]} \times \left\{1+\frac{4\rho e^{-\gamma_{1}b_{1}}\left(1-e^{-\gamma_{b}}\right)\chi_{22}^{-1}}{q_{0}b\alpha_{12}^{2}\left[e^{-\gamma_{b}}-\frac{1}{\gamma_{b}}\left(1-e^{-\gamma_{b}}\right)\right]^{2}}\right\}^{-1}.$$
(22)

Из (10), (17), (21), (22) следует, что в зависимости от степени оптической прозрачности вольт-ваттная чувствительность [9]  $S_0$  и коэффициент полезного действия  $\eta$  АОТ с антипараллельным и параллельным распространением лучистого потока по отношению к градиенту температуры в случае одномерного распределения температуры имеют вид:

а) режим оптического пропускания ( $\gamma b << 1$ ,  $\gamma_1 b_1 << 1$ ) —

$$S_{01}^{\uparrow\downarrow} = \frac{\alpha_{12}}{2\chi_{22}c} \gamma b ;$$
 (23)

$$\eta_{I}^{\downarrow\uparrow} = \frac{q_{0}b\chi_{22}^{-1}\gamma b}{2T_{0} + q_{0}b\chi_{22}^{-1}\gamma b} \left[1 + \frac{8\rho\chi_{22}^{2}(2 - \gamma b)}{q_{0}b\alpha_{12}^{2}\gamma b}\right]^{-1};$$
(24)

$$S_{01}^{\downarrow\downarrow} = \frac{\alpha_{12}}{\chi_{22}c} e^{-\gamma_1 b_1} \gamma b; \qquad (25)$$

$$\eta_{1}^{\downarrow\downarrow} = \frac{q_{0}b\chi_{22}^{-1}\gamma b e^{-\gamma_{1}b_{1}}}{T_{0} + q_{0}b\chi_{22}^{-1}\gamma b e^{-\gamma_{1}b_{1}}} \left[1 + \frac{4\rho\chi_{22}^{2}e^{\gamma_{1}b_{1}}}{q_{0}b\alpha_{12}^{2}\gamma b}\right]^{-1};$$
(26)

б) режим объемного поглощения ( $\gamma b \approx 1, \gamma_1 b_1 \ll 1$ ) —

$$S_{02}^{\uparrow\downarrow} = \frac{\alpha_{12}}{e\chi_{22}c};$$
 (27)

$$\eta_{2}^{\downarrow\uparrow} = \frac{q_{0}b\chi_{22}^{-1}e^{-1}}{T_{0} + q_{0}b\chi_{22}^{-1}e^{-1}} \left[1 + \frac{4\rho\chi_{22}^{2}(1 - e^{-1})}{q_{0}b\alpha_{12}^{2}e^{-2}}\right]^{-1};$$
(28)

$$S_{02}^{\downarrow\downarrow} = \frac{\alpha_{12}}{\chi_{22}ce} e^{-\gamma_1 b_1} (e-2) , \qquad (29)$$

$$\eta_{2}^{\downarrow\downarrow} = \frac{q_{0}\chi_{22}^{-1}\gamma^{-1}e^{-\gamma_{1}b_{1}}(1-2e^{-1})}{T_{0}+q_{0}\chi_{22}^{-1}\gamma^{-1}e^{-\gamma_{1}b_{1}}(1-2e^{-1})} \left[1 + \frac{4\rho\chi_{22}^{2}e^{\gamma_{1}b_{1}}(1-e^{-1})}{q_{0}b\alpha_{12}^{-2}(2e^{-1}-1)^{2}}\right]^{-1}; \quad (30)$$

в) режим поверхностного поглощения ( $\gamma b >> 1$ ,  $0 < \gamma_1 b_1 \le \gamma b$ ) —

$$S_{03}^{\uparrow\downarrow} = \frac{\alpha_{12}}{\chi_{22}c} (1 - \frac{1}{\gamma b});$$
(31)

$$\eta_{3}^{\downarrow\uparrow} = \frac{q_{0}b\chi_{22}^{-1}}{T_{0} + q_{0}b\chi_{22}^{-1}} \left[1 + \frac{4\rho\chi_{22}^{2}}{q_{0}b\alpha_{12}^{2}}\right]^{-1}; \qquad (32)$$

$$S_{03}^{\downarrow\downarrow} = \frac{\alpha_{12}}{\chi_{22}c} \frac{1}{\gamma b} e^{-\gamma_1 b_1} , \qquad (33)$$

$$\eta_{3}^{\downarrow\downarrow} = \frac{q_{0}\chi_{22}^{-1}\gamma^{-1}e^{-\gamma_{1}b_{1}}}{T_{0} + q_{0}\chi_{22}^{-1}\gamma^{-1}e^{-\gamma_{1}b_{1}}} \left[1 + \frac{4\rho\chi_{22}^{2}e^{\gamma_{1}b_{1}}}{q_{0}b\alpha_{12}^{2}}(\gamma b)^{2}\right]^{-1}.$$
 (34)

Анализ выражений (23) — (34) показывает, что максимальные значения вольт-ваттной чувствительности  $S_0$  и КПД  $\eta$  определяются анизотропией коэффициентов термоЭДС  $\hat{\alpha}$  и теплопроводности  $\hat{\chi}$  и наблюдаются при некоторых оптимальных углах  $\phi_{onr}$ , значения которых находятся из [5]:

$$\frac{\partial \varepsilon}{\partial \varphi} = 0, \quad \frac{\partial^2 \varepsilon}{\partial \varphi^2} < 0$$
 (35)

Проведенные исследования позволили сделать выводы о том, что эффективное использование АОТ в роли энергетических преобразователей перспективно в случае режима поверхностного поглощения ( $\gamma b >> 1$ ) при антипараллельном расположении лучистого потока и градиента температуры. Термоэлементы, работающие в режиме оптического пропускания ( $\gamma b << 1$ ), наиболее эффективно проявили себя в качестве информационных преобразователей, позволивших предложить и реализовать новый метод регистрации лучистых потоков, названный нами методом "прозрачной стенки", а также создать оригинальные средства для регистрации и непрерывного контроля проходящих лучистых потоков различной мощности [14].

### АОТ при двухмерном распределении температуры, обусловленном анизотропией теплопроводности

Двухмерное распределение температуры, обусловленное анизотропией теплопроводности материала АОТ при антипараллельных направлениях лучистого потока и градиента температуры (рис. 1), также находится из уравнения теплопроводности (3), которое в приближении  $\chi_{11} > \chi_{12}, \chi_{22} > \chi_{12}$  для стационарного случая имеет вид

$$\xi^2 \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + q_0 \gamma \Big[ e^{-\gamma(b-y)} + e^{-\gamma x} \Big] = 0, \qquad (36)$$

где  $\xi^2 = \frac{\chi_{11}}{2}$  $\chi_{22}$ 

Решение уравнения (36) проводится при граничных условиях

$$\frac{\partial T}{\partial x}\Big|_{x=0} = \frac{\partial T}{\partial x}\Big|_{x=a} = 0, \quad T\Big|_{y=0} = T_0, \quad \frac{\partial T}{\partial y}\Big|_{y=b} = 0.$$
(37)

Известно, что собственной функцией задачи Штурма–Лиувиля [19, 20]

$$\frac{\mathrm{d}^2 f}{\mathrm{d}x^2} + \lambda^2 f = 0, \quad \frac{\mathrm{d}f}{\mathrm{d}x}\Big|_{x=0} = \frac{\mathrm{d}f}{\mathrm{d}x}\Big|_{x=a} = 0 \tag{38}$$

является функция cosλ, x, отвечающая собственному

значению  $\lambda_n = \frac{n\pi}{a}$ , где n = 0, 1, 2, ...

Система  $\{\cos \lambda_n x\}_{n=0}^{\infty}$  — полная, замкнутая ортогональная система функций на отрезке [0, *a*], что позволяет разложить функции f(x) в ряд Фурье.

Функция f(x) по своему изображению [20]

$$\hat{F}_n[f(x)] = \int_0^a f(x) \cos \lambda_n x dx \equiv f_n$$
(39)

однозначно восстанавливается по правилу

$$f(x) = \hat{F}_n^{-1} \left[ f_n \right] = \frac{1}{a} \sum_{n=0}^{\infty} \delta_n f_n \cos \lambda_n x, \qquad (40)$$

где  $\delta_n = \begin{cases} 1, & n = 0 \\ 2, & n = 1, 2... \end{cases}$ 

Соотношения (39) и (40) носят название законченного прямого  $\hat{F}_n$  и обратного  $\hat{F}_n^{-1}$  интегральных косинус-преобразований Фурье [19]. Применив к (36), (37) оператор  $\hat{F}_n$  по правилу (39), вследствие тождественности

$$\hat{F}_{n}\left[\xi^{2}\frac{\partial^{2}T}{\partial x^{2}}\right] \equiv \int_{0}^{a}\xi^{2}\frac{\partial^{2}T}{\partial x^{2}}\cos\lambda_{n}xdx \equiv -\xi^{2}\lambda_{n}^{2}T_{n}(y), \quad (41)$$
rge

$$T_n(y) = \int_0^{\infty} T(x, y) \cos \lambda_n x dx , \qquad (42)$$

получаем задачу построения решения уравнения

$$\frac{\mathrm{d}^2 T_n}{\mathrm{d}y^2} - \xi^2 \lambda_n^2 T_n(y) = -\Phi_n(y), \quad y \in (0,b) , \qquad (43)$$

причем

$$\Phi_n(y) = \int_0^a \frac{q_0 \gamma}{\chi_{22}} \left[ e^{-\gamma(b-y)} + e^{-\gamma x} \right] \cos \lambda_n x dx$$
(44)

при граничных условиях

$$T_{0}(y)\Big|_{y=0} = T_{0n} T_{0n} = \int_{0}^{a} T_{0} \cdot \cos \lambda_{n} x \cdot dx = \begin{cases} T_{0}a, & n=0\\ 0, & n=1,2..., \frac{dT_{n}(y)}{dy} \end{vmatrix}_{y=b} = 0.$$
(45)

При *n*=0 уравнение теплопроводности (43) приобретает вид

$$\frac{\mathrm{d}^2 T_0}{\mathrm{d}y^2} = -\int_0^a \frac{q_0 \gamma}{\chi_{22}} \Big[ e^{-\gamma(b-y)} + e^{-\gamma x} \Big] \mathrm{d}x \tag{46}$$

**v**o 4

=

при следующих граничных условиях:

$$T_0(y)\Big|_{y=0} = T_0 a; \ \frac{\mathrm{d}T_0(y)}{\mathrm{d}y}\Big|_{y=b} = 0.$$
 (47)

Решение уравнений (46), (47) получаем в виде

$$T_{0}(y) = T_{0}a + \frac{q_{0}a}{\chi_{22}} \left\{ \frac{e^{-\gamma b}}{\gamma} + \left[ 1 + \frac{b}{a} (1 - e^{-\gamma a}) \right] y - \frac{e^{-\gamma (b-y)}}{\gamma} - \frac{1 - e^{-\gamma a}}{2a} y^{2} \right\}.$$
(48)

Для *n*>0 общее решение (43) находится в виде суммы общего решения однородного и частного решения неоднородного уравнений, т. е.

$$T_{n}(y)\Big|_{n>0} = T_{n}^{\text{odH}}(y) + T_{n}^{\text{HeodH}}(y).$$
(49)

Общее решение однородного уравнения (43) ищем в виде

$$T_n^{\text{odH}}(y)\Big|_{n>0} = A_{1n} \operatorname{ch}(\xi \lambda_n y) + A_{2n} \operatorname{sh}(\xi \lambda_n y) .$$
 (50)

Поскольку правая часть (43) определяется выражением (44), то после интегрирования она приобретает вид

$$\Phi_{n}(y) = \frac{q_{0}\gamma^{2}}{\chi_{22}} \frac{\left[1 - (-1)^{n}e^{-\gamma a}\right]}{(\lambda_{n}^{2} + \gamma^{2})}$$
(51)

и является постоянной величиной.

Для частного решения  $T_n^{\text{неодн}}(y)$  получаем:

$$T_{n}^{\text{HeodH}}(y)\Big|_{n>0} = \frac{q_{0}\gamma^{2}}{\chi_{22}} \frac{\left[1 - (-1)^{n} e^{-\gamma a}\right]}{\xi^{2}\lambda_{n}^{2}(\lambda_{n}^{2} + \gamma^{2})}.$$
 (52)

Коэффициенты  $A_{1n}$  и  $A_{2n}$  вычислим после подстановки (50) и (52) в выражение (49) при граничных условиях

$$T_n(y)\Big|_{y=0} = 0; \quad \frac{\mathrm{d}T_n(y)}{\mathrm{d}y}\Big|_{y=b} = 0.$$
 (53)

В результате общее решение неоднородного уравнения (43) при *n*>0 приобретает вид

$$T_{n}(y)\Big|_{n>0} = \frac{q_{0}\gamma^{2}}{\chi_{22}} \frac{\left[1 - (-1)^{n}e^{-\gamma a}\right]}{\xi^{2}\lambda_{n}^{2}(\lambda_{n}^{2} + \gamma^{2})} \left\{1 - \frac{\operatorname{ch}\left[\xi\lambda_{n}(b-y)\right]}{\operatorname{ch}(\xi\lambda_{n}b)}\right\}.$$
 (54)

Применяя обратное интегральное косинус-преобразование Фурье (40) к общему решению неоднородного дифференциального уравнения (43)

.

$$T(x, y) = \hat{F}_{n}^{-1} [T_{n}(y)] = \frac{1}{a} \sum_{n=0}^{\infty} \delta_{n} T_{n}(y) \cos \lambda_{n} x = \frac{1}{a} T_{0}(y) + \frac{2}{a} \sum_{n=1}^{\infty} T_{n}(y) \cos \lambda_{n} x$$
(55)

и подставив (48) и (54) в (55), получим распределения температуры в следующем виде:

$$T(x, y) = T_{0} + \frac{q_{0}}{\chi_{22}} \left[ \frac{e^{-\gamma b}}{\gamma} (1 - e^{\gamma y}) + y + \frac{1}{(1 - e^{-\gamma a})} \left( \frac{b}{a} y - \frac{1}{2a} y^{2} \right) \right] + \frac{2q_{0}\gamma^{2}}{a\chi_{11}} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\left[ 1 - (-1)^{n} e^{-\gamma a} \right]}{\lambda_{n}^{2} (\lambda_{n}^{2} + \gamma^{2})} \left\{ 1 - \frac{\operatorname{ch} \left[ \sqrt{\frac{\chi_{11}}{\chi_{22}}} \lambda_{n} (b - y) \right]}{\operatorname{ch} \left[ \sqrt{\frac{\chi_{11}}{\chi_{22}}} \lambda_{n} b \right]} \right\} \cos \lambda_{n} x.$$
(56)

Анализ (56) показывает, что полученное распределение температуры T(x, y) имеет сложную нелинейную зависимость от координат и определяется как анизотропией теплопроводности, так и оптическими свойствами материала пластины.

Подставив (56) в (7), получим:

$$E_{x}^{T} = \frac{q_{0}\alpha_{12}}{\chi_{22}} \left[ 1 - e^{-\gamma(b-y)} + \frac{b}{a} (1 - e^{\gamma a}) - \frac{1 - e^{-\gamma a}}{a} y \right] + \frac{2q_{0}\gamma^{2}\alpha_{12}}{a\chi_{11}} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\left[1 - (-1)^{n} e^{-\gamma a}\right]}{\lambda_{n}(\lambda_{n}^{2} + \gamma^{2})} \sqrt{\frac{\chi_{11}}{\chi_{22}}} \frac{\operatorname{sh}\left[\sqrt{\frac{\chi_{11}}{\chi_{22}}}\lambda_{n}(b-y)\right]}{\operatorname{ch}\left[\sqrt{\frac{\chi_{11}}{\chi_{22}}}\lambda_{n}b\right]} \times \cos\lambda_{n}x - \frac{2q_{0}\gamma^{2}\alpha_{11}}{a\chi_{11}} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\left[1 - (-1)^{n} e^{-\gamma a}\right]}{\lambda_{n}(\lambda_{n}^{2} + \gamma^{2})} \times \left[1 - \frac{\operatorname{ch}\left[\sqrt{\frac{\chi_{11}}{\chi_{22}}}\lambda_{n}(b-y)\right]}{\operatorname{ch}\left[\sqrt{\frac{\chi_{11}}{\chi_{22}}}\lambda_{n}(b-y)\right]}\right] \right\}.$$
(57)

Подставляя (57) в (9), после интегрирования получим выражение термоЭДС  $\varepsilon_1^{\downarrow\uparrow}$  АОТ с антипараллельными направлениями лучистого потока и градиента температуры:

$$\epsilon_{1}^{\uparrow\downarrow} = \frac{q_{0}a\alpha_{12}}{\chi_{22}} \left[ 1 + \frac{b}{2a} (1 - e^{-\gamma a}) - \frac{1}{\gamma b} (1 - e^{-\gamma b}) \right] + \frac{4q_{0}\gamma^{2}}{ab} \frac{\alpha_{11}}{\chi_{11}} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1 + e^{-\gamma a}}{(2k+1)^{2}\pi^{2}} \left[ \frac{(2k+1)^{2}\pi^{2}}{a^{2}} + \gamma^{2} \right] \times \left[ \frac{a}{(2k+1)\pi} \sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{11}}} \cdot th \left( \sqrt{\frac{\chi_{11}}{\chi_{22}}} \frac{(2k+1)\pi b}{a} \right) - b \right].$$
(58)

В отличие от одномерного распределения температуры (6), при котором поперечная термоЭДС  $\varepsilon_1^{\downarrow\uparrow}$  (10) определяется только коэффициентом термоЭДС  $\alpha_{12}$ , в случае двухмерного распределения температуры (56) величина  $\varepsilon_1^{\downarrow\uparrow}$  определяется и коэффициентом термоЭДС  $\alpha_{11}$ . Это значит, что при одномерном распределении температуры поперечная термоЭДС

обусловлена составляющей градиента температуры только вдоль оси 0V, а при двухмерном — составляющими вдоль осей 0V и 0X.

Двухмерное распределение температуры АОТ с параллельными направлениями градиента температуры и лучистого потока (рис. 2) также находится из (3) —

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \beta^2 \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \frac{q_0 \gamma}{\chi_{11}} \cdot e^{-\gamma_1 b_1} \Big[ e^{-\gamma(b-y)} + e^{-\gamma x} \Big] = 0, \qquad (59)$$

ГДе  $B^2 = \frac{\chi_{22}}{\chi_{11}}$ 

при граничных условиях

$$\frac{\partial T}{\partial x}\Big|_{x=0} = \frac{\partial T}{\partial y}\Big|_{x=a} = 0, \quad \frac{\partial T}{\partial y}\Big|_{y=0} = 0, \quad T\Big|_{y=b} = T_0. \quad (60)$$

Использование задачи Штурма–Луивиля с последующими прямыми и обратными интегральными косинус-преобразованиями Фурье [20] приводит, аналогично (39)—(55), к следующему распределению температуры АОТ:

$$T(x,y) = T_0 + \frac{q_0 \cdot e^{-\gamma_{h_1}}}{\chi_{22}} \left\{ (y-b)e^{-\gamma b} + \frac{1}{\gamma} \left[ 1 - e^{-\gamma(b-y)} \right] + \frac{1 - e^{-\gamma a}}{2a} (b^2 - y^2) \right\} + \frac{2q_0\gamma^2 \cdot e^{-\gamma_{h_1}}}{a\chi_{11}} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\left[ 1 - (-1)^n \cdot e^{-\gamma a} \right]}{\lambda_n^2 (\lambda_n^2 + \gamma^2)} \left[ 1 - \frac{\operatorname{ch}(\beta^{-1}\lambda_n y)}{\operatorname{ch}(\beta^{-1}\lambda_n b)} \right] \cos \lambda_n x \,. \tag{61}$$

ТермоЭДС  $\varepsilon^{\downarrow\downarrow}$  с учетом (7) и (61) приобретает вид

$$\varepsilon_{1}^{\downarrow\downarrow} = \frac{q_{0}a\alpha_{12}e^{-\gamma_{i}b_{1}}}{\chi_{22}} \left\{ e^{-\gamma_{i}b} - \frac{1}{\gamma_{b}} \left[ 1 - e^{-\gamma_{i}} \right] - \frac{(1 - e^{-\gamma_{i}})b}{2a} \right\} - \frac{4q_{0}\gamma^{2}}{ab} \times \frac{\alpha_{11}e^{-\gamma_{i}b_{1}}}{\chi_{11}} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1 + e^{-\gamma_{i}}}{(2k+1)^{2}\pi^{2}} \left[ \frac{(2k+1)^{2}\pi^{2}}{a^{2}} + \gamma^{2} \right] \times \left[ b - \frac{a}{(2k+1)\pi} \sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{11}}} \operatorname{th}\left( \sqrt{\frac{\chi_{11}}{\chi_{22}}} \frac{(2k+1)\pi b}{a} \right) \right].$$
(62)

Как и в (58), первая тройка слагаемых (62) определяет термоЭДС, создаваемую градиентом температуры вдоль оси 0*У*, а слагаемое со знаком суммы термоЭДС, которая создается градиентом температуры вдоль оси 0*Х*. После соответствующих преобразований следует, что вольт-ваттные чувствительности АОТ с антипараллельными и параллельными направлениями лучистого потока и градиента температуры приобретают вид:

а) режим оптического пропускания ( $\gamma b << 1$ ,  $\gamma_1 b_1 << 1$ ) —

$$\left(S_{01}^{\uparrow\downarrow}\right)' = \frac{\alpha_{12}}{\chi_{22}c} \left[\frac{\gamma b}{2} + \frac{b}{2a}(1 - e^{-\gamma a})\right] +$$

$$+\frac{4\gamma^{2}}{a^{2}bc}\frac{\alpha_{11}}{\chi_{11}}\sum_{k=0}^{\infty}\frac{1+e^{-\gamma t}}{(2k+1)^{2}\pi^{2}}\left[\frac{(2k+1)^{2}\pi^{2}}{a^{2}}+\gamma^{2}\right]\times$$

$$\times\left[\frac{a}{(2k+1)\pi}\sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{11}}}\operatorname{th}\left(\sqrt{\frac{\chi_{11}}{\chi_{22}}}\frac{(2k+1)\pi b}{a}\right)-b\right];$$
(63)

$$\left(S_{01}^{\downarrow\downarrow}\right)' = \frac{\alpha_{12}e^{-\gamma_{h}}}{\chi_{21}c} \left[\frac{\gamma_{b}}{2}(\gamma_{b}-1) - \frac{b}{2a}(1-e^{-\gamma_{t}})\right] - \frac{4\gamma^{2}e^{-\gamma_{h}}}{a^{2}bc} \frac{\alpha_{11}}{\chi_{11}} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1+e^{-\gamma_{k}}}{(2k+1)^{2}\pi^{2}} \left[\frac{(2k+1)^{2}\pi^{2}}{a^{2}} + \gamma^{2}\right] \times \left[b - \frac{a}{(2k+1)\pi}\sqrt{\chi_{21}} \operatorname{th}\left(\sqrt{\chi_{22}} \left(\frac{2k+1)\pi b}{\chi_{22}}\right)\right]; \quad (64) \right]$$

$$\left(S_{02}^{\uparrow\downarrow}\right)' = \frac{\alpha_{12}}{\chi_{22}c} \left[\frac{1}{e} + \frac{b}{2a}(1-e^{-\gamma_{t}})\right] + \left(S_{02}^{\uparrow\downarrow}\right)' = \frac{\alpha_{12}}{\chi_{22}c} \left[\frac{1}{e} + \frac{b}{2a}(1-e^{-\gamma_{t}})\right] + \frac{4\gamma^{2}}{a^{2}bc} \frac{\alpha_{11}}{\chi_{11}} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1+e^{-\gamma_{t}}}{(2k+1)^{2}\pi^{2}} \left[\frac{(2k+1)^{2}\pi^{2}}{a^{2}} + \gamma^{2}\right] \times \left[\frac{a}{(2k+1)\pi}\sqrt{\chi_{22}} \cdot \operatorname{th}\left(\sqrt{\chi_{22}} \left(\frac{2k+1)\pi b}{a^{2}}\right) - b\right]; \quad (65) \right] \\ \left(S_{02}^{\downarrow\downarrow}\right)' = \frac{\alpha_{12}e^{-\gamma_{t}h}}{\chi_{21}} \frac{\alpha_{11}}{c} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1+e^{-\gamma_{t}}}{\chi_{22}c} \left[\frac{2}{e}-1-\frac{b}{2a}(1-e^{-\gamma_{t}})\right] - \frac{4\gamma^{2}e^{-\gamma_{t}h}}{a^{2}bc} \frac{\alpha_{11}}{\chi_{11}} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(2k+1)^{2}\pi^{2}}{(2k+1)^{2}\pi^{2}} \left[\frac{(2k+1)\pi b}{a^{2}} - b\right]; \quad (65)$$

$$\times \left[b - \frac{a}{(2k+1)\pi}\sqrt{\chi_{21}} \operatorname{th}\left(\sqrt{\chi_{22}} \left(\frac{2k+1)\pi b}{\chi_{22}}\right)\right]; \quad (66)$$

 $0 < \gamma_1 b_1 \leq \gamma b)$  —

$$\left(S_{03}^{\uparrow\downarrow}\right)' = \frac{\alpha_{12}}{\chi_{22}c} \left[1 - \frac{1}{\gamma b} + \frac{b}{2a}(1 - e^{-\gamma a})\right] + \\ + \frac{4\gamma^{2}}{a^{2}bc} \frac{\alpha_{11}}{\chi_{11}} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1 + e^{-\gamma a}}{\frac{(2k+1)^{2}\pi^{2}}{a^{2}}} \left[\frac{(2k+1)^{2}\pi^{2}}{a^{2}} + \gamma^{2}\right] \times \\ \times \left[\frac{a}{(2k+1)\pi} \sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{11}}} \operatorname{th}\left(\sqrt{\frac{\chi_{11}}{\chi_{22}}} \frac{(2k+1)\pi b}{a}\right) - b\right];$$

$$\left(S_{03}^{\downarrow\downarrow}\right)' = \frac{\alpha_{12}e^{-\gamma h}}{\chi_{22}c} \left[\frac{b}{2a}(e^{-\gamma a} - 1) - \frac{1}{\gamma b}\right] - \\ - \frac{4\gamma^{2}e^{-\gamma h}}{a^{2}bc} \frac{\alpha_{11}}{\chi_{11}} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1 + e^{-\gamma a}}{\frac{(2k+1)^{2}\pi^{2}}{a^{2}}} \left[\frac{(2k+1)^{2}\pi^{2}}{a^{2}} + \gamma^{2}\right] \times$$

$$(67)$$

 $(2k+1) \cdot \pi \bigvee \chi_{11}$ 

## практически совпадают. Для режима поверхностного поглощения численные значения $\left(S_{03}^{\downarrow\uparrow}\right)'$ значительно больше $\left(S_{03}^{\downarrow\downarrow}\right)$ , что обусловлено сложным распределением температуры. В случае АОТ с антипараллельным направлением поглощенная часть энергии проходит через весь объем пластины. При параллельных направлениях поглощенная часть энергии выделяется на поверхности рабочей грани термоэлемента, находящейся в тепловом контакте с термостатом. Большая часть этой энергии уходит в термостат, минуя объем АОТ.

Анализ численных значений  $(S_0^{\downarrow\uparrow})'$  и  $(S_0^{\downarrow\downarrow})'$  показывает, что в режиме оптического пропускания они

### АОТ при двухмерном распределении температуры, обусловленном термостатированием боковых граней

Наряду с отводом поглощенного тепла через рабочие грани большой интерес представляют АОТ, отвод поглощенного тепла которых осуществляется через боковые грани. В этом случае контролируемая лучистая энергия проходит только через анизотропную пластину, что расширяет энергетические и спектральные характеристики и упрощает конструкцию [21].



Рис. 3. Схема АОТ в случае термостатирования боковых граней:

*1* — анизотропная пластина; *2* — термостат; *3* — электровыводы. Справа — лабораторная система координат ХҮХ и ориентация кристаллографических осей ХҮГ монокристаллической пластины 1

Для АОТ прямоугольной формы ( $a \approx c > b$ ) с двумя термостатами, расположенными на боковых гранях (*a*×*b*) пластины *l* (**рис. 3**), распределение температуры находится из общего уравнения теплопроводности (3) при прежних приближениях —

$$\xi^{2} \frac{\partial^{2} T}{\partial y^{2}} + \frac{\partial^{2} T}{\partial z^{2}} + \frac{q_{0} \gamma}{\chi_{33}} e^{-\gamma(b-y)} = 0, \quad \beta_{0}^{2} = \frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}, \quad (69)$$

решение которого проводится в приближении x12<x22 при граничных условиях

$$\frac{\partial T}{\partial x}\Big|_{x=0} = \frac{\partial T}{\partial x}\Big|_{x=a} = 0, \ \frac{\partial T}{\partial y}\Big|_{y=0} = 0, \ \frac{\partial T}{\partial y}\Big|_{y=b} = 0,$$

$$T|_{z=0} = T_0, \quad T|_{z=c} = T_0$$
 (70)

и после косинус-преобразований Фурье [20] представляется в виде

(68)

$$T(y,z) = T_{0} + \frac{q_{0}(e^{-\gamma b} - 1)}{2b\chi_{33}}(z^{2} - cz) + \frac{2q_{0}\gamma^{2}}{b\chi_{22}}\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\left[(-1)^{n} - e^{-\gamma b}\right]}{\omega_{n}^{2}(\omega_{n}^{2} + \gamma^{2})} \times \left[1 + \frac{\mathrm{sh}\left(\sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}}\omega_{n}(z - c)\right) - \mathrm{sh}\left(\sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}}\omega_{n}z\right)}{\mathrm{sh}\left(\sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}}\omega_{n}c\right)}\right] \cos\omega_{n}y , \quad (71)$$

а его поперечная термоЭДС  $\epsilon_l^{\downarrow \rightarrow}$  с учетом (7) и (9) [5] имеет вид

$$\varepsilon_{1}^{\uparrow \to} = \frac{4 q_{0} \alpha_{12}}{\chi_{22}} \frac{a}{b^{2}} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{\left(1 + e^{-\gamma b}\right) (\gamma b)^{2}}{\left(2k + 1\right)^{2} \pi^{2}} \left[ \left(2k + 1\right)^{2} \pi^{2} + (\gamma b)^{2} \right]} \times \left\{ 1 + \frac{b}{(2k+1)\pi c} \sqrt{\frac{\chi_{23}}{\chi_{22}}} \frac{2 \left[1 - ch\left(\sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} \frac{(2k+1)\pi c}{b}\right)\right]}{sh\left(\sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} \frac{(2k+1)\pi c}{b}\right)} \right\}.$$
(72)

Для АОТ с односторонним боковым термостатированием (**рис. 4**) уравнение теплопроводности также представляется выражением (3). Решаемое при граничных условиях

$$\frac{\partial T}{\partial x}\Big|_{x=0} = \frac{\partial T}{\partial x}\Big|_{x=a} = 0, \ \frac{\partial T}{\partial y}\Big|_{y=0} = 0, \ \frac{\partial T}{\partial y}\Big|_{y=b} = 0,$$
$$T\Big|_{z=c} = T_0, \ \frac{\partial T}{\partial z}\Big|_{z=0} = 0$$
(73)

с помощью собственной функции задачи Штурма– Лиувиля при соответствующих граничных условиях с последующими преобразованиями и разложением в ряд Фурье [19, 20], оно позволяет получить следующее выражение распределения температуры:



боковой грани: *I* — анизотропная пластина; *2* — термостат; *3* — электровыводы. Справа — лабораторная система координат *XYZ* и ориентация кристаллографических осей *XYZ* монокристаллической пластины *I* 

$$T(y,z) = T_{0} + \frac{q_{0}(e^{-\gamma b} - 1)}{2\chi_{33}} (z^{2} - c^{2}) + \frac{2q_{0}\gamma^{2}}{b\chi_{22}} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\left[(-1)^{n} - e^{-\gamma b}\right]}{\lambda_{n}^{2}(\lambda_{n}^{2} + \gamma^{2})} \left\{ 1 - \frac{\operatorname{ch}\left(\sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} \lambda_{n}z\right)}{\operatorname{ch}\left(\sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} \lambda_{n}c\right)} \right\} \cos \lambda_{n}y .$$
(74)

При этом поперечная термо ЭДС<br/>  $\epsilon_2^{\downarrow \rightarrow}$  такого АОТ согласно [5] имеет вид

$$\epsilon_{2}^{\tau \to} = \frac{4q_{0}\alpha_{12}}{\chi_{22}} \frac{a}{b} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(1+e^{-\gamma k})(\gamma b)^{2}}{(2k+1)^{2}\pi^{2}} \left[(2k+1)^{2}\pi^{2} + (\gamma b)^{2}\right] \times \left\{1 - \frac{b}{(2k+1)\pi c} \sqrt{\frac{\chi_{33}}{\chi_{22}}} \operatorname{th}\left[\sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} \frac{(2k+1)\pi c}{b}\right]\right\}.$$
(75)

Аналогично предыдущим случаям, вольт-ваттные чувствительности АОТ с термостатированием одной и двух боковых граней представляются в следующем виде:

а) режим оптического пропускания (үb<<1) —

$$S_{01}^{\downarrow \rightarrow} = \frac{4\alpha_{12}}{\chi_{22}c} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{2 - \gamma b}{(2k+1)^2 \pi^2 \left[\frac{(2k+1)^2 \pi^2}{(\gamma b)^2} + 1\right]} \times$$

$$\times \left\{ 1 + \frac{2b}{(2k+1)\pi c} \sqrt{\frac{\chi_{33}}{\chi_{22}}} \frac{\left[ 1 - ch \sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} (2k+1)\pi cb^{-1} \right]}{sh\left(\sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} (2k+1)\pi cb^{-1} \right)} \right\};$$
(76)

$$\begin{pmatrix} S_{01}^{\downarrow \rightarrow} \end{pmatrix} = \frac{4\alpha_{12}}{\chi_{22}c} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{2-\gamma b}{(2k+1)^2 \pi^2} \left[ \frac{(2k+1)^2 \pi^2}{(\gamma b)^2} + 1 \right] \times$$

$$\begin{bmatrix} 1 & b & \left[ \chi_{33} \pm \left[ \left[ \chi_{22} + 1 \right] + 1 + 1 \right] + 1 \right] \end{bmatrix}$$

$$= \left[ \chi_{33} \pm \left[ \left[ \chi_{32} + 1 \right] + 1 \right] + 1 \right] \end{bmatrix}$$

$$= \left[ \chi_{33} \pm \left[ \left[ \chi_{33} + 1 \right] + 1 \right] + 1 \right] + 1 \end{bmatrix} = \left[ \chi_{33} + 1 \right] = \left[ \chi_{33} + 1 \right] + 1 \end{bmatrix} = \left[ \chi_{33} + 1 \right] + 1 \end{bmatrix}$$

$$\times \left\{ 1 - \frac{b}{(2k+1)\pi c} \sqrt{\frac{\chi_{33}}{\chi_{22}}} \operatorname{th} \left[ \sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} (2k+1)\pi c b^{-1} \right] \right\};$$
(77)

б) режим объемного поглощения (γb≈1) —

$$S_{02}^{\uparrow \to} = \frac{4\alpha_{12}}{\chi_{22}c} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1+e^{-1}}{(2k+1)^2 \pi^2 \left[ (2k+1)^2 \pi^2 + 1 \right]} \times \left\{ 1 + \frac{b}{(2k+1)\pi c} \sqrt{\frac{\chi_{33}}{\chi_{22}}} \frac{2 \left[ 1 - ch \left( \sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} \frac{(2k+1)\pi c}{b} \right) \right]}{sh \left( \sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} \frac{(2k+1)\pi c}{b} \right]} \right\}; \quad (78)$$

$$\left(S_{02}^{\uparrow \to}\right)' = \frac{4\alpha_{12}}{\chi_{22}c} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1+e^{-1}}{(2k+1)^2 \pi^2 \left[(2k+1)^2 \pi^2 + 1\right]} \times \left\{1 - \frac{b}{(2k+1)\pi c} \sqrt{\frac{\chi_{33}}{\chi_{22}}} \operatorname{th}\left[\sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} \frac{(2k+1)\pi c}{b}\right]\right\};$$
(79)

Технология и конструирование в электронной аппаратуре, 2005, № 4

в) режим поверхностного поглощения (уb>>1) —

$$S_{03}^{\uparrow \to} = \frac{4\alpha_{12}}{\chi_{22}^{C}} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{\left(1 + e^{-\gamma b}\right) \left(\gamma b\right)^{2}}{(2k+1)^{2} \pi^{2} \left[(2k+1)^{2} \pi^{2} + \left(\gamma b\right)^{2}\right]} \times$$

$$\times \left\{ 1 + \frac{b}{(2k+1)\pi c} \sqrt{\frac{\chi_{33}}{\chi_{22}}} \frac{2 \left[ 1 - ch \left( \sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} \frac{(2k+1)\pi c}{b} \right) \right]}{sh \left( \sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} \frac{(2k+1)\pi c}{b} \right]} \right\}; \quad (80)$$

$$\left(S_{03}^{\uparrow \to}\right)' = \frac{4\alpha_{12}}{\chi_{22}c} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{\left(1+e^{-\gamma b}\right)(\gamma b)^{2}}{(2k+1)^{2}\pi^{2}\left[(2k+1)^{2}\pi^{2}+(\gamma b)^{2}\right]} \times \int_{C} \int_{1-\frac{1}{2}} \frac{b}{\sqrt{\chi_{33}}} \sqrt{\frac{\chi_{33}}{1-\chi_{33}}} \left[\frac{\chi_{22}}{(2k+1)\pi c}\left(2k+1\right)\pi c}\right] \left[\frac{1}{2}\right].$$
(81)

$$\times \left\{ 1 - \frac{b}{(2k+1)\pi c} \sqrt{\frac{\chi_{33}}{\chi_{22}}} \operatorname{th} \left[ \sqrt{\frac{\chi_{22}}{\chi_{33}}} \frac{(2k+1)\pi c}{b} \right] \right\}.$$
(81)

Численные оценки показали, что вольт-ваттная чувствительность АОТ с двухсторонним термостатированием боковых граней меньше вольт-ваттной чувствительности АОТ с односторонним. Также следует отметить, что АОТ с термостатированием боковых граней обладает значительно меньшей чувствительностью, чем АОТ с термостатированными рабочими гранями.

#### Экспериментальные исследования АОТ

Для оценки реальных возможностей АОТ исследовались их характеристики в режиме оптической прозрачности. Проведено сравнение теоретических расчетов и экспериментальных результатов, полученных по методике [13, 14]. В качестве источников лучистой энергии использовались газовые СО<sub>2</sub>-лазеры типа ЛГ22 и др. ( $\lambda_0$ =10,6 мкм), гелий-неоновые лазеры ЛГ-36 ( $\lambda_0$ =1,06...3,36 мкм), а также рубиновые лазеры (λ<sub>0</sub>=0,53 мкм), излучающие необходимые плотности лучистых потоков. Эта энергия корректировалась с помощью делителей мощности из монокристаллических CdTe, Al<sub>2</sub>O<sub>2</sub> и других материалов в виде круглых пластин диаметром 1,5—3,0 см различной толщины. Предварительная калибровка этих делителей осуществлялась на спектрографе ИКС-21 по уровню пропускания. Далее делители мощности вместе с испытуемым АОТ размещались в камере, термостатированной с помощью регулятора температуры при заданной температуре  $T=T_0$ . Величина термоЭДС исследуемых АОТ определялась при помощи цифрового микровольтметра типа В7-21.

Держатель образцов АОТ представляет собой цилиндрический корпус из меди, в центре которого размещен оптически прозрачный теплоотвод. Он выполняется из тех же материалов, что и делители мощности. Для увеличения оптического пропускания на грани теплоотвода и АОТ методом высокочастотного катодного распыления наносили просветляющие слои из CaF<sub>2</sub> соответствующей толщины. Предварительные оценки и испытания показали, что при теплоотводах из монокристаллов CdTe диаметром 3,0 см и толщиной 0,5 см проходящее излучение плотностью до 10<sup>3</sup> Bt/см<sup>-2</sup> практически не вызывает искажений распределений температурного поля внутри объема АОТ.

АОТ выполнялись из материалов, параметры которых приведены в **табл. 1** [22—24]. Оптимальный угол  $\phi$ , под которым ориентированы выбранные кристаллографические направления, составляет 45°.

Анализ экспериментальных результатов показал, что при соответствующих геометрических размерах АОТ и заданных параметрах его материалов зависимость между ЭДС є и плотностью падающей энергии  $q_0$  носит линейный характер. В случае проходящего излучения плотностью свыше  $10^3$  Вт/см<sup>2</sup> ( $\lambda$ =10,6 мкм) и высоты АОТ из CdSb *b*=0,2 см наблюдается отклонение от линейности, связанное с перегревом термоэлемента, и возрастание вследствие этого коэффициента оптического поглощения  $\gamma$  и поперечной термо-ЭДС  $\alpha_{12}$ . Проведенные оценки показывают, что в этом случае каждые 25 Вт проходящей мощности вызывают перегрев верхней грани АОТ на 1 К. Следует отметить, что значение ЭДС оптически просветленных АОТ превышает ЭДС непросветленных.

В некоторых случаях при больших плотностях проходящей энергии  $q_0$  и некачественной подготовке поверхности рабочей грани термоэлемента, а также при больших толщинах клеевых слоев, наблюдается значительный перегрев АОТ, приводящий к его разрушению.

В табл. 2 и 3 приведены параметры АОТ, работающих в режиме оптической прозрачности, в случае термостатирования рабочих и боковых граней. Данные таблиц соответствуют температуре *T*=300 K.

Следует отметить, что созданные АОТ позволили контролировать лучистую энергию непосредственно в процессе выполнения различных информационнотехнологических задач и впервые реализовали метод «прозрачной стенки» [12].

Изменение геометрии лучепреломляющих поверхностей АОТ и термостата, формы их поперечного сечения [21] привело к появлению устройств, позволяющих, наряду с регистрацией лучистых потоков, проводить необходимые энергоспектральные перерас-

Таблица 1

ларактеристики материалов, используемых оля АО1								
	Область оптического	Коэффициент опти-	Коэффициент попе-	Коэффициент тепло-	Коэффициент элек-			
Материал	пропускания, λ, мкм	хеского поглощения,	рехной термоЭДС,	проводности, χ,	тропроводности, σ,			
		γ, см <sup>-1</sup>	$\Delta \alpha$ , мк $B/K$	Вт/(см·К)	(Ом·см) <sup>-1</sup>			
CdSb	2,6—40,0	0,1—0,3	100—300	$1,5 \cdot 10^{-2}$	0,3			
ZnSb	2,4—27,0	0,4—0,8	100—200	$1,1.10^{-2}$	0,5			
CdAs <sub>2</sub>	1,25—16,0	0,5—1,0	250—450	$3 \cdot 10^{-2}$	0,03			
ZnAs <sub>2</sub>	1,36—21,0	0,8—1,2	180—360	$6 \cdot 10^{-2}$	0,01			
CdS	0,5—18,0	0,2-0,8	120-220	$2 \cdot 10^{-2}$	0,6			

Характеристики материалов, используемых для АОТ

Технология и конструирование в электронной аппаратуре, 2005, № 4

Таблица 2

Параметры АОТ при термостатировании рабочей грани

١.						
	Тип приемника	Материал термоэле- мента	Материал термостата	<i>S</i> <sub>0</sub> , В/Вт	$q_{0\text{max}},$ Bt·cm <sup>-2</sup>	Размеры рабодих граней АОТ, см
	АПП-1	CdSb	CdTe	$2 \cdot 10^{-5}$	$1,5.10^3$	0,3×0,3
	АПП-2	CdSb	CdTe	3.10-6	$4,5.10^2$	1,0×1,0
	АПП-3	CdAs <sub>2</sub>	CdTe	$3 \cdot 10^{-7}$	$1,6.10^3$	0,1×0,1
	АПП-4	ZnAs <sub>2</sub>	CdTe	0,8.10-7	$1.10^{4}$	0,8×0,8
	АПП-5	CdS	$Al_2O_3$	$1,5.10^{-7}$	$8.10^{4}$	0,5×0,5

Таблица 3

Параметры АОТ при термостатировании боковых граней

Тип приемника	Материал термоэле- мента	Материал термостата	<i>S</i> <sub>0</sub> , В/Вт	$q_{0\text{max}},$ BT·CM <sup>-2</sup>	Размеры рабодих граней АОТ, см
АПП-11	CdSb	Cu	$7.10^{-7}$	$1,5.10^3$	0,3×0,3
АПП-32	CdAs <sub>2</sub>	Cu	$2.10^{-8}$	$1,6.10^3$	0,1×0,1
АПП-36	CdS	Cu	$2,5.10^{-8}$	$8 \cdot 10^4$	0,5×0,5

пределения. При этом возможно одновременное использование их в качестве конструкционных элементов — таких как выходные окна и фильтры различных излучателей.

### Выводы

1. Определены ЭДС, КПД и вольт-ваттная чувствительность анизотропных оптикотермоэлементов при одномерном распределении температур. Показана возможность их работы в режимах оптического пропускания, объемного и поверхностного поглощений.

2. Анизотропия теплопроводности материала приводит к увеличению вольт-ваттной чувствительности АОТ в случае термостатирования нижней рабочей грани, и к ее уменьшению — в случае термостатирования верхней рабочей грани.

3. Термостатирование боковых граней АОТ ведет к уменьшению их вольт-ваттной чувствительности, однако при этом наблюдается минимальное искажение фазо-амплитудных характеристик регистрируемого излучения.

Рассмотренные АОТ впервые позволили предложить и реализовать метод «прозрачной стенки», предназначенный для регистрации лучистых потоков повышенной плотности в широком спектральном диапазоне.

### ИСПОЛЬЗОВАННЫЕ ИСТОЧНИКИ

 Tomson W. On thermoelectric currents in linear conductors of crystallintidiens // Math. Phys. Papers.— 1882.— N 1.— P. 266—273.
 Kohler M. Dependence of thermoelectric phenomena from crystalline orientation // Annal. Phys.— 1941.— Vol. 40.— N 13.— P. 243—249.

3. Анатычук Л. И., Лусте О. Я. Вихревые термоэлектрические токи и вихревые термоэлементы // ФТП.— 1976.— Т. 10, № 5.— С. 817—831.

4. Слипченко В. Н., Снарский А. А. Влияние анизотропии теплопроводности на поперечную термоэдс // Там же.— 1974.— Т. 8, № 10.— С. 2010—2012.

5. Снарский А. А. ЭДС термоэлементов, использующих анизотропию термоЭДС. Анизотропные термоэлементы прямоугольной формы // Там же.— 1977.— Т. 11, № 10.— С. 2053—2055.

6. Ащеулов А. А., Беликов А. Б., Раренко А. И. Поперечная термоЭДС, обусловленная анизотропией теплопроводности // УФЖ.— 1983.— № 8.— С. 1226—1336.

7. Ащеулов А. А., Гуцул И. В., Раренко А. И. ЭДС и КПД анизотропного термоэлемента в случае учета анизотропии термоЭДС и теплопроводности//Там же.— 1997.— Т. 42, № 6.— С. 698—701.

 Снарский А. А., Пальти А. М., Ащеулов А. А. Анизотропные термоэлементы // ФТП.— 1997.— Т. 31, № 11.— С. 1281—1298.

9. Ащеулов А. А., Гуцул И. В., Снарский А. А. Анизотропные оптикотермоэлементы / Докл. VII Межгос. семинара «Термоэлектрики и их применение». С.-Петербург. 2002. С. 402—405.

10. Ащеулов А. А. Анизотропный радиационный термоэлемент для измерения проходной мощности // Оптико-механическая промышленность.— 1989.— № 12.— С. 47—49.

11. Гуцул И. В. Анизотропный оптикотермоэлемент в случае совпадения направлений лучистого потока и градиента температуры // УФЖ.— 1998.— Т. 43, № 10.— С. 1278—1281.

12. Ащеулов А. А., Гуцул И. В., Раренко А. И. Метод «прозрачной стенки» для контроля лучистых потоков различной мощности // Технология и конструирование в электронной аппаратуре.— 1999.— № 2—3.— С. 33—36.

13. Ащеулов А. А., Пилат И. М., Раренко И. М. Влияние теплообмена на вольт-ваттную чувствительность АТ // Физ. электроника.— 1980.— № 21.— С. 98—100.

14. Ащеулов А. А. Физико-химические основы технологии оптических анизотропных термоэлектрических и оптикотермоэлектрических материалов из антимонида кадмия / Автореф. дис.: ... докт. техн. наук.— Черновцы: ЧГУ, 1994.

15. Ащеулов А. А., Кондратенко В. М., Пилявский Ю. Б., Раренко И. М. ЭДС АОТ в режиме оптического пропускания // ФТП.— 1984.— Т. 5, № 7.— С. 1330—1331.

16. Ащеулов А. А., Гуцул И. В., Раренко А. И. Анизотропный радиационный термоэлемент, действующий в режиме внутреннего отражения // Оптический журнал.— № 4.— С. 78—79.

17. Ashcheulov A. A., Gutsul I. V. Anisotropic optical thermoelectric elements // J. of Thermoelectricity.— 1997.— N 3.— P. 81—89.

18. Лыков А. В. Теория теплопроводности. М.: Высшая школа, 1967.

19. Ленюк М. П. Интегральные преобразования с раздельными переменными (Фурье, Ханкеля) / Препринт Ин-та математики 83.4. Киев: Ин-т математики, 1983.

20. Ащеулов А. А., Гуцул И. В. Исследование распределения температуры анизотропной пластины с учетом ее оптических свойств // Технология и конструирование в электронной аппаратуре. 2003. № 6. С. 49—50.

21. Ащеулов А. А., Охрем В. Г. Радиационный анизотропный оптикотермоэлемент с боковым термостатированием // Там же.— 2004.— № 1.— С. 45—47.

22. Ashcheulov A. A., Manik O. N., Marenkin S. F. Cadmium antimonide: chemical bonding and technology // Inorganic Materiale. — 2003.— Vol. 39, N 32.— P. 59—67.

23. Ащеулов А. А., Воронка Н. К., Маренкин С. Ф., Раренко И. М. Получение и использование оптимизированных материалов из антимонида кадмия // Неорг. материалы.— 1996.— Т. 32, № 9.— С. 1049—1060.

24. Маренкин С.Ф., Раухман А. М., Пищиков Д. И., Лазарев А. Б. Получение и свойства диарсенидов кадмия и цинка // Неорг. материалы.— 1992.— Т. 28, № 10.— С. 1813—1832.

25. Гуцул И. В. Явища електро- та теплопереносу у анізотропних напівпровідниках / Автореф. дис. ... докт. физ.-мат. наук.— Черновцы: ЧНУ им. Ю. Федьковича, 2000.