ЭЛЕКТРОННЫЕ СРЕДСТВА: ИССЛЕДОВАНИЯ, РАЗРАБОТКИ

dt

К. ф.-м. н. А. С. ГАРКАВЕНКО

Германия, г. Штутгарт, МНПЦ энергосберегающих технологий E-mail: garks@arcor.de

Дата поступления в редакцию 23.03 2011 г. Оппонент д. т. н. В. А. МОКРИЦКИЙ (ОНПУ, г. Одесса)

СКОРОСТНЫЕ УРАВНЕНИЯ ЭКСИТОННОГО ЛАЗЕРА

Получены скоростные уравнения экситонного лазера в системе взаимодействующих экситонов и выведены условия инверсной населенности и генерации. Указана принципиально новая возможность создания гамма-лазера.

Лазерная генерация в системе свободных экситонов экспериментально наблюдалась достаточно давно [1-3]. Тогда же был рассчитан спектр усиления для экситонов в кристалле CdS [4], однако условие образования инверсной населенности не получено до сих пор. Более того, теория показывает, что связывание электронов и дырок в экситоны делает невозможным создание инверсной населенности между собственными энергетическими зонами полупроводника. Это справедливо, если экситоны рассматриваются как газ невзаимодействующих бозе-частиц, находящихся в равновесии с электронами и дырками. Поэтому не верно выражение для инверсной населенности, полученное в [5].

Опыты показывают, что в некоторых полупроводниковых кристаллах при концентрации экситонов 10¹⁶—10¹⁷см⁻³ значительную роль в испускании и поглощении света начинают играть неупругие экситонэкситонные столкновения и безызлучательная Ожерекомбинация. В результате столкновения энергия и импульс одного экситона передаются другому. Первый экситон рекомбинирует с испусканием фотона, а второй либо ионизируется, либо переходит на более высокий экситонный энергетический уровень. Схема излучательных и безызлучательных переходов представлена на рисунке, где видно, что лазер работает по трехуровневой схеме.

Целью настоящей работы является получение скоростных уравнений экситонного лазера для такой системы и условий инверсной населенности и генерации.

При составлении скоростных уравнений диффузией экситонов можно пренебречь. Тогда согласно рисунку их можно представить как

$$\frac{d\Delta n}{dt} = g - (\sigma_{ex} + A_1 + A_2) \times \Delta n^2 + \alpha \Delta n_{ex}^1;$$
$$\frac{d\Delta n_{ex}^1}{dt} = R_{ex}^B - (W_{cm} + B)\Delta n_{ex}^1 + B\Delta n_{ex}^1 - C_{ex}^2 + C_{ex}$$

 $-\alpha\Delta n_{ex}^{1}+\sigma_{ex}\Delta n^{2}-(\Delta n_{ex}^{1}-\Delta n_{ex}^{0})W_{\rm B}\Delta n_{\phi};$

$$\frac{d\Delta n_{ex}^0}{dt} = (W_{cn} + B)\Delta n_{ex}^1 - R_{ex}^B + (\Delta n_{ex}^1 - \Delta n_{ex}^0)W_B\Delta n_{\phi}; \quad (3)$$
$$\frac{d\Delta n_{\phi}}{dt} = (\Delta n_{ex}^1 - \Delta n_{ex}^0)W_B\Delta n_{\phi} + W_{cn}\Delta n_{ex}^1 - 2\kappa\Delta n_{\phi}; \quad (4)$$

$$\Delta n_{ex}^1 + \Delta n_{ex}^0 = \Delta n_{ex},\tag{5}$$

где Δn — концентрация возбужденных электронов;

- *g* скорость генерации электронно-дырочных пар при возбуждении полупроводника квантами света или электронным пучком;
- σ_{ех} вероятность (коэффициент) связывания свободных электронов и дырок в экситоны;
- A₁, A₂ вероятности излучательной и безызлучательной спонтанной рекомбинации электронов и дырок, соответственно;
 - α, β вероятность диссоциации и возбуждения экситонов за счет неупругого экситон-экситонного рассеяния, соответственно;
- Δn_{ex}^1 число экситонов в возбужденном состоянии E_1 ;

$$R_{ex}^{B}$$
 — скорость возбуждения экситонов, $R_{ex}^{B} = w_{12} \Delta n_{ex}^{0}$

- w₁₂ вероятность вынужденного перехода из основного уровня E_0 на возбужденный уровень E_1 ;
- Δn_{ex}^{0} число экситонов в основном состоянии E_{0} ; *W*_{сп}, *B* — вероятность излучательной и безызлучатель-
- ной спонтанной рекомбинации экситонов, соответственно;
- *W*_в вероятность вынужденной (стимулированной) излучательной рекомбинации экситонов;
- Δn_{Φ} число излучаемых фотонов; t_0 время жизни фотона в резонаторе лазера.

Обозначим величину, обратную t_0 , через 2κ . Коэффициент потерь в резонаторе отражается величиной $2\kappa\Delta n_{\rm th}$.

Поскольку при температуре жидкого азота в экситоны связываются практически все электронно-дырочные пары [6], вероятности А1 и А2 будут пренебрежимо малы по сравнению с σ_{ex} , т. е. $\sigma_{ex} >> A_1$ и $\sigma_{ex} >> A_2$. Тогда уравнения (1)—(5) преобразуются к виду

$$\frac{d\Delta n}{dt} = g - \sigma_{ex} \Delta n^2 + \alpha \Delta n_{ex}^1; \qquad (1')$$

$$\frac{d\Delta n_{ex}^{1}}{dt} = R_{ex}^{B} - B\Delta n_{ex}^{1} + (\beta - \alpha)\Delta n_{ex}^{1} + \sigma_{ex}\Delta n^{2} - (\Delta n_{ex}^{1} - \Delta n_{ex}^{0})W_{B}\Delta n_{\phi}; \qquad (2')$$

(1)

(2)



Трехуровневая схема рабочих состояний

$$\frac{d\Delta n_{ex}^0}{dt} = B\Delta n_{ex}^1 - R_{ex}^{\scriptscriptstyle B} + (\Delta n_{ex}^1 - \Delta n_{ex}^0) W_{\scriptscriptstyle B}\Delta n_{\scriptscriptstyle \Phi}; \qquad (3')$$

$$\frac{d\Delta n_{\phi}}{dt} = (\Delta n_{ex}^{1} - \Delta n_{ex}^{0}) W_{\scriptscriptstyle B} \Delta n_{\phi} - 2\kappa \Delta n_{\phi}; \qquad (4')$$

$$\Delta n_{ex}^1 + \Delta n_{ex}^0 = \Delta n_{ex}.$$
 (5')

Модель процесса генерации излучения

В процессе излучательной рекомбинации экситонов инверсия населенности возникает автоматически, т. к. они являются бозонами. Отсутствие запрета Паули для них делает возможным накопление неограниченного числа таких квазичастиц на верхнем возбужденном энергетическом уровне [6], что отражается неравенством

$$\Delta n_{ex}^{i} >> \Delta n_{ex}^{o}. \tag{6}$$

Среднее число невозбужденных экситонов на основном уровне E_0 равно

$$\Delta n_{ex}^0 = \{ \exp(E_0 / (kT)) - 1 \}^{-1}$$

а среднее число возбужденных экситонов на уровне *E*₁ равно [7, с. 510]

$$\Delta n_{ex}^{1} = \{ \exp[(E_{1} - E_{0} - \mu)/(kT)] - 1 \}^{-1}$$

где *k* — постоянная Больцмана; и — химический потенциал экситонов.

Используя неравенство (6), получим условие инверсной населенности:

$$E_1 >> 2E_0 + \mu.$$
 (7)

Время жизни экситонов τ на верхнем возбужденном уровне до излучательной рекомбинации составляет 10⁻⁹—10⁻¹⁰ с. Это означает, что при плотности числа экситонов около 10^{17} см⁻³ скорость возбуждения *g* такой системы должна составлять 10^{26} — 10^{27} см⁻³·с⁻¹ Например, при электронной накачке полупроводников с энергией возбуждения $E^0=50$ кэВ, с плотностью тока накачки ј и глубиной проникновения электронов в кристалл $d \approx 5$ мкм она составляет

$$g=2.10^{26} j/E_{o}$$

Поэтому создание перенаселенности на верхнем возбужденном уровне вполне реально. В системе взаимодействующих экситонов коэффициент усиления G довольно значителен и составляет около 39 см $^{-1}$, а неупругое экситон-экситонное рассеяние приводит к смещению экситонной линии испускания в длинноволновую область спектра на величину более чем $3/4\Delta E_{ex}$, где ΔE_{ex} — энергия связи экситона [4]. Из условия (6) следует, что

$$\Delta n_{ex}^1 = \Delta n_{ex}$$

 $d\Delta n_{ex}^1 / dt >> d\Delta n_{ex}^0 / dt,$

и уравнением (3') можно пренебречь.

Тогда система скоростных уравнений будет иметь следующий вид:

$$\frac{d\Delta n}{dt} = g - \sigma_{ex} \Delta n^2 + \alpha \Delta n_{ex}; \qquad (1'')$$

$$\frac{d\Delta n_{ex}}{dt} = R_{ex}^{\hat{a}} + (\beta - \alpha)\Delta n_{ex} + \sigma_{ex}\Delta n^2 - \Delta n_{ex}W_{\hat{a}}\Delta n_{\hat{o}}; \quad (2'')$$

$$\frac{d\Delta n_{\phi}}{dt} = \Delta n_{ex} W_{\rm B} \Delta n_{\phi} - 2\kappa \Delta n_{\phi}. \tag{4''}$$

Нелинейные уравнения (1"), (2"), (4") являются фундаментальными уравнениями экситонного лазера. Рассмотрим наиболее простой случай стационарно-

го решения. Тогда $d\Delta n/dt = d\Delta n_{ex}/dt = d\Delta n_{\hat{o}}/dt = 0$, и система дифференциальных уравнений (1"), (2"), (4") сводится к системе алгебраических уравнений

$$g - \sigma_{ex} \Delta n^2 + \alpha \Delta n_{ex} = 0; \qquad (1^{\prime\prime\prime})$$

$$R_{ex}^{\rm B} + (\beta - \alpha)\Delta n_{ex} + \sigma_{ex}\Delta n^2 - \Delta n_{ex}W_{\rm B}\Delta n_{\phi} = 0; \qquad (2^{\prime\prime\prime})$$

$$\Delta n_{\rm ex} W_{\rm B} \Delta n_{\rm \phi} - 2\kappa \Delta n_{\rm \phi} = 0. \tag{4'''}$$

Решая эту систему, получим следующее уравнение для Δn_{\pm} :

$$\Delta n_{\phi} \left(\frac{(g + R_{ex}^{\scriptscriptstyle B}) W_{\scriptscriptstyle B}}{(B - \beta) + W_{\scriptscriptstyle B} \Delta n_{\scriptscriptstyle B}} - 2\kappa \right) = 0.$$
⁽⁹⁾

Это уравнение имеет два решения:

$$\Delta n_{\phi} = 0; \tag{10}$$

$$\Delta n_{\phi} = \frac{(g + R_{ex}^{\rm B})W_{\rm B} - 2\kappa(\beta - B)}{2\kappa W_{\rm B}}.$$
(11)

(8)

ЭЛЕКТРОННЫЕ СРЕДСТВА: ИССЛЕДОВАНИЯ, РАЗРАБОТКИ

Равенство $\Delta n_{\phi} = 0$ означает, что фотонов нет, т. е. лазерная генерация отсутствует.

Рассмотрим решение (11) и, в частности, его числитель.

Если накачка лазера слабая, то сумма $g{+}R^{\scriptscriptstyle\rm B}_{ex}$ мала и тогда

$$(g + R_{ex}^{\scriptscriptstyle B})W_{\scriptscriptstyle B} - 2\kappa(\beta - B) < 0.$$
⁽¹²⁾

Однако, поскольку число фотонов не может быть отрицательным, решение (11) не пригодно, то есть остается только решение (10). Следовательно в условиях слабой накачки генерация излучения отсутствует.

Если увеличить накачку так, чтобы выполнялось условие

$$(g + R_{ex}^{\scriptscriptstyle B})W_{\scriptscriptstyle B} - 2\kappa(\beta - B) > 0$$
⁽¹³⁾

$$(g + R_{ex}^{\scriptscriptstyle B})W_{\scriptscriptstyle B} > 2\kappa(\beta - B), \tag{14}$$

решение (11) с $\Delta n_{\phi} > 0$ становится возможным. Это соответствует условию лазерной генерации излучения (14). В стационарных условиях можно положить $R_{ex}^{\text{в}} = \Delta n_{ex} / \tau$. Тогда условие лазерной генерации (14) перепишется в виде

$$\left(g + \frac{\Delta n_{ex}}{\tau}\right) W_{\rm B} > 2\kappa(\beta - B).$$
⁽¹⁵⁾

Формула для коэффициента усиления с учетом неупругого экситон-экситонного рассеяния получена в [4]. Из нее следует выражение для W_{p} :

$$W_{\rm B} = \frac{2\pi}{\hbar} \frac{\left|V_{\mu\mu'}(0)\right|^2}{\left(kT\right)^2} \left|E' - \hbar\omega\right| \left(1 + \frac{kT}{\varepsilon_s}\right)^{-1/2} \times K_1 \left(\frac{\left|E' - \hbar\omega\right|}{kT} \left[1 + \frac{kT}{\varepsilon_s}\right]^{1/2}\right),\tag{16}$$

где $|V_{\mu\mu'}(0)|^2 = 13,28Q^2(16\pi^2 a_{\rm b}^6/V^2);$

V— объем кристалла;

 $Q = e^2 / (2\varepsilon_0 a_{\rm b});$

$$\varepsilon_0$$
 — низкочастотная диэлектрическая проницаемость;
 $\varepsilon_s = (a_b / R_s)^2 Q;$

$$R_s$$
 — эффективный радиус рассеяния, R_s =2,38 $a_{\rm E}$; $K_1(x)$ — функция Макдональда;

Е' — положение центра кривой усиления.

С учетом выражений (14), (15), (16) и равенства
$$t_0 = 1/(2\kappa)$$
 получим условие генерации в виде

$$\frac{2\pi}{\hbar} \frac{(g + \Delta n_{ex} / \tau) |V_{\mu\mu'}(0)|^2}{(kT)^2} |E' - \hbar \omega| \left(1 + \frac{kT}{\varepsilon_s}\right)^{-1/2} \times K_1 \left(\frac{|E' - \hbar \omega|}{kT} \left(1 + \frac{kT}{\varepsilon_s}\right)^{1/2}\right) > \frac{\beta - B}{t_0}.$$
(17)
Анализ модели

Из формулы (17) видно, что время жизни фотона 8. Страховский Г. М., Успенский А t₀ в резонаторе лазера должно быть достаточно ве- троники.—М.: Высшая школа, 1979.

лико, а разность $\beta - B$ мала. Следует отметить, что полученное условие генерации (17) характерно для системы взаимодействующих бозонов. Аналогичное условие для фермионных систем, полученное в большинстве работ по лазерам, имеет вид [8, с. 37]

$$\frac{(N_2 - N_1)}{V\tau 8\pi v^2 \Delta v/c^3} > \frac{1}{t_0},$$
(18)

где N_1, N_2 — число атомов в основном и возбужденном состоянии, соответственно;

v — частота света;

 Δv — ширина атомной линии;

с — скорость света в лазерной среде.

Поскольку величина Δv прямо пропорциональна частоте перехода *v*, перепишем уравнение (18) так:

$$\frac{(N_2 - N_1)}{V\tau 8\pi v^3/c^3} > \frac{1}{t_0}.$$
(19)

В пороговое условие генерации (19) входит величина v^3 , поэтому очевидно, что для очень коротких волн левая часть этого выражения оказывается слишком малой чтобы выполнялось условие самовозбуждения лазера. Это одна из принципиальных трудностей, возникающих при создании гамма-лазеров для фермионных систем. Как видно из (17), для систем взаимодействующих бозонов эти трудности не возникают и поэтому именно их следует использовать в качестве рабочего вещества гамма-лазеров [6].

Таким образом, полученные скоростные уравнения экситонного лазера в системе взаимодействующих экситонов и условия инверсной населенности и генерации позволили указать на принципиально новую возможность создания гамма-лазера.

ИСПОЛЬЗОВАННЫЕ ИСТОЧНИКИ

1. Benoit la Guillaume C., Debever J. M., Salvan F. Radiative recombination in highly excited CdS // Phys. Rev.— 1969.— N 177.— P. 567.

2. Magle D., Mahr H. Exciton-exciton interaction in CdS, CdSe and ZnO // Phys. Rev. Lett.— 1970.— N 24.— P. 890.

3. Грибковский В. П., Дроздов Н. А., Патрин А. А. и др. Излучательная рекомбинация свободных экситонов в ZnTe при высоком уровне оптического возбуждения // Журнал прикладной спектроскопии.— 1974.— № 21.— С. 1009.

4. Молчанов Ф. Г., Попов Ю. М., Трупилин А. И. Усиление света в полупроводниках при рекомбинации экситонов высокой концентрации // Квантовая электроника.— 1974.— № 5.— С. 1258—1261.

5. Нолле Э. Л. Вынужденное излучение света неидеальным экситонным газом в полупроводниках // Физика и техника полупроводников.— 1974.— Т. 8, №. 8.— С. 1463—1470.

6. Гаркавенко А. С. Немессбауэровский гамма-лазер на основе прямозонных полупроводниковых соединений // Технология и конструирование в электронной аппаратуре.— 2001.— № 4—5.— С. 56—59.

Давыдов А. С. Теория твердого тела.— М.: Наука, 1976.
 8. Страховский Г. М., Успенский А.В. Основы квантовой электроники.— М.: Высшая школа, 1979.