

УДК 681.883.482

## НЕКОТОРЫЕ АСПЕКТЫ ИЗМЕРЕНИЯ СКОРОСТИ ДОПЛЕРОВСКИМ ЛАГОМ НА МАЛЫХ ГЛУБИНАХ

© А.П. Мартынюк, 2006

АО НИИ «RIF-ACVAAPARAT», г. Бэлць (Республика Молдова)

Розглянуто особливості виміру частоти в доплерівському лазі при роботі на малих глибинах, проводиться аналіз та уточнюються процедури вимірювання частоти доплерівського ехо-сигналу.

Рассматриваются особенности измерения частоты в доплеровском лаге при работе на малых глубинах, производится анализ и уточняются процедуры измерения частоты доплеровского эхо-сигнала.

The features of frequency measurement in dopler log are examined when operating at small depths, an analysis of dopler echo-signal frequency measurement is made and procedures are specified.

Основной характеристикой доплеровских лагов является погрешность измерения скорости.

Как известно, в доплеровском лаге автоматизируется решение следующей формулы  $V = f_d/K_v$ , где  $V$  – скорость носителя,  $K_v = \text{const}$ , а  $f_d$  – доплеровское приращение частоты, поэтому точность определения  $V$  в отсутствие дестабилизирующих факторов определяется, в частности, точностью измерения  $f_d$ .

В общем случае погрешности разделяются на систематические и случайные (флюктуационные) и их характеристики достаточно полно представлены в [1].

Общепринятый способ компенсации систематических погрешностей – калибровка лага в условиях полигона.

Для доплеровских лагов, использующих импульсный режим излучения, флюктуационная погрешность измерения при отсутствии дестабилизирующих факторов определяется как

$$\sigma_p = \sqrt{\sigma_f^2 + \sigma_\tau^2}, \quad (1)$$

где  $\sigma_f$  – флюктуационная погрешность за счет стохастического характера доплеровского эхо-сигнала;

$\sigma_\tau$  – погрешность за счет импульсного режима излучения.

Эффективным способом снижения флюктуационной погрешности является их сглаживание путем временного осреднения.

Степень уменьшения флюктуационной погрешности за счет стохастического характера доплеровского спектра эхо-сигнала определяется следующим выражением

$$\overline{\sigma_f} = \sigma_f \cdot \sqrt{\frac{\tau_k}{T_0}}, \quad (2)$$

где  $\overline{\sigma_f}$  – значение погрешности, осредненное на интервале  $T_0$ ;

$\sigma_f$  – погрешность единичного измерения, чаще всего  $\sigma_f = \frac{\Delta f}{2}$  ( $\Delta f$  – ширина доплеровского спектра по уровню минус 3 дБ);

$\tau_k$  – временной интервал корреляции доплеровской частоты;

$T_0$  – время осреднения.

Флюктуационная погрешность за счет импульсного режима излучения определяется следующим выражением

$$\bar{\sigma}_\tau = \sigma_\tau \cdot \sqrt{\frac{\tau_e}{T_0}}, \quad (3)$$

где  $\bar{\sigma}$  – значение погрешности, осредненное на интервале  $T_0$ ;

$\sigma_\tau$  – погрешность единичного измерения частоты;

$\tau_e$  – длительность единичного измерения частоты, чаще всего  $\tau_e \leq \tau_n$ ;

$T_0$  – время осреднения.

Известно, что спектр прямоугольного радиоимпульса с длительностью  $\tau_n$  и частотой  $f$  может, без учета доплеровского расширения, быть записан в виде [1,2]

$$S(f) = \frac{\sin(\pi\tau_n(f_n - f))}{\pi\tau_n(f_n - f)}, \quad (4)$$

где  $f_n$  – несущая частота излучаемого радиоимпульса;

$f_n$  – частота принятого эхо-сигнала.

Делая допущение, что плотность вероятности погрешности измерения доплеровской частоты пропорциональна спектральной плотности излученной энергии, средняя квадратичная (с доверительной вероятностью 0,68) погрешность измерения частоты равна [1]

$$\sigma_\tau = \frac{1}{4\tau_n}. \quad (5)$$

Поскольку в лагах  $\tau_n = f(H) = K_{\text{проп}} \cdot H$ , где  $K_{\text{проп}}$  – коэффициент пропорциональности, то начиная с некоторых глубин в выражении (1) погрешность  $\sigma_\tau$  начнет доминировать.

Соотношение (5), казалось бы, и определяет потенциальную точность лага при работе на малых глубинах. Однако данный вывод справедлив для случая, когда измерение основывается на спектральном анализе и оценка ведется в частотной области.

Достаточно эффективно решить задачу снижения погрешности за счет малой длительности  $\tau_n$  на малых глубинах позволяют методы измерения, основанные на измерении частоты эхо-сигнала во временной области. Перед рассмотрением необходимо отметить, что в доплеровских лагах  $\Delta f \ll f_n$ .

### ***А. Метод счета нулей***

Метод широко известен. Используется в благоприятных энергетических условиях. Основан на измерении несущей частоты путем счета количества переходов через ноль напряжения доплеровского эхо-сигнала на мерном интервале измерения.

Несмотря на то, что всякий счетчик нулей определяет не среднее, а среднеквадратичное значение частоты, которое всегда выше среднего значения  $F_{\text{ср.д}}$ , для строго узкополосных сигналов, каковым является эхо-сигнал в доплеровском лаге, это отличие незначительно, а с учетом использования в лаге антенны с янусной характеристикой направленности, алгоритмически смещение в оценке частоты и вовсе компенсируется.

На практике, с целью минимизации инструментальной погрешности, используется измерение периода несущего колебания с последующим пересчетом периода в частоту. Частоту определяют по формуле

$$F_{\text{изм}} = \frac{N_{\text{и}}}{N_0 \pm 1} \times F_0, \quad (6)$$

где  $N_{\text{и}}$ ,  $N_0$  – количество переходов через ноль измеряемого и эталонного сигнала на измерительном интервале;

$F_0$  – тактовая частота эталонного сигнала.

Погрешность в определении частоты определяется единицей счета, которая эффективно снижается путем повышения тактовой частоты  $F_0$ .

### ***Б. Метод производной***

Известно, что эхо-сигнал с учетом узкополосности может рассматриваться как квазигармонический случайный процесс.

Во временной области реализация эхо-сигнала в пределах  $\tau_{\text{и}}$  может быть представлена следующим выражением

$$S(t) = U(t) \cdot \cos(\omega t + \varphi(t)), \quad (7)$$

где  $U(t)$ ,  $\varphi(t)$  – функции, медленно меняющиеся во времени.

По определению [2], полная фаза реализации эхо-сигнала определяется как

$$\Phi = \omega t + \varphi(t), \quad (8)$$

в тоже время полную фазу можно представить как арктангенс отношения квадратурной (синусной) к синфазной (косинусной) составляющих огибающей реализации  $S(t)$  эхо-сигнала.

Проведя преобразование Гильберта с реализацией эхо-сигнала  $S(t)$ , определим мгновенную частоту как производную полной фазы по времени

$$\Omega = \frac{d\Phi(t)}{dt} = \frac{d\left(\arctg \frac{A_s(t)}{A_c(t)}\right)}{dt}, \quad (9)$$

где  $A_c(t)$ ,  $A_s(t)$  – соответственно, синфазная и квадратурная составляющие огибающей реализации  $S(t)$  эхо-сигнала.

Перейдя к дискретному времени с учетом дискретизации с интервалом времени  $\Delta t$  и заменив дифференцирование отношением разности  $\Delta\Phi(t)$  к  $\Delta t$  (при  $\Delta t \rightarrow 0$ ), получим

$$\Omega_i(\Delta t) = \frac{\Delta\Phi_i(t)}{\Delta t} = \frac{\arctg \frac{A_{si+1}}{A_{ci+1}} - \arctg \frac{A_{si}}{A_{ci}}}{\Delta t}, \quad (10)$$

$$F_i = \frac{\arctg \frac{A_{si+1}}{A_{ci+1}} - \arctg \frac{A_{si}}{A_{ci}}}{\Delta t \cdot 2\pi}, \quad (11)$$

где  $A_{ci}$ ,  $A_{si}$  –  $i$ -е дискретные выборки синфазной и квадратурной составляющих огибающей реализации  $S(t)$  эхо-сигнала;

$F_i$  – значение мгновенной частоты  $i$ -го единичного измерения.

За длительность импульса среднее значение частоты определяется как

$$\bar{F} = \frac{\sum_{i=1}^m F_i}{m}, \quad (12)$$

где  $m$  – количество измерений, принятых к обработке (обычно  $m \leq n-1$ ,  $n$  – количество выборок).

Как видно из (11), (12), результат вычисления частоты не зависит от длительности импульса, а зависит от количества выборок реализации, погрешности дискрета времени, точностью выборки при квантовании.

Для косвенных измерений среднеквадратичную погрешность результата единичного измерения определим с использованием частных производных выражения (11) по формуле

$$\delta F_e = \sqrt{\left(\frac{d(F)}{dA_c} \cdot \sigma_{A_{ci}}\right)^2 + \left(\frac{d(F)}{dA_{si}} \cdot \sigma_{A_{si}}\right)^2 + \left(\frac{d(F)}{dA_{ci+1}} \cdot \sigma_{A_{ci+1}}\right)^2 + \left(\frac{d(F)}{dA_{si+1}} \cdot \sigma_{A_{si+1}}\right)^2 + \left(\frac{d(F)}{d\Delta t} \cdot \sigma_{\Delta t}\right)^2}, \quad (13)$$

где  $\sigma_{A_{ji}}$  – погрешности определения составляющих при квантовании;

$\sigma_{\Delta t}$  – погрешность временного дискрета.

Проведя дифференцирование и считая, что  $\sigma_{A_{ci}} = \sigma_{A_{si}} = \sigma_{A_{ci+1}} = \sigma_{A_{si+1}} = \sigma_A$ , получим

$$\delta F_e = \frac{1}{2\pi \cdot \Delta t} \sqrt{\sigma_A^2 \left[ \frac{1}{A_{ci+1}^2 + A_{si+1}^2} \right] + \frac{\sigma_{\Delta t}^2}{(\Delta t)^2} \left[ \arctg \frac{A_{si+1}}{A_{ci+1}} - \arctg \frac{A_{si}}{A_{ci}} \right]^2} . \quad (14)$$

Погрешність при слабому шумовому впливі (обычно при співвідношенні с/ш не менше 20 дБ) визначається, в основному, точністю обчислення  $A_{ci}$  і  $A_{si}$ , що визначається розрядністю АЦП, а також погрешністю визначення  $\Delta t$ .

Формула (14) виражає важливу особливість. Погрешність вимірювання миттєвої частоти, визначеної через аналітичний сигнал, як зазначено в [3], не залежить від форми вимірюваного коливання і тривалості імпульсу. Збільшуючи кількість вибірок за тривалість імпульсу, значення середньої миттєвої частоти, після виключення аномальних порціонних вимірювань, результат вимірювання не вийде за межі ширини доплерівського спектра неперервного ехо-сигналу.

Відміння методу Б від відомих, наприклад методу, описаного в [4], в тому, що:

- за малу тривалість  $\tau_n$  проводиться  $n$  вибірок і отримується  $n-1$  одиничних вимірювань частоти ехо-сигналу;
- результат вимірювання миттєвої частоти не залежить від тривалості ехо-сигналу;
- для вимірювання не потрібно обчислення комплексної кореляційної функції.

Вопрос співвідношення середньої частоти спектра ехо-сигналу і середнього значення миттєвої частоти детально розглянуто в [5].

Необхідно відзначити, що підвищення достовірності вимірювання частоти заповнення радіоімпульсу по методу А або середнього значення миттєвої частоти по методу Б в гідроакустичному доплерівському лагу може бути досягнуто за рахунок вимірювання частоти в середній частині імпульсного ехо-сигналу [6].

## Література

1. Бородин В.И., Смирнов Г.Е., Толстякова Н.А., Яковлев Г.В. Гидроакустические навигационные средства. – Л.: Судостроение, 1983. – 264 с.
2. Гоноровский В.С. Радиотехнические цепи и сигналы: Учебник для вузов. – М.: Радио и связь, 1986.
3. Вакман Д.Е. Измерение частоты аналитического сигнала // Радиотехника и электроника. - том XXIV, №5. - Издательство «Наука», 1979.
4. Львов К.П. Оценка спектрального момента. // Труды международной конференции «Прикладные технологии гидроакустики и гидрофизики ГА-2006». - С-Петербург. - 2006.
5. Финк Л.М. Соотношение между спектром и миттєвою частотою сигналу. // Проблеми передачі інформації. – 1966. - т.2, вип.4. - С.26-38.
6. А.с. СССР №1700492 кл. G01. Измеритель частоты гидроакустического доплерівського лагу /С.Т.Барась, В.А.Мельник, А.П.Мартынюк, А.П.Кушнир. - 1991.