# РОЛЬ АТОМНОЇ СТРУКТУРИ ПОВЕРХОНЬ У ФОРМУВАННІ ПОТЕНЦІАЛУ У ВАКУУМНОМУ ПРОМІЖКУ МІЖ БЛИЗЬКОРОЗДІЛЕНИМИ МЕТАЛОМ ТА НАПІВПРОВІДНИКОМ

#### Л.Г. Ільченко, В.В. Лобанов

Інститут хімії поверхні ім. О.О. Чуйка Національної академії наук України вул. Генерала Наумова 17, 03164 Київ-164

В наближенні нелокальної електростатики проведено розрахунки структурного потенціалу  $\Delta V_{st}(\vec{r})$  в вакуумній щілині товщиною L, якою розділені метал та напівпровідник, у випадку квазінейтральних їх поверхонь з двома типами впорядкованих поверхневих граток.

Показано, що структурний потенціал  $\Delta V_{st}(\vec{r})$ , який є суперпозицією вкладів, обумовлених мікроскопічними структурами кожної з двох поверхонь, є несиметричним і формує латеральну (вздовж меж поділу) зміну сумарного потенціалу V( $\vec{r}$ ) у вакуумній щілині. Збільшення амплітуди  $\Delta V_{st}(\vec{r})$  пов'язане зі зменшенням відстані між напівпровідником та металом, а також зі зниженням концентрації вільних електронів в металі.

Перехід від мікро- до нанотехнологій передбачає створення і використання нових матеріалів та структур, властивості яких значно відрізняються від загальновідомих завдяки зменшенню розмірів частинок (S < 100 нм) та відстаней між ними L < 5 нм. Розмірні ефекти [1–3], посилення вкладу поверхонь та меж поділу призводять до суттєвої зміни макроскопічно вимірних параметрів наноструктурованих систем [4, 5].

Однією з найважливіших теоретичних задач при переході від мікро- до нанорозмірів та відстаней між частинками є встановлення залежності зміни властивостей твердих тіл при зменшенні відстаней між ними. Відомо, що зменшення вакуумного розділяючого інтервалу L між твердими тілами приводить до утворення потенціального бар'єру, який визначається розподілом потенціалу сил зображення,  $V_j^0(x)$ , та різницею в об'ємних властивостях кожного з трьох середовищ (j=1,2,3) [6–11]. Форма утвореного потенціального бар'єру буде змінюватись у випадку наявності нескомпенсованих зарядів на поверхнях взаємодіючих частинок, які обумовлюють зарядову компоненту  $\Delta V_{\sigma}(x)$  повного потенціалу взаємодії,  $V(\vec{r})$ , при умові, коли густина заряду  $\sigma_1$  та  $\sigma_2$  між фазних границях

$$\sigma_1 = \sum_{i=1}^{\nu_1} \sigma_i \neq 0$$
 i  $\sigma_2 = \sum_{n=1}^{\nu_2} \sigma_n \neq 0$ .

Це приводить до збільшення притягання (або відштовхування) між взаємодіючими частинками в залежності від знаку та величини густини нескомпенсованого поверхневого заряду [12–14]. Вклад структурного потенціалу,  $\Delta V_{st}(\vec{r})$ , [12–14] в повний потенціал взаємодії,  $V(\vec{r})$ , збільшується при подальшому зменшенні розділяючої відстані а також зумовлює виникнення рельєфу потенціалу всередині вакуумної щілини.

Структурна компонента, повного потенціалу взаємодії між двома близько розділеними малим вакуумним проміжком діелектриками [12, 13] та металами [14] була теоретично розрахована на основі методу функцій Гріна нелокального рівняння Пуассона.

В даній роботі проведено обчислення структурного потенціалу в вакуумній щілині L, якою розділені метал та напівпровідник. Відповідні розрахунки проведені в наближенні нелокальної електростатики з врахуванням ефектів просторової дисперсії функцій діелектричної проникності металу  $\varepsilon_1(\vec{k})$  та напівпровідника  $\varepsilon_3(\vec{k})$ , що зумовлює неперервність потенціалу  $V_i^0(x)$  на міжфазних границях.

Розглянуто випадок квазінейтральних поверхонь з двома типами упорядкованих поверхневих граток  $v_1, v_2 = 2$ , коли сумарна густина заряду  $\sigma_{1,2}$  на межах поділу

Показано, що, як і у випадку двох близько розділених металів або діелектриків [12–14], врахування структурної компоненти потенціалу обумовлює латеральну (вздовж меж поділу) зміну амплітуди сумарного потенціалу,  $V_2(x)$ , у вакуумній щілині. Проведено аналіз впливу концентрації електронів в металі на амплітуду  $\Delta V_{st}(\vec{r})$  в вакуумній щілині.

Врахування просторової дисперсії діелектричної функції металу  $\varepsilon_1(\vec{k})$  проведено із застосуванням загальновідомого довгохвильового наближення Томаса-Фермі (НТФ) [6]. В НТФ діелектрична функція металу має вигляд

$$\varepsilon_1(\vec{k}) = 1 + \frac{\kappa_1^2}{k^2}, \quad k = \{k_\perp, q\},$$
(2)

де  $\kappa_1^2 = 6\pi e^2 n_1 / E_F^1$ ,  $n_1$  – концентрація,  $E_F^1 = \hbar^2 (3\pi^2 n_{1,3})^{2/3} / 2m_0$  – енергія Фермі,  $m_0$  – ефективна маса вільних електронів в металі.

Просторова дисперсія діелектричної функції  $\varepsilon_3(\vec{k})$  власного напівпровідника (діелектрика) достатньо точно передається інтерполяційною моделлю Інксона [13], в якій

$$\varepsilon_{3}(\vec{k}) = 1 + \frac{\varepsilon_{3} - 1}{1 + (\vec{k}^{2} / \lambda_{3}^{2}) \cdot (\varepsilon_{3} - 1)}, \qquad \vec{k}^{2} = k_{\perp}^{2} + q^{2}, \qquad (3)$$

де  $\varepsilon_3$  – діелектрична стала кристалічної гратки (при  $\vec{k} \to 0$ ),  $\lambda_3^{-1}$  – ефективний радіус екранування зв'язаними (валентними) електронами іонних остовів кристалічної гратки, який по порядку величини рівний розміру атома (іона) і який обчислюється з врахуванням зонної структури напівпровідника [10].

На рис. 1 суцільною кривою показаний хід потенціалу сил зображення та відповідна зонна енергетична діаграма для системи метал — вакуум — кремній, одержаний згідно роботи [6], при розділяючому вакуумному проміжку L = 0,4 нм.



**Рис. 1.** Зонна енергетична діаграма несиметричної системи метал-вакуум-кремній та хід потенціалу сил зображення  $V_j^0(x)$  в ній, порахований з об'ємними параметрами для металу  $\varphi_1 = 4,6 \, eB$ ,  $n_1 = 2 \cdot 10^{22} \, cm^{-3}$  і  $m = 0,6913 \, m_0$  та кремнію  $\varepsilon_3 = 11,9$  і  $\lambda_3 = 7,345 \cdot 10^7 \, cm^{-1}$  при товщині вакуумного зазору L = 0,4 нм, де  $\varphi_1$  – робота виходу металу та  $m_0$  – маса вільного електрона.

З рис. 1 видно, що врахування залежності діелектричних функцій металу  $\varepsilon_1(\vec{k})$ (2) та власного напівпровідника (кремній)  $\varepsilon_3(\vec{k})$  (3) від хвильового вектора забезпечує неперервність потенціалу сил зображення,  $V_j^0(x)$ , на границях фаз, відкриваючи можливість коректного врахування зарядового стану кожної з двох поверхонь.

Врахування зарядового стану та мікроскопічної структури (конфігурації атомів) металевої поверхні, виконано в припущенні, що густина заряду  $\sigma_1$  на поверхні металу ( $x \le 0$ ) сформована впорядкованими гратками адсорбованих іонів (для спрощення розрахунків розглянуто тільки квадратні гратки) з стороною гратки  $a_i$ , двовимірною концентрацією  $N_i = a_i^{-2}$  та ефективним зарядом  $e_i^*$  на поверхневих атомах i-го типу. Фур'є-компонента густини заряду  $\sigma_1(q)$  на впорядкованих гратках поверхні металу може бути представлена у вигляді [3–6]

$$\sigma_{1}(q) = \sum_{i=1}^{\nu_{1}} \sigma_{i}(q) = (2\pi)^{2} \sum_{i=1}^{\nu_{1}} e_{i}^{*} N_{i} \bigg[ \delta(q_{y}) \delta(q_{z}) + \delta \bigg( (q_{y} - \frac{2\pi}{a_{i}}) \delta \bigg( q_{z} - \frac{2\pi}{a_{i}} \bigg) \bigg], \tag{4}$$

де v<sub>1</sub> – кількість типів атомних граток на ній.

Мікроскопічну структуру напівпровідникової поверхні враховано, в наближенні, згідно якого поверхнева густина заряду  $\sigma_2$  на ній ( $x \ge L$ ) сформована також впорядкованими гратками поверхневих атомів з стороною гратки  $b_n$ , двовимірною концентрацією  $N_n = b_n^{-2}$  та ефективним зарядом  $e_n^*$  на поверхневих атомах n – го типу. Переходячи до Фур'є-компоненти густини заряду  $\sigma_2(q)$  на впорядкованих квадратних гратках поверхневих атомів напівпровідника, маємо [3 – 6]

$$\sigma_{2}(q) = \sum_{n=1}^{\nu_{2}} \sigma_{n}(q) = (2\pi)^{2} \sum_{n=1}^{\nu_{2}} e_{n}^{*} N_{n} \bigg[ \delta(q_{y}) \delta(q_{z}) + \delta \bigg( (q_{y} - \frac{2\pi}{b_{n}}) \delta \bigg( q_{z} - \frac{2\pi}{b_{n}} \bigg) \bigg],$$
(5)

де  $v_2$  – кількість типів атомних граток на напівпровідниковій поверхні.

Перший член в (4) і (5) відповідає однорідній (не модульованій) густині заряду на металевій та напівпровідниковій поверхнях відповідно.

Незважаючи на те, що найпростіший вигляд формули структурної компоненти  $\Delta V_{st}(\vec{r})$  потенціалу взаємодії несиметричної по об'ємним властивостям метал-вакуумкремній системи мають для квазінейтральних поверхонь, тобто при виконанні умови (1), вона має достатньо громіздкий вид і в роботі не наводиться.

З рис. 2, на якому показано розподіл структурної компоненти  $\Delta V_{st}(x, 0, 0)$  в залежності від товщини вакуумної щілини між поверхнями металу та напівпровідника (реконструйована поверхня кремнію  $Si(100) - (5 \times 5)$ ), розрахований з врахуванням ефектів просторової дисперсії в діелектричних функціях металу (2) та напівпровідника (3), видно, що вклад структурної компоненти повного потенціалу зменшується зі збільшенням відстані L.



Рис. 2. Розподіл структурної компоненти  $\Delta V_{st}(x, 0, 0)$  потенціалу у вакуумному проміжку різної товщини ( $L = 0, 4 \dots 1$  нм) між металом з об'ємними ( $\varphi_1 = 4, 6$  eB,  $n_1 = 2 \cdot 10^{22} cm^{-3}$ ,  $m_1 = 0,6913 m_0$ ) і поверхневими ( $e_1^* = 0,05$ ,  $N_1 = 10^{15} cm^{-2}$ ,  $e_2^* = -0,45$ ,  $N_2 = 1,11 \cdot 10^{14} cm^{-2}$ ) параметрами та кремнієм з об'ємними ( $\varepsilon_1 = 11,9$ ,  $\lambda_1 = 7,345 \cdot 10^7 cm^{-1}$ ) і поверхневими параметрами  $e_1^* = 0,02$ ,  $N_1 = 6,8 \cdot 10^{14} cm^{-2}$ ,  $e_2^* = -0,5$ ,  $N_2 = 2,72 \cdot 10^{13} cm^{-2}$ .

На рис. З показано розподіл повного потенціалу

$$V(\vec{r}) = V_0(x) + \Delta V_{st}(\vec{r}) \tag{6}$$

в вакуумній щілині при L = 0,4 нм, розрахований з врахуванням ефектів просторової дисперсії в металі та напівпровіднику. Аналогічний розподіл потенціалу сил зображення  $V_i^0(x)$ , розрахований згідно даним робіт [6, 10], показано точковою кривою.



Рис. 3. Розподіл повного потенціалу V(x, 0, 0) - (суцільна крива) у вакуумній щілині при L = 0,4 нм між металом з об'ємними ( $\varphi_1 = 4,6$  eB,  $n_1 = 2 \cdot 10^{21} cm^{-3}$  і  $m_1 = 0,6315 m_0$ ) і поверхневими ( $e_1^* = 0,05$ ,  $N_1 = 10^{15} cm^{-2}$  і  $e_2^* = -0,45$ ,  $N_2 = 1,11 \cdot 10^{14} cm^{-2}$ ) параметрами та кремнієм з об'ємними ( $\varepsilon_1 = 11,9$ ,  $\lambda_1 = 7,345 \cdot 10^7 cm^{-1}$ ) і поверхневими ( $e_1^* = 0,02$ ,  $N_1 = 6,8 \cdot 10^{14} cm^{-2}$ ,  $e_2^* = -0,5$ ,  $N_2 = 2,72 \cdot 10^{13} cm^{-2}$ ) параметрами. Точкова крива – розподіл потенціалу сил зображення  $V_2^0(x)$ .

З наведеного рисунку видно, що врахування структурного потенціалу  $\Delta V_{st}(x, 0, 0)$  не змінює форми відповідних кривих, але суттєво впливає на величину потенціального бар'єру  $V(\vec{r})$ .

Залежність структурного потенціалу,  $\Delta V_{st}(x, 0, 0)$ , від концентрації електронів в металі, розрахована при незмінній роботі виходу  $\varphi_1 = 4,6 eB$  наведена на рис. 4, аналогічна залежність амплітуди потенціалу  $\Delta V_{st}(L/2, y, 0)$  в центрі вакуумної щілини L = 0,4 нм для несиметричної системи метал-вакуум-кремній показана на рис. 5.

Рис. 4 та 5 ілюструють, що амплітуда структурного потенціалу  $\Delta V_{st}(\vec{r})$  суттєво зменшується зі збільшенням концентрації електронів в металі.

Як і у випадку двох близько розділених діелектриків [12], металів [14] та напівпровідників [13] зміна потенціалу  $V(\vec{r})$  в вакуумній цілині для квазінейтральних поверхонь обумовлена зміною поляризаційної компоненти  $V_0(x)$  (зміною потенціалу сил зображення) та мікроскопічною структурою поверхонь. На рис. 6 показано розподіл латерального повного потенціалу V(L/2, y, 0) всередині вакуумного проміжку  $L/2 = 0,2 \, hm$  (суцільна крива) між металом та кремнієм як суперпозицію вкладів від атомних структур поверхні кремнію V(L, y, 0) (штрихова крива) та металу V(0, y, 0)(точкова крива).



Рис. 4. Розподіл  $\Delta V_{st}(x, 0, 0)$  в вакуумній щілині L = 0,4 нм між кремнієм з об'ємними ( $\varepsilon_1 = 11,9$ , і  $\lambda_1 = 7,345 \cdot 10^7 cm^{-1}$ ) та поверхневими ( $e_1^* = 0,02$ ,  $N_1 = 6,8 \cdot 10^{14} cm^{-2}$ ,  $e_2^* = -0,5$ ,  $N_2 = 2,72 \cdot 10^{13} cm^{-2}$ ) параметрами та металом з поверхневими параметрами ( $e_1^* = 0,05$ ,  $N_1 = 10^{15} cm^{-2}$  і  $e_2^* = -0,45$ ,  $N_2 = 1,11 \cdot 10^{14} cm^{-2}$ ) в залежності від електронної структури металу при  $\varphi_1 = 4,6 eB$  та  $n = 2 \cdot 10^{21} cm^{-3}$ ,  $m^* = 0,6315 m_0$  (штрихова крива),  $n = 2 \cdot 10^{22} cm^{-3}$ ,  $m^* = 0,6913 m_0$  (суцільна крива) та  $n = 2 \cdot 10^{23} cm^{-3}$ ,  $m^* = 1,1116 m_0$  (точкова крива).



**Рис. 5**. Латеральний розподіл структурного потенціалу  $\Delta V_{st}(L/2, y, 0)$  в центрі вакуумного проміжку L = 0,4 нм між кремнієм та металом. Значення параметрів, що були використані при розрахунку та відповідні позначення, наведені в підписі до рис. 4.



Рис. 6. Латеральний розподіл повного потенціалу V(L/2, y, 0) в центрі вакуумного проміжку L = 0,4 нм (суцільна крива) між кремнієм та металом. Штрихова крива – латеральний розподіл V(L, y, 0) на поверхні кремнію (x = L), точкова крива – латеральний розподіл V(0, y, 0) на поверхні металу (x = 0). Розрахунки виконані при значеннях параметрів, що наведені в підпису до рис. 4.

Особливо наглядно виникнення надграток повного потенціалу  $V(\vec{r})$  всередині вакуумної щілини L = 0,4 нм демонструє 3D розподіл структурного потенціалу  $\Delta V_{st}(L/2, y, z)$ , порахований з врахуванням ефектів просторової дисперсії в діалектричних функціях металу  $\varepsilon_1(\vec{k})$  (2) та власного напівпровідника  $\varepsilon_3(\vec{k})$  (3) (рис. 7).



**Рис. 7.** Латеральний 3-D розподіл структурного потенціалу  $\Delta V_{st}(L/2, y, z)$  в центрі вакуумного проміжку x = L/2 між квазінейтральними поверхнями металу та напівпровідника (реконструйована поверхня кремнію  $Si(100) - (5 \times 5)$ ), розрахований в межах нелокальної електростатики з об'ємними та поверхневими параметрами відповідно до рис. 4.

З наведених рисунків видно, що для несиметричної по об'ємним та поверхневим характеристикам системи рельєф структурної компоненти потенціалу  $\Delta V_{st}(L/2, y, 0)$ 

всередині вакуумної щілини між поверхнею металу та напівпровідника, який є суперпозицією вкладів мікроскопічної структури кожної з двох близько розділених поверхонь (рис. 6), є несиметричним і призводить до виникнення впорядкованої гратки областей максимального підвищення (пониження) висоти потенціального бар'єру. Характеристики рельєфу залежать від параметрів кожної з поверхонь: від ефективного заряду  $e_{i,n}^*$  на поверхневих атомах металу та напівпровідника, їх двохвимірної концентрації  $N_{i,n}$  та типів поверхневих граток. Для малих розділяючих відстаней  $L \sim 0,3...1$  нм врахування структурної компоненти  $\Delta V_{st}(\vec{r})$  зумовлює латеральну зміну висоти потенціального бар'єру у всьому вакуумному проміжку.

Амплітуда структурного потенціалу  $\Delta V_{st}(\vec{r})$  (і також повного потенціалу  $V(\vec{r})$ (6)) суттєво зменшується зі збільшенням концентрації електронів в металі (для вироджених напівпровідників фактично зі збільшенням ступені об'ємного легування). Має місце також швидке зменшення впливу мікроскопічної структури поверхонь на повний потенціал  $V(\vec{r})$  при збільшенні розділяючої відстані L, так що у випадку (1) повний потенціал  $V(\vec{r})$  при L > 2 нм буде визначатися потенціалом сил зображення  $V_0(x)$  (рис. 1).

#### Література

- Litovchenko V.V., Il'chenko L.G., Kryvchenko Yu.V. Optimization of quantum well structures for field emission applications // J. Vac. Sci. Technol. B. – 1995. – V. 13, № 2. – P. 602 – 605.
- 2. Il'chenko L.G., Kryvchenko Yu.V., Litovchenko V.V. Electron field emission (FE) from quantum size systems // Appl. Surface Sci. 1995. V. 87 88. P. 53 60.
- Горайчук Т.В., Ільченко Л.Г., Ільченко В.В. Розмірна залежність потенціалу сил зображення поблизу тонкої металевої плівки з розмірно-квантованим спектром електронів // Вісн. київськ. ун-ту. Радиофізика і електроніка. – 2000. – Вып. 2. – С. 29 – 33.
- 4. Нанотехнология в ближайшем десятилетии. Прогноз направления исследований / Под ред. М.К. Роко, Р.С. Уильямса, П. Аливисатоса. М.: Мир, 2002. 292 с.
- 5. Химия поверхности кремнезема / Под ред. А.А. Чуйко Киев: УкрИНТЭИ, 2001. Ч. 1. 736 с.
- Il'chenko L.G., Goraychuk T.V. Role of the image forces potential in the formation of the potential barrier between closely spaced metals // Surf. Sci. – 2001. – V. 478. – P. 169 – 179.
- 7. Il'chenko L.G., Goraychuk T.V. Image potential between closely separated quantum size film and metal // Ultramicroscopy. 2003. V. 95. P. 67 73.
- Huang Z.-H., Weimer M., Allen R.E. Internal image potential in semiconductors: Effect on scanning tunneling microscopy // Phys. Rev. B. – 1993. – V. 48, № 20. – P. 15068 – 15076.
- 9. Войтенко А.И., Габович А.М. Динамические силы изображения вблизи границ раздела полупроводник-вакуум: роль квантовомеханических поправок // Физика тверд. тела. 2001. V. 43, № 12. С. 2230 2236.
- 10. Горайчук Т.В., Ільченко Л.Г. Сили зображення між близькорозділеними діелектриками // Хімія, фізика та технологія поверхні. – 2003. – Вип. 9. – С. 11 – 17.

- 11. Ільченко Л.Г., Лобанов В.В., Чуйко О.О. Теоретичне визначення потенціалу взаємодії між двома близько розділеними діелектриками у воді // Доп. НАН України. 2005. Т. 1 С. 76 81.
- 12. Ільченко Л.Г., Лобанов В.В., Чуйко О.О. Вплив мікроструктури поверхні на потенціал взаємодії між наночастинками діелектриків // Наносистеми, наноматеріали, нанотехнології. 2004. Т. 2, Вип. 4. С. 1145 1158.
- 13. Ільченко Л.Г., Лобанов В.В., Чуйко О.О. Формування потенціального бар'єру між двома близько розділеними металами з субмоношаровим адсорбційним покриттям // Фізика і хімія твердого тіла. 2005. Т. 6, № 3 С. 471 475.
- 14. Ильченко Л.Г., Лобанов В.В., Чуйко А.А. Роль микроструктуры поверхности в формировании потенциала взаимодействия между близкоразделенными вакуумным промежутком неидентичными диэлектрическими (полупроводниковыми) наночастицами // Химия, физика и технология поверхности. – 2006. – Вып. 11 – 12. – С. 4 – 19.

## ROLE OF SURFACE ATOMIC STRUCTURE IN FORMING A POTENTIAL WITHIN VACUUM INTERVAL BETWEEN NEARLY SEPARATED METAL AND SEMICONDUCTOR

### L.G. Il'chenko, V.V. Lobanov

Chuiko Institute of Surface Chemistry of National Academy of Sciences of Ukraine General Naumov Str. 17, 03164 Kyiv-164

With in the framework of a non-local electrostatics, the structure component  $\Delta V_{st}(\vec{r})$  has been calculated in the vacuum interval L between a metal and a semiconductor with the quasi-neutral surfaces of two types of well-organized superficial lattices.

It has been shown that structural potential  $\Delta V_{st}(\vec{r})$ , which is a superposition of the microscopic structures of both surfaces, is asymmetrical and stipulates a lateral (along the interfaces) change in the total potential barrier  $V(\vec{r})$  in the vacuum gap. The increase  $\Delta V_{st}(\vec{r})$  (amplitudes) is related to decrease in the distance L between semiconductor and metal as well as with decrease in the free electrons concentration in the metal.