

К. т. н. А. А. ЕФИМЕНКО, к. т. н. В. Б. ТКАЧЕНКО

Украина, г. Одесса

Дата поступления в редакцию  
14.04 1998 г.

Оппонент д. т. н. Л. С. ЛУТЧЕНКОВ

## МЕТОДИКА РАСЧЕТА ЛИНЕЙНЫХ РАЗМЕРНЫХ ЦЕПЕЙ НЕСУЩИХ КОНСТРУКЦИЙ РЭС

*Предложена методика, позволяющая достаточно просто учитывать звенья-зазоры. Сделан вывод о существенном их влиянии на предельные отклонения замыкающих звеньев.*

*The procedure, allowing to take into account links-clearance has been proposed. A conclusion about essential influence on limit declination of locking links has been done.*

Точность изготовления деталей и сборочных единиц несущих конструкций (НК) определяет не только их взаимозаменяемость в процессе сборки, но и функциональную взаимозаменяемость радиоэлектронных средств (РЭС). Это накладывает определенные требования к точности проектирования и изготовления НК.

Взаимозаменяемость элементов несущих конструкций может обеспечиваться различными методами [1, 2], однако в современных условиях производства РЭС полная взаимозаменяемость должна обеспечиваться уже на уровне деталей и сборочных единиц, входящих в другие сборочные единицы. Это связано с тем, что элементы НК чаще всего изготавливаются независимо, и для производителей РЭС являются покупными, а на места сборки и эксплуатации могут поставляться в разобранном виде.

В силу сказанного анализ точности и расчеты размерных цепей должны быть выполнены так, чтобы исключить возможные неучтенные звенья.

В практике разработки сборочных единиц НК для РЭС иногда возникают ситуации, когда взаимозаменяемость не обеспечивается, несмотря на то, что расчет размерных цепей выполнен по методу максимума-минимума, который должен обеспечивать полную взаимозаменяемость [1]. Особенно это ощущается при наличии значительного количества соединений винтами, болтами, заклепками. Можно предположить, что это связано с существованием неучитываемых размерных звеньев и допусков.

Целью настоящей работы является анализ линейных сборочных размерных цепей и разработка методики их расчета, которая позволяет учитывать все звенья размерных цепей и повышает точность вычислений без значительного увеличения их объема.

Проведем анализ точности известных методов расчета сборочных размерных цепей для двух типичных случаев использования механического соединения двух деталей.

### 1. Расчет сборочной размерной цепи из двух деталей, соединяемых в одной точке.

Первый вариант.

На обеих деталях крепежные отверстия без резьбы (крепление деталей винтами или болтами с гайками, заклепками; **рис. 1**). Здесь  $A_{\Delta}$  — замыкающий размер, образующийся в результате сборки узла;  $\Delta_1/2$  и  $\Delta_2/2$  — зазоры между валом (винтом, болтом и др.) и отверстиями деталей 1 и 2, соответственно.

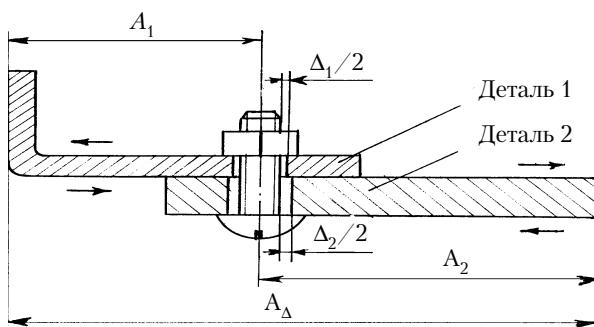
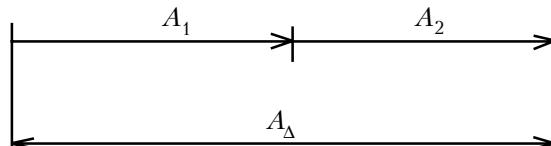


Рис. 1. Конструктивная схема узла с соединением в одной точке

Схема размерной цепи этого узла имеет следующий вид:



Ее уравнение:  $A_{\Delta} = A_1 + A_2$ .

При расчете такой сборочной размерной цепи часто не учитывают возможное смещение деталей из-за зазоров  $\Delta_1/2$  и  $\Delta_2/2$ . Однако оно может быть существенным, т. к. указанные зазоры образуются не только за счет разницы в диаметрах вала и отверстия, устанавливаемой исходя из служебного назначения соединения, но и за счет предельных отклонений этих диаметров.

Таким образом, точный расчет приведенной сборочной размерной цепи должен обязательно учитывать возможное смещение осей отверстий за счет сдвига деталей. На рис. 2 представлен случай сдвига деталей 1 и 2 внутрь. Здесь  $e$  — максимальное смещение осей отверстий;  $e_1, e_2$  — максимальное смещение оси отверстия соответственно деталей 1 и 2 относительно оси крепежной детали.

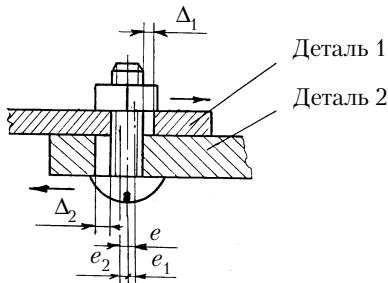
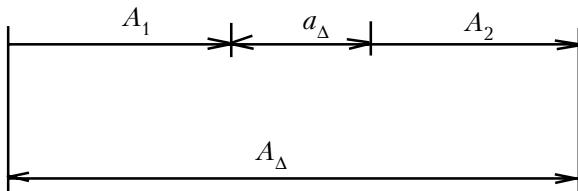


Рис. 2. Расположение деталей при их максимальном сдвиге внутрь

Для учета такого смещения используем существующее понятие «звено-зазор» [1, 2], которое и введем в схему размерной цепи, обозначив  $a_\Delta$ :



Используем конструктивную разновидность звена-зазора, когда он может выбираться в одну и в другую стороны. Такая разновидность характерна для несущих конструкций РЭС.

Тогда уравнение размерной цепи примет вид  $A_\Delta = A_1 + A_2 \pm a_\Delta$ .

Это уравнение будет справедливым, если считать, что номинальное значение размера звена-зазора равно нулю. Знак „ $\pm$ “ у размера  $a_\Delta$  указывает на то, что он может быть увеличивающим для расчета верхнего предельного отклонения замыкающего звена и уменьшающим — для расчета нижнего.

Определим предельные отклонения звена-зазора. Они симметричны и равны  $\pm e$ . При этом

$$e = e_1 + e_2 = \Delta_1 / 2 + \Delta_2 / 2 . \quad (1)$$

Как было отмечено ранее, максимальные зазоры состоят из нескольких составляющих:

$$\Delta_1 = \Delta_{\Delta 1} + \Delta_{\Delta B 1} + \Delta_{\Delta H 3} ; \quad (2)$$

$$\Delta_2 = \Delta_{\Delta 2} + \Delta_{\Delta B 2} + \Delta_{\Delta H 3} , \quad (3)$$

где  $\Delta_{\Delta 1}, \Delta_{\Delta 2}$  — разность номинальных значений диаметра отверстия соответственно деталей 1, 2 и диаметра вала;

$\Delta_{\Delta B 1}, \Delta_{\Delta B 2}$  — верхние предельные отклонения диаметров отверстий деталей 1 и 2, соответственно;

$\Delta_{\Delta H 3}$  — нижнее предельное отклонение диаметра вала (абсолютное значение).

Таким образом, прежде чем рассчитывать сборочную размерную цепь такого типа, необходимо выявить наличие и рассчитать допуски и предельные отклонения звеньев-зазоров, являющихся своего рода дополнительными замыкающими звеньями.

Из рис. 1, 2 видно, что допуск звена-зазора при решении размерной цепи методом максимума-минимума равен

$$\delta_{\Delta 3} = 2e . \quad (4)$$

С учетом (1)

$$\delta_{\Delta 3} = 2(e_1 + e_2) = \Delta_1 + \Delta_2$$

или, принимая во внимание (2), (3),

$$\delta_{\Delta 3} = \Delta_{\Delta 1} + \Delta_{\Delta 2} + \Delta_{\Delta B 1} + \Delta_{\Delta B 2} + 2\Delta_{\Delta H 3} . \quad (5)$$

При одинаковых диаметрах отверстий и допусках на них на обеих деталях

$$\delta_{\Delta 3} = 2(\Delta_\Delta + \Delta_{\Delta B} + \Delta_{\Delta H 3}) , \quad (6)$$

где  $\Delta_\Delta$  — разность номинальных значений диаметров отверстий и вала;

$\Delta_{\Delta B}$  — верхнее предельное отклонение диаметра отверстий.

С учетом сказанного ранее величины нижнего и верхнего предельных отклонений звена-зазора будут равны

$$\Delta_{\Delta H 3} = \Delta_{\Delta Z V} = \delta_{\Delta 3} / 2 . \quad (7)$$

Таким образом, величину звена-зазора можно выразить так:

$$a_\Delta = 0 \pm \delta_{\Delta 3} / 2 . \quad (8)$$

При расчете этой же размерной цепи теоретико-вероятностным методом используем для расчета допуска звена-зазора формулу [3, (68)] для наиболее распространенного исходного случая.

Тогда для случая разных диаметров отверстий на деталях 1 и 2

$$\delta_{\Delta 3} = \sqrt{\Delta_{\Delta 1}^2 + \Delta_{\Delta 2}^2 + \Delta_{\Delta B 1}^2 + \Delta_{\Delta B 2}^2 + 2\Delta_{\Delta H 3}^2} ; \quad (9)$$

для случая одинаковых диаметров отверстий

$$\delta_{\Delta 3} = \sqrt{2(\Delta_\Delta^2 + \Delta_{\Delta B}^2 + \Delta_{\Delta H 3}^2)} . \quad (10)$$

Здесь также применимы выражения (7) и (8).

Второй вариант.

На одной из деталей имеется резьба (т. е. используется крепление винтом или болтом без применения гайки; рис. 3).

В этом случае  $e = e_1 = \frac{\Delta_1}{2}$ .

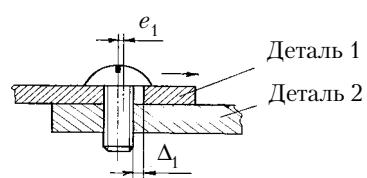


Рис. 3. Расположение деталей при максимальном сдвиге одной из них

Допуск звена-зазора с учетом (4) равен:

при решении на максимум-минимум

$$\delta_{\Delta 3} = \Delta_1 + \Delta_{\Delta B1} + \Delta_{\Delta H3}; \quad (11)$$

при решении теоретико-вероятностным методом

$$\delta_{\Delta 3} = \sqrt{\Delta_{\Delta 1}^2 + \Delta_{\Delta B1}^2 + \Delta_{\Delta H3}^2}. \quad (12)$$

Выражения (7) и (8) применимы и в этом случае.

## 2. Расчет сборочной размерной цепи из двух деталей, соединяемых в двух точках.

Рассчитывая допуски и предельные отклонения размеров между осями отверстий соединяемых деталей при двух или более крепежных элементах, исходят из условия собираемости этих двух деталей [1]. При этом рассчитанные зависимые допуски на расстояния между осями отверстий используют и при расчете сборочных размерных цепей. Однако это является недостаточным.

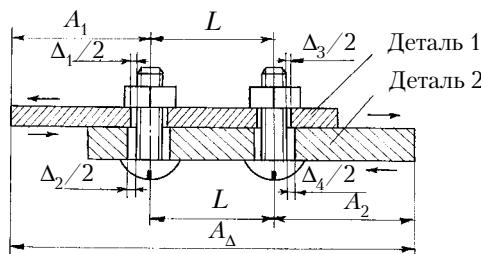
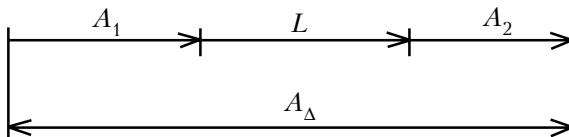


Рис. 4. Конструктивная схема узла с соединением в двух точках

Рассмотрим случай, когда допуски на обеих соединяемых деталях совпадают (**рис. 4**). Схема размерной цепи выглядит следующим образом:



Анализ такого соединения показывает, что вариант, когда значения предельных отклонений на размер  $L$  на деталях 1 и 2 совпадают, представляет собой наихудший случай с точки зрения точности выполнения сборочной единицы. Это объясняется тем, что кроме допуска на расстояние между осями двух отверстий существуют зазоры ( $\Delta_1/2, \dots, \Delta_4/2$ ), в пределах которых детали могут перемещаться одна относительно другой. На **рис. 5** представлен случай смещения деталей наружу.

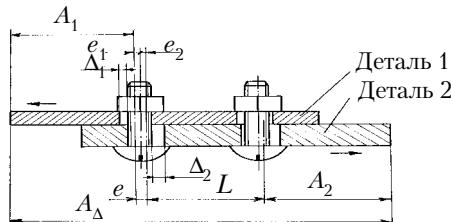
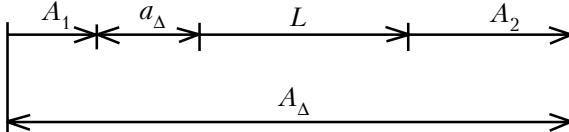


Рис. 5. Расположение деталей при их максимальном сдвиге наружу

Как и в предыдущем случае (рис. 2), здесь также существует звено-зазор  $a_{\Delta}$ , и схема размерной цепи теперь имеет вид



Расчет звена-зазора в такой схеме имеет следующие особенности.

1) При наличии двух и более зависимых мест крепления двух деталей считается, что звено-зазор одно.

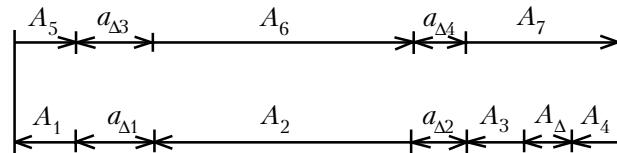
2) Если отверстия, валы и их предельные отклонения разные, то при расчете  $e = e_1 + e_2$  (где  $e_1$  и  $e_2$  — смещение крепежного элемента относительно оси отверстия деталей 1 и 2, соответственно) из пары отверстий каждой детали выбирается то, которое имеет меньшее значение  $\Delta$  с учетом допусков на отверстия и вал в соответствии с (2) и (3). Например, для рассматриваемого варианта выбираются левые отверстия, если  $\Delta_1 < \Delta_3$  и  $\Delta_2 < \Delta_4$  для деталей 1 и 2, соответственно.

Для расчета допусков и предельных отклонений звена-зазора используются те же формулы, что и для случая соединения деталей в одной точке: при решении методом на максимум-минимум — (5), (6), (7), (11); при решении теоретико-вероятностным методом — (7), (9), (10), (12).

### Пример расчета

На **рис. 6** в виде поперечного сечения представлен электронный модуль второго уровня (ЭМ-2) типа кассеты. Здесь необходимо обеспечить надежный электрический контакт розетки, принадлежащей электронному модулю первого уровня (ЭМ-1), и вилки, установленной на объединительной плате. Недосочленение вилки с розеткой не должно превышать заданной в ТУ на соединители величины (допустим, 2 мм). С другой стороны, для того, чтобы не было механической нагрузки на соединители и объединительную плату, лицевая панель ЭМ-1 должна коснуться передних траверс раньше, т. е. прежде чем произойдет полное сочленение вилки и розетки.

Схема размерной цепи:



С учетом приведенных выше требований к сочленению соединителей, а значит к замыкающему размеру, принимаем  $A_{\Delta} = 1^{+1,0}_{-0,8}$  мм.

Решение предложенной размерной цепи произведем двумя методами: на максимум-минимум и теоретико-вероятностным с использованием предложенной методики по учету звеньев-зазоров. Задачу решим как обратную, т. е. определим номинальное значение, допуск и предельные отклонения замыкающего звена по номиналь-

## НЕСУЩИЕ КОНСТРУКЦИИ

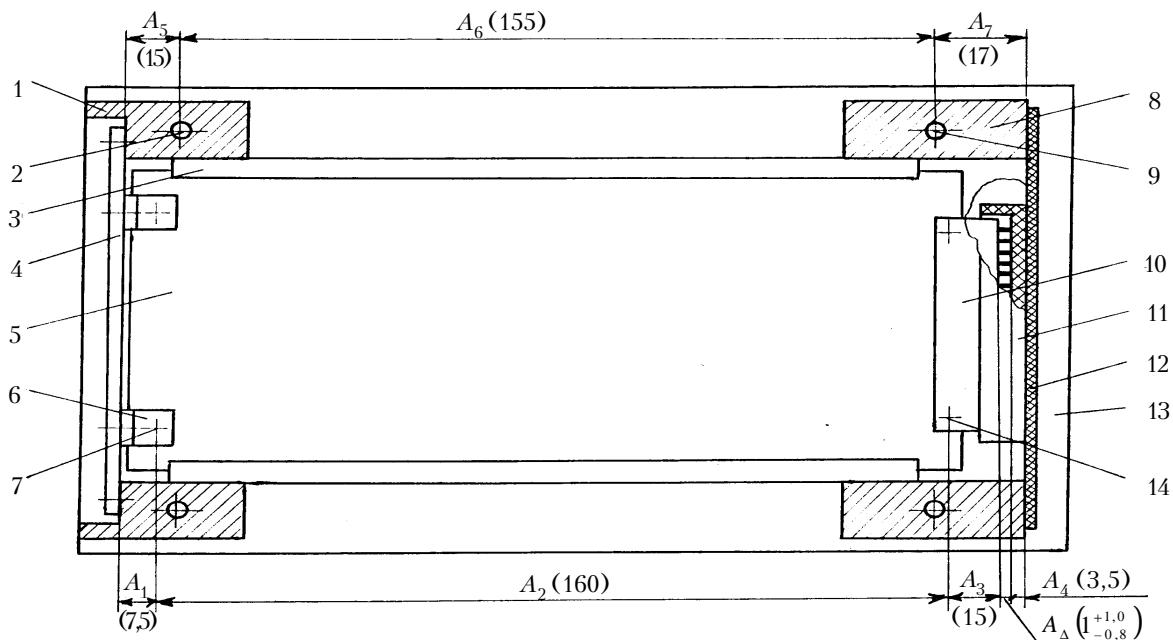


Рис. 6. Конструктивная схема ЭМ-2:

1 — траверса передняя; 2, 9 — крепление «винт в деталь»; 3 — направляющая; 4 — панель лицевая; 5 — плата печатная; 6 — кронштейн; 7, 14 — крепление «винт-гайка»; 8 — траверса задняя; 10 — розетка; 11 — вилка; 12 — плата объединительная; 13 — стенка корпуса кассеты

ным значениям размеров звеньев цепи (указаны в скобках на рис. 6) и их предельным отклонениям.

Уравнение размерной цепи:

$$A_5 + A_6 + A_7 - A_1 - A_2 - A_3 - A_4 = A_\Delta.$$

(Звенья-зазоры в уравнение не включаем, т. к. их номинальные значения равны нулю.)

$$A_\Delta = 15 + 155 + 17 - 7,5 - 160 - 15 - 3,5 = 1 \text{ мм},$$

следовательно, номинальные размеры установлены правильно.

Значения предельных отклонений составляющих звеньев возьмем из результатов решения прямой задачи этой же размерной цепи без учета звеньев-зазоров. Для расчета использовался способ назначения допусков одного квалитета точности по стандарту допусков и посадок [3, с. 115].

1. Расчет размерной цепи по методу максимума-минимума (в мм).

Рассчитанные предельные отклонения (решение прямой задачи без учета звеньев-зазоров):

$$A_1 = 7,5 \pm 0,075;$$

$$A_5 = 15 \pm 0,09;$$

$$A_2 = 160 \pm 0,2;$$

$$A_6 = 155 \pm 0,2;$$

$$A_3 = 15_{-0,18};$$

$$A_7 = 17 \pm 0,09.$$

$$A_4 = 3,5_{-0,12};$$

Проверка назначения допусков подтверждает их правильность, т. к.

$$\delta_\Delta = \sum_{i=1}^n \delta_i = 1,61$$

меньше заданного значения 1,8.

Проверка установления предельных отклонений по формулам [3, (60) и (61)] также подтверждает их правильность:

$$\Delta_{AB} = 0,955 < 1,0;$$

$$\Delta_{AH} = |-0,655| < |-0,8|.$$

Таким образом, размерная цепь составлена правильно, т. к. удовлетворяет условию взаимозаменяемости.

Теперь произведем расчет размерной цепи с учетом звеньев-зазоров, составляющие размеры которых следующие:

для  $a_{\Delta 1}$  и  $a_{\Delta 2}$

$$D_{\text{отв1}} = D_{\text{отв2}} = \emptyset 2,7^{+0,1};$$

$$D_{\text{винта}} = \emptyset 2,5_{-0,1};$$

для  $a_{\Delta 3}$  и  $a_{\Delta 4}$

$$D_{\text{отв1}} = \emptyset 4,2^{+0,12};$$

$$D_{\text{винта}} = \emptyset 4_{-0,1}.$$

Рассчитаем допуски и предельные отклонения звеньев-зазоров:

для  $a_{\Delta 1}$  и  $a_{\Delta 2}$  по формуле (6)  $\delta_{\Delta 3} = 0,8$ ;

$$\text{по (7)} - \Delta_{\Delta 3H} = \Delta_{\Delta 3B} = 0,4;$$

для  $a_{\Delta 3}$  и  $a_{\Delta 4}$  по (11) —  $\delta_{\Delta 3} = 0,42$ ;

$$\text{по (7)} - \Delta_{\Delta 3H} = \Delta_{\Delta 3B} = 0,21.$$

Предельные отклонения замыкающего звена, рассчитанные по формулам [3, (60) и (61)]:

$$\Delta_{AB} = 2,175; \Delta_{AH} = -1,875.$$

Таким образом,  $A_\Delta = 1^{+2,175}_{-1,875}$ , что не обеспечивает нормального сочленения вилки и розетки.

## НЕСУЩИЕ КОНСТРУКЦИИ

2. Расчет размерной цепи теоретико-вероятностным методом (в мм).

Рассчитанные предельные отклонения (решение прямой задачи без учета звеньев-зазоров):

$$\begin{array}{ll} A_1=7,5^{+0,36}; & A_5=15\pm 0,215; \\ A_2=160\pm 0,5; & A_6=155\pm 0,5; \\ A_3=15_{-0,43}; & A_7=17\pm 0,215. \\ A_4=3,5_{-0,25}; & \end{array}$$

Проверка назначения допусков и предельных отклонений составляющих звеньев подтверждает их правильность:

$$\delta_\Delta=1,64; \Delta_{\Delta B}=0,98; \Delta_{\Delta ZH}=-0,66.$$

Как и в предыдущем случае, произведем расчет размерной цепи с учетом звеньев-зазоров.

Рассчитаем допуски и предельные отклонения звеньев-зазоров:

для  $a_{\Delta 1}$  и  $a_{\Delta 2}$  по формуле (10)  $\delta_{\Delta 3}=0,35$ ;

по (7) —  $\Delta_{\Delta ZH}=\Delta_{\Delta ZB}=0,175$ ;

для  $a_{\Delta 3}$  и  $a_{\Delta 4}$  по (12) —  $\delta_{\Delta 3}=0,25$ ;

по (7) —  $\Delta_{\Delta ZH}=\Delta_{\Delta ZB}=0,125$ .

Результаты расчета предельных отклонений замыкающего звена по формулам [3, (69) и (70)]:

$$\Delta_{\Delta B}=1,21;$$

$$\Delta_{\Delta H}=-0,89 \text{ или } A_\Delta=1^{+1,21}_{-0,89}.$$

Как и в предыдущем случае, условия нормального сочленения соединителей не обеспечиваются.

Рассмотренный пример дает возможность наглядно продемонстрировать важность учета звеньев-зазоров для обеспечения взаимозаменяемости сборочных единиц при расчете размерных цепей двумя методами.

Таким образом, звенья-зазоры существенно влияют на значения предельных отклонений замыкающих звеньев и их необходимо учитывать для обеспечения взаимозаменяемости при заданных условиях. Для снижения влияния звеньев-зазоров необходимо:

— уменьшать до предела зазор между отверстием и валом (крепежным элементом) с учетом их допусков;

— использовать такое соединения деталей, когда на одной из них имеется резьба;

— в случае крепления деталей в двух и более местах предыдущие рекомендации достаточно выполнить для одного места крепления.

Разработанная методика позволяет достаточно просто учитывать все звенья размерной цепи, в том числе и звенья-зазоры. Это увеличивает точность расчетов и, следовательно, повышает уровень взаимозаменяемости сборочных единиц несущих конструкций РЭС.

### ИСПОЛЬЗОВАННЫЕ ИСТОЧНИКИ

1. Якушев А. И., Валединский А. С., Воробьев Ю. А. и др. Взаимозаменяемость в машиностроении и приборостроении / Под. ред. А. И. Якушева. — М. : Изд-во Комитета стандартов, мер и измерительных приборов при Совете Министров СССР, 1970.

2. Бондаренко С. Г., Чередников О. Н., Губий В. П., Игнатцев Т. М. Размерный анализ конструкций: Справочник / Под общей ред. С. Г. Бондаренко. — К. : Техника, 1989.

3. Тищенко О. Ф., Валединский А. С. Взаимозаменяемость, стандартизация и технические измерения. — М. : Машиностроение, 1977.

## ЧИТАТЕЛЬ ЗАИНТЕРЕСОВАЛСЯ

### ПРОБЛЕМЫ РАЗВИТИЯ БАЗОВЫХ НЕСУЩИХ КОНСТРУКЦИЙ ДЛЯ СОВРЕМЕННЫХ РАДИОЭЛЕКТРОННЫХ СРЕДСТВ

(Публикация в «ТКЭА», 1997, № 3, с. 9.)

Украина, 270044, г. Одесса, пр-т Шевченко, 1, ОПУ-РТФ,  
Ефименко Анатолий Афанасьевич. Тел. (0482) 288-542.

### МЕХАНИЧЕСКИЕ КОНСТРУКЦИИ ДЛЯ ЭЛЕКТРОННЫХ СРЕДСТВ (СТАНДАРТ МЭК, ПУБЛИКАЦИЯ 917)

(Публикация в «ТКЭА», 1997, № 4, 4-я стр. обложки.)

Украина, 270031, г. Одесса, ул. Промышленная, 28,  
ОАО «Нептун». Тел. (0482) 24-60-14, факс (0482) 32-55-23, 22-51-89.

### ПЛЕНОЧНЫЕ ЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ НАГРЕВАТЕЛИ (ПЭН)

(Публикация в «ТКЭА», 1997, № 2, с. 33.)

Украина, 270003, г. Одесса, ул. Церковная, 19, АО «Медлаборттехника».  
Главный конструктор Попов Виталий Иванович. Тел. (0482) 209-243, факс (0482) 33-13-03.

ОБРАТНАЯ СВЯЗЬ